

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
ФГБОУ ВО «Удмуртский государственный университет»  
Институт нефти и газа им. М.С. Гуцериева  
Кафедра разработки и эксплуатации нефтяных  
и газовых месторождений

# ПОДЗЕМНАЯ ГИДРОМЕХАНИКА

Учебно-методическое пособие



Ижевск  
2025

УДК 622. 276(075.8)

ББК 33.361-1р30

П442

*Рекомендовано к изданию учебно-методическим советом УдГУ*

**Рецензент:** д-р техн. наук, профессор каф. геологии и геофизики нефти и газа  
ФГБОУ ВО «УГГУ» **А.А. Липаев**

**Составители:** Борхович С.Ю., Чекмышев К.Э.,  
Полозов М.Б., Трубицына Н.Г.

П442 Подземная гидромеханика : учеб.-метод. пособие / сост. С.Ю. Борхович, К.Э. Чекмышев, М.Б. Полозов и др. – Ижевск : Удмуртский университет, 2025. – 157 с. – Текст: электронный.

Учебно-методическое пособие содержит краткое изложение лекционного материала по дисциплине, задание на выполнение курсовой работы для студентов очной и заочной форм обучения, по направлению 21.03.01 «Нефтегазовое дело» профиль «Эксплуатация и обслуживание объектов добычи нефти».

УДК 622. 276(075.8)

ББК 33.361-1р30

© Борхович С.Ю., Чекмышев К.Э.,  
Полозов М.Б., Трубицына Н.Г., сост., 2025  
© ФГБОУ ВО «Удмуртский  
государственный университет», 2025

## СОДЕРЖАНИЕ

Введение .....	7
<b>I. КРАТКИЙ КУРС ОСНОВНЫХ ВОПРОСОВ ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКИ</b> .....	8
1. ОСНОВНЫЕ ЭТАПЫ РАЗВИТИЯ ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКИ .....	8
2. ФИЗИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКИ .....	14
2.1. Горные породы какместилище жидкостей и газов .....	14
2.2. Силы, действующие в пластовых системах.....	18
2.3. Режимы нефтегазоводоносных систем .....	19
Контрольные вопросы для самостоятельного изучения по теме «Физические основы подземной гидромеханики».....	20
3. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ ФИЛЬТРАЦИИ. НЕЛИНЕЙНЫЕ ЗАКОНЫ ФИЛЬТРАЦИИ .....	21
3.1. Законы фильтрации .....	21
3.2. Границы применимости закона Дарси.....	25
3.2.1. Определение границы применимости на основе числа Рейнольдса.....	25
3.2.2. Определение границы применимости на основе порогового градиента давления .....	30
3.3. Линейный закон фильтрации .....	35
3.4. Нелинейные законы фильтрации .....	40
3.5. Основные дифференциальные уравнения подземной гидромеханики .....	46
Контрольные вопросы для самостоятельного изучения по теме «Дифференциальные уравнения фильтрации. Нелинейные законы фильтрации».....	47
4. УСТАНОВИВШАЯСЯ И НЕУСТАНОВИВШАЯСЯ ФИЛЬТРАЦИЯ ОДНОМЕРНЫХ ПЛАСТОВЫХ ФЛЮИДОВ .....	49
4.1. Простейшие установившиеся фильтрационные потоки несжимаемой жидкости при линейном законе фильтрации .....	49
4.1.1. Общие сведения об установившихся фильтрационных потоках несжимаемой жидкости. ....	49
4.1.2. Характеристики одномерных установившихся фильтрационных потоков несжимаемой жидкости .....	52
4.2. Установившееся движение капельных сжимаемых жидкостей и газов в простейших фильтрационных потоках при линейном законе фильтрации .....	62
4.3. Неустановившееся движение упругой жидкости в деформируемой пористой среде.....	64

4.4. Установившееся движение неоднородных жидкостей в пористых средах .....	66
4.5. Установившееся движение однородной несжимаемой жидкости в неоднородных пористых средах .....	67
4.6. Установившийся приток несжимаемой жидкости к несовершенным скважинам .....	69
4.7. Установившееся нерадиальное движение несжимаемой жидкости при линейном законе фильтрации .....	70
4.8. Интерференция скважин.....	73
4.9. Приток жидкости к несовершенным скважинам при выполнении закона Дарси .....	76
4.10. Установившаяся фильтрация жидкости и газа в деформируемом трещиноватом пласте .....	80
4.11. Гидродинамические методы исследований.....	81
4.11.1. Обработка результатов гидродинамических исследований на установившихся режимах.....	83
4.11.2. Методика обработки результатов исследований на неустановившихся режимах .....	95
4.11.3. Понятие о скин-факторе. ....	96
4.12. Оптимальный дебит скважины в условиях прорыва воды (газа) и пескопроявления.....	100
4.12.1. Энергосберегающий дебит скважины.....	100
4.12.2. Предельные дебиты нефти и газа. ....	103
4.12.3. Основные представления о механизме пескопроявления.....	104
4.12.4. Прогнозирование выноса песка из пласта к скважине.....	105
4.12.5. Защита скважины от песка. ....	108
4.13. Расчет дебитов горизонтальных скважин при двухфазной фильтрации..	109
4.13.1. Стационарный дебит скважины в изотропном пласте при зональной неоднородности по насыщенности.....	111
4.13.2. Стационарный дебит скважины в анизотропном пласте с постоянной водонасыщенностью ( $s = \text{const.}$ ). ....	112
Контрольные вопросы для самостоятельного изучения по теме «Установившаяся и неустановившаяся фильтрация одномерных пластовых флюидов» .....	113
<b>5. ОСНОВЫ ТЕОРИИ ФИЛЬТРАЦИИ МНОГОФАЗНЫХ СИСТЕМ .....</b>	<b>115</b>
5.1. Основы теории вытеснения нефти водой .....	115
5.2. Основы теории поршневого вытеснения нефти водой .....	116
5.3. Основы теории непоршневого вытеснения нефти водой.....	118

5.4. Примеры практического применения решения Бакли-Левретта.....	123
5.5. Модель двухфазной фильтрации при линейном законе фильтрации .....	126
5.6. Модель двухфазной фильтрации при нелинейном законе фильтрации .....	129
Контрольные вопросы для самостоятельного изучения по теме «Основы теории фильтрации многофазных систем».....	132

## **II. ЗАДАНИЯ ДЛЯ КУРСОВЫХ РАБОТ ПО ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКЕ .....**

<b>II. ЗАДАНИЯ ДЛЯ КУРСОВЫХ РАБОТ ПО ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКЕ .....</b>	<b>133</b>
Задание № 1.....	133
Задание № 2.....	133
Задание № 3.....	134
Задание № 4.....	134
Задание № 5.....	135
Задание № 6.....	135
Задание № 7.....	136
Задание № 8.....	137
Задание № 9.....	137
Задание № 10.....	138
Задание № 11.....	138
Задание № 12.....	139
Задание № 13.....	140
Задание № 14.....	140
Задание № 15.....	141
Задание № 16.....	141
Задание № 17.....	142
Задание № 18.....	143
Задание № 19.....	143
Задание № 20.....	144
Задание № 21.....	144
Задание № 22.....	145
Задание № 23.....	145
Задание № 24.....	146
Задание № 25.....	146
Задание № 26.....	147
Задание № 27.....	148
Задание № 28.....	148

## **III. СОДЕРЖАНИЕ И ОФОРМЛЕНИЕ КУРСОВЫХ РАБОТ (КР) .....**

## **IV. ДАННЫЕ ДЛЯ РАСЧЕТА И СПРАВОЧНЫЕ ДАННЫЕ .....**

V. СПИСОК РЕКОМЕНДУЕМОЙ К САМОСТОЯТЕЛЬНОМУ ИЗУЧЕНИЮ ЛИТЕРАТУРЫ .....	153
VI. ИСПОЛЬЗОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА .....	153
Приложение 1 .....	157

## Введение

*Подземная гидромеханика* – наука о движении (фильтрации) жидкостей, газов и их смесей в пористых и трещиноватых средах; по своей сути она является одним из специальных разделов общего курса механики жидкостей. С другой стороны, подземная гидромеханика является теоретической базой для описания процессов фильтрации при разработке нефтяных и газовых месторождений и обеспечивает решение широкого круга прикладных задач в практической деятельности специалистов-нефтяников: создание теории и методов расчёта движения жидкостей (газов) в пористых средах в процессе извлечения нефти или газа из недр, а также получение данных для научно обоснованного проектирования разработки месторождений углеводородного сырья.

Начало развитию подземной гидромеханики было положено французским инженером А. Дарси (1803-1858 гг.). А. Дарси в 1856 году сформулировал экспериментальный закон, выражающий зависимость скорости фильтрации от градиента давления.

Выдающийся вклад в развитие теории фильтрации в нефтегазоводоносных пластах внесли советские ученые: Л. С. Лейбензон (1879-1951 гг.) – основатель советской школы ученых и специалистов, занимающихся развитием теории фильтрации применительно к проблемам разработки нефтяных и газовых месторождений, академик С. А. Христианович, профессора Б. Б. Лапук, И. А. Чарный, В. Н. Щелкачев.

Подземная гидромеханика при решении стоящих перед ней теоретических и практических задач пользуется всеми известными в механике жидкостей приемами и методами: бесконечно малых величин, средних величин, анализа размерностей, аналогий и методами обработки результатов экспериментов. Объектом изучения подземной гидромеханика является поток жидкости и газа в пористой среде, называемый фильтрационным потоком; движущиеся в пласте жидкости и газы рассматриваются как непрерывные сплошные среды, на которые распространяются все свойства, присущие сплошным средам, и все законы механики сплошных сред.

Учебно-методическое пособие предназначено для бакалавров и специалистов, обучающихся по направлению «Нефтегазовое дело». Пособие может быть полезно также для специалистов нефтяной и газовой промышленности.

# ***1. КРАТКИЙ КУРС ОСНОВНЫХ ВОПРОСОВ ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКИ***

## ***1. ОСНОВНЫЕ ЭТАПЫ РАЗВИТИЯ ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКИ***

Флюиды, вследствие естественных процессов, или в результате деятельности человека, находятся в постоянном движении. Движение флюидов через твердые тела, содержащие связанные между собой поры или трещины, называется фильтрацией [3]. Свойства горной породы (пласта) вмещать и пропускать через себя жидкость (флюид) называются фильтрационно-емкостными свойствами пласта. К этим свойствам относятся: пористость, проницаемость, скорость фильтрации и т.д.

Подземная гидромеханика получила развитие в связи с потребностями таких областей жизнедеятельности человека, как: использование грунтовых вод, разработка нефтяных и газовых месторождений, проектирование и эксплуатация гидротехнических сооружений, мелиорация и т.д.

Зарождение гидромеханики следует отнести к древности, к моменту, когда люди научились создавать оросительные каналы и водопроводы. В Китае, например, 2500 лет назад был построен Великий канал протяженностью около 1800 км. В древнем Египте и Индии приблизительно в то же время существовали не менее грандиозные для древнего мира гидротехнические сооружения. Первый водопровод появился в Риме 2300 лет назад [15]. В IV веке до н.э. древнегреческий философ Аристотель (384-322 гг. до н.э.) сделал ряд наблюдений над движением жидкостей. Знаменитый трактат Архимеда (ок. 287-212 гг. до н.э.) «О плавающих телах» следует считать первым научным трудом в области гидромеханики. Следующий шаг в развитии гидромеханики был сделан учеными XV-XVII веков. Здесь необходимо упомянуть Леонардо да Винчи (1452-1519) и его труд «О движении и измерении воды», Симона Стевина (1548-1620) («Начала гидростатики»), Галилео Галилея (1564-1642) («Рассуждение о телах, пребывающих в воде, и о тех, которые в ней движутся»). Исаак Ньютон (1643-1727) в своем знаменитом труде «Математические начала натуральной философии» установил, основываясь на собственных опытах, что сопротивление движению тел в жидкости пропорционально квадрату их скорости. Блез Паскаль (1623-1662) открыл закон о передаче давления в жидкости, вследствие чего появилось большое число простых гидравлических машин (типа гидравлических прессов, домкратов и т.д.). Э. Торричелли (1608-1647) получил формулу скорости истечения невязкой жидкости из резервуаров через отверстия. Однако все перечисленные открытия можно отнести лишь

к отдельным разделам гидромеханики. Формирование же гидромеханики как целостной науки стало возможным только после появления фундаментальных научных трудов М. В. Ломоносова, Д. Бернулли и Л. Эйлера. М. В. Ломоносов (1711-1765) в диссертации «Рассуждение о твердости и жидкости тел» (1760 г.) сформулировал открытые им законы сохранения вещества и энергии. [15] Даниил Бернулли (1700-1782) вывел важнейшее уравнение взаимосвязи удельных энергий при движении жидкости, служащее основой теоретических построений и практических расчетов в области гидравлики (впоследствии уравнение было названо его именем). В 1738 г. он опубликовал книгу «Гидродинамика, или Записки о силах и движениях жидкостей», где впервые ввел термин «гидромеханика». Леонард Эйлер (1707-1783) в 1755 г. вывел системы дифференциальных уравнений равновесия и движения жидкостей и газов; он указал некоторые интегралы этих уравнений и сформулировал закон сохранения массы применительно к жидкости; предложил конструкцию турбины, написал основополагающие труды по теории корабля. Теоретической основой подземной гидромеханики является теория фильтрации, описывающая движение флюидов с позиции механики сплошной среды. Начало систематическому изучению особенностей фильтрации жидкости в пористой среде было положено трудами французского инженера Анри Дарси (1803-1858) в середине XIX века. В то время А. Дарси был мэром города Дижон (Франция) и создавал первую совершенную систему водоснабжения. Он экспериментально установил линейную зависимость скорости фильтрации воды через песчаный фильтр от разности напоров воды на входе и выходе фильтра и сформулировал закон, получивший его имя. В дальнейшем Дарси занимался экспериментальным изучением движения воды через песчаные фильтры. Результаты опытов и установленные им основной закон фильтрации были опубликованы в 1856 г.

Основоположниками отечественной школы теории фильтрации являются профессор Н. Е. Жуковский, академики Н. Н. Павловский, Л. С. Лейбензон. Исследования этих выдающихся ученых, их многочисленных учеников и последователей стали фундаментальной основой развития теории фильтрации в нашей стране.

Н. Е. Жуковский (1847–1921 гг.) в 1889 г. опубликовал первую работу по теории фильтрации «Теоретическое исследование о движении подпочвенных вод». Им впервые выведены общие дифференциальные уравнения теории фильтрации, показано, что напор как функция координат удовлетворяет уравнению Лапласа, указано на математическую аналогию теплопроводности и фильтрации. Им исследованы также вопросы капиллярного поднятия воды в пористой среде, решен ряд задач о притоке воды к скважинам.

Н. Н. Павловскому (1884-1937 гг.) принадлежит определяющая роль в развитии теории фильтрации в гидротехническом направлении. В опубликованной монографии «Теория движения грунтовых вод под гидротехническими сооружениями и ее основные приложения» изложена разработанная им строгая математическая теория движения грунтовых вод в пористой среде. Им впервые многие задачи фильтрации воды были сформулированы как краевые задачи математической физики. Н. Н. Павловский впервые обосновал и предложил применение метода электрогидродинамической аналогии (ЭГДА) для решения фильтрационных задач, что в последующем нашло широкое применение для решения задач фильтрации воды, нефти и газа в неоднородных коллекторах.

Н. Н. Павловский впервые предложил использовать параметр Рейнольдса в качестве критерия существования закона Дарси, что имеет важное значение для исследования законов сопротивления при фильтрации. Фундаментальные результаты в развитии теории движения грунтовых вод получены академиком П. Я. Полубариновой-Кочиной.

Л. С. Лейбензон (1879-1951 гг.) – основатель советской школы ученых и специалистов, занимающихся развитием теории фильтрации применительно к проблемам разработки нефтяных и газовых месторождений. Теоретические и экспериментальные исследования Л. С. Лейбензона начались в 1921 г. в Баку. Ему принадлежит приоритет в постановке и решении ряда задач нефтегазовой и подземной гидромеханики. Им проведены первые исследования по фильтрации газированных жидкостей, сформулированы задачи нестационарной фильтрации при расчетах стягивания контуров нефтеносности при вытеснении нефти водой, получены фундаментальные результаты в развитии теории фильтрации природного газа. Обобщение этих исследований приведено в обширной монографии «Нефтепромысловая механика», в которой, по существу, впервые изложены основы нефтегазовой подземной гидромеханики.

Трудами учеников и последователей академика Л. С. Лейбензона сложилась школа, которая по праву называется школой Л. С. Лейбензона. Выдающийся вклад в развитие теории фильтрации в нефтегазоводоносных пластах внесли академик С. А. Христианович, профессора Б. Б. Лапук, И. А. Чарный, В. Н. Щелкачев. Написанные ими монографии и учебники стали классическими, основополагающими. Они имеют большое научно-методическое значение, способствуя успешной подготовке в вузах инженерных и научных кадров.

В послевоенный период теория фильтрации нефти, газа и воды развивается трудами советских ученых, среди которых следует отметить работы М. Т. Абасова, М. Г. Алишаева, И. М. Аметова, Е. Ф. Афанасьева,

Г. И. Баренблатта, Ю. П. Борисова, С. Н. Бузинова, В. Я. Булыгина, Г. Г. Вахитова, М. М. Глоговского, Г. Л. Говоровой, А. Т. Горбунова, М. А. Гусейн-Заде, В. Л. Данилова, Ю. В. Желтова, Ю. П. Желтова, С. Н. Закирова, Г. А. Зотова, В. М. Ентова, Р. Г. Исаева, Ю. П. Коротаева, А. К. Курбанова, Е. М. Минского, Ю. М. Молоковича, А. Х. Мирзаджанзаде, Н. Н. Непримерова, В. Н. Николаевского, А. М. Пирвердяна, Г. Б. Пыхачева, Г. В. Рассохина, М. Д. Розенберга, Е. С. Ромма, Э. В. Соколовского, М. Л. Сургучева, М. М. Саттарова, Ф. А. Требина, Э. Б. Чекалюка, М. В. Филинова, М. И. Швидлера, И. Д. Умрихина, А. Л. Хейна, Д. А. Эфроса и др. Работы этих ученых и их учеников обеспечили успешное развитие подземной гидромеханики — теоретической основы теории и практики разработки нефтяных и газовых месторождений, что способствовало ускоренному развитию нефтегазодобывающей промышленности нашей страны.

В последние годы ведутся интенсивные исследования в области гидромеханического обоснования повышения степени извлечения углеводородов из недр. Это обусловлено исчерпанием легкодоступных запасов нефти и газа, усложнением горно-геологических и термобарических условий разработки месторождений. Наступает новый этап развития нефтегазовой подземной гидромеханики, в течение которого главным направлением исследований будет достижение достаточно высоких коэффициентов нефтегазоотдачи пластов.

Следует отметить, что фундаментальные гидродинамические аспекты этой проблемы успешно развиваются работами исследователей, которые широко привлекают методы термодинамики, физики, химии, а также современный аппарат математического описания сложных фильтрационных процессов.

Широкие исследования в области нефтегазовой подземной гидромеханики проводятся за рубежом. Большое значение для развития технологии нефтеотдачи имеют работы по теории фильтрации крупнейшего американского специалиста М. Маскета. Основы теории двухфазной фильтрации, предложенные С. Бакли и М. Левереттом, получили широкое распространение и представляют собой основное содержание модели двухфазной фильтрации. Работа А. Ван Эвердингена и У. Херста о притоке упругой жидкости к скважине и полученные в ней решения позволили существенно усовершенствовать гидродинамические расчеты продвижения воды в пределы нефтяной или газовой залежи. Большое значение имеет работа Р. Коллинза, посвященная теории течения жидкостей через пористые материалы. Известный французский гидромеханик А. Упер выпустил несколько монографий, посвященных теории фильтрации жидкостей и газов при нелинейном законе, применению

вероятностно-статистических методов для решения фильтрационных задач. Хорошо известны переведенные на русский язык книги А. Э. Шейдеггера (Канада), Х. Азиза и Э. Сеттари (США), Н. Кристеа (Румыния) и др.

Работы зарубежных авторов, так же, как и советских специалистов, были посвящены гидродинамическому моделированию процессов разработки нефтяных и газовых месторождений применительно к все усложняющимся условиям их эксплуатации.

Необходимо отметить, что в последние годы для решения сложных фильтрационных задач создано несколько новых направлений, в частности, развитие исследований показало, что традиционные задачи гидродинамической теории фильтрации можно сформулировать как стохастические в средах со случайными неоднородностями. В связи с этим активно развивается специфическое направление в теории фильтрации, которое можно назвать стохастической теорией фильтрационных процессов.

Развиваются также и другие новые математические методы исследования характеристик природных систем и протекающих в них процессов, эффективные для построения и обоснования моделей подземной гидромеханики. Речь идет о методах перколяции (протекания) и фракталов. Перколяционные модели позволяют достаточно полно описывать сложные процессы капиллярного гистерезиса и неравновесности. Для построения фильтрационных моделей на макроуровне в хаотически неоднородных пластах, при неустойчивом продвижении границ фаз применяются теории фракталов.

В некоторых случаях традиционных методов подземной гидромеханики становится недостаточно для адекватного описания всего периода жизни месторождения, связанного с необходимостью непрерывного корректирования принимаемых решений по мере уточнения исходной информации. Тогда для принятия обоснованных решений необходимо применение вероятностно-статистических и адаптационных методов. Под руководством академика АН республики Азербайджан А. Х. Мирзаджанзаде создано такое направление оптимизации принимаемых решений в фильтрационных задачах применительно к широкому кругу вопросов разработки нефтяных и газовых месторождений.

Современное состояние и перспективы дальнейшего развития нефтяной и газовой промышленности характеризуются переходом на интенсивные методы разработки месторождений, существенным усложнением горно-геологических и термобарических условий их эксплуатации. В связи с этим применяются новые методы повышения нефтеотдачи пластов, основанные на дальнейшем совершенствовании методов гидродинамического воздействия на пласты, более широким применением термических, физико-химических и газовых методов

воздействия на природные резервуары и насыщающие их флюиды. Нефтегазовая подземная гидромеханика получает дальнейшее развитие под влиянием новых актуальных задач, выдвигаемых практикой разработки нефтяных, газовых и газоконденсатных месторождений. В связи с этим, наряду с изложением традиционных вопросов, гораздо большее внимание уделяется задачам взаимного вытеснения жидкостей и газов в пористых средах, задачам с подвижной границей и эффективным приближенным методам их решения. Эти последние разделы составляют теоретическую базу при моделировании многих технологических процессов, связанных с повышением нефте- и газоотдачи пластов. Рассмотрены основные типы моделей физических процессов, происходящих при фильтрации пластовых флюидов в процессе разработки и эксплуатации природных залежей; при этом основное внимание уделяется численному моделированию. Дается анализ численных схем и алгоритмов, апробированных и хорошо зарекомендовавших себя в подземной гидродинамике и ее приложениях.

При рассмотрении гидродинамических задач, связанных с разработкой газоконденсатных месторождений, авторы исходили из понимания того, что эти месторождения насыщены углеводородами парафинового ряда, в составе которых имеется достаточно большое количество углеводородов от пентана и тяжелее, конденсирующихся и испаряющихся при снижении пластового давления. Кроме газа, продукция газоконденсатного месторождения – сырой и стабильный углеводородный конденсат – результат ретроградных явлений, происходящих при изменении давления и температуры. Стабильный конденсат при стандартных условиях (0,1 МПа и 20°C) состоит только из жидких углеводородов (C5 + высшие) и используется как сырье для переработки на топливо или получения химических продуктов. Отметим, что в учебном пособии не представляется возможным изложить достаточно полно теорию фильтрации газоконденсатных смесей в пористых средах с учетом происходящих при этом фазовых превращений. Однако рассмотренные случаи многофазной многокомпонентной фильтрации в большинстве случаев описывают и этот процесс.

## 2. ФИЗИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКИ

### 2.1. Горные породы как вмещители жидкостей и газов

С точки зрения основных задач подземной гидромеханики, горные породы можно разделить на две категории: проницаемые горные породы (или коллекторы) и плотные (непроницаемые) горные породы. К проницаемым породам принято относить горные породы, способные вмещать (аккумулировать) в себе флюиды (жидкости и газы) и пропускать их через себя. Флюиды занимают в породе межзерновые пустоты (поры), образующиеся за счёт неполного контакта твёрдых частиц, слагающих горную породу, а также каверны и трещины, образующиеся в горной породе за счёт внешних воздействий или в результате постседиментационных процессов. По этим особенностям коллекторы можно разделить на два вида: поровые и трещинные.

Важнейшими характеристиками порового коллектора являются: коэффициент пористости  $m$  и коэффициент просветности  $n$  [7]:

$$m = \frac{V_n}{V}, \quad n = \frac{F_n}{F}, \quad (1)$$

где  $V$  – геометрический объём породы;  $V_n$  – объём порового пространства (суммарный объём пустот в породе);  $F$  – площадь сечения образца породы;  $F_n$  – суммарная площадь сечений просветов в сечении  $F$  образца породы.

**Пористость** – это соотношение объемов и, следовательно, величина безразмерная, поэтому ее обычно приводят в долях единиц или процентах. Во избежание путаницы, в особенности в тех случаях, когда пористость меняется и не остается постоянной величиной, значение часто приводится в единицах пористости (1 ЕП = 1%).

**Просветность** – это характеристика пористых сред, или поверхностная пористость. Она определяется как отношение площади пор к общей площади сечения. Величина просветности зависит от того, через какую точку и в каком направлении проводится разрез среды.

Во многих пористых средах осреднённое значение просветности (для сечений по различным направлениям) совпадает с пористостью. Это свойство лежит в основе одного из методов измерения пористости.

Основное различие между пористостью и просветностью в том, что пористость определяет общий объём пустот в пористой среде, а просветность – отношение площади активных пор в определённом сечении к общей площади этого сечения.

Для описания пористости необходимо привести несколько определений объемов [39]:

- общий объем породы –  $V_{общ}$ ;
- объем минеральной фазы –  $V_{мин}$ ;
- объем пор или пустот –  $V_{пор}$ ;
- объем сообщающихся пор –  $V_{н-сообщ}$ ;
- объем закрытых пор –  $V_{н-закр}$ ;
- объем трещин –  $V_{трещ}$ ;
- объем жидкой фазы 1, 2 –  $V_{ф1}$ ,  $V_{ф2}$  и т.д.

Пользуясь этими определениями, можно дать определение различным видам встречающейся пористости:

- общая пористость  $m_{общ} = V_{пор} / V_{общ}$  (2)

- эффективная пористость  $m_{эфф} = V_{н-сообщ} / V_{общ}$  (3)

- закрытая пористость  $m_{закр} = V_{н-закр} / V_{общ}$  (4)

- трещинная пористость  $m_{трещ} = V_{трещ} / V_{общ}$  (5)

*Под пористостью в теории фильтрации понимается эффективная пористость, которая учитывает только те поры и микротрещины, которые соединены между собой и через которые может фильтроваться жидкость.*

Среди трещинных коллекторов различают чисто трещиноватые и трещиновато-пористые коллекторы. Если в первых движение жидкости и газа происходит только по трещинам, то во-вторых — в трещинах и пористых блоках, расположенных между трещинами. Трещиновато-пористую среду рассматривают как совокупность двух разномасштабных пористых сред: первая среда, в которой поровыми каналами служат трещины, а пористые блоки между ними — зернами породы, характеризуется своей пористостью  $m_m$  и проницаемостью  $k_m$ ; вторая среда — система пористых блоков, характеризуется своей пористостью  $m_n$  и проницаемостью  $k_n$ .

Пористость  $m_m$  и проницаемость  $k_m$  чисто трещиноватых пластов определяются плотностью трещин  $\Gamma$ , геометрией систем трещин в породе и их средним раскрытием  $\delta$  [7].

Плотностью трещин  $\Gamma$  называется число трещин, приходящееся на единицу длины секущей, нормальной к поверхностям, образующим трещины.

Пористость  $m_m$  связана с плотностью трещин и средним их раскрытием соотношением

$$m_m = \theta \Gamma \delta \quad (6)$$

где  $\theta$  – коэффициент, учитывающий геометрию систем трещин и принимающий значения  $1 \leq \theta \leq 3$ .

Коэффициент проницаемости изотропного трещиноватого пласта выражается через густоту трещин и их среднее раскрытие соотношением

$$k_m = \frac{\theta \Gamma \delta^3}{12} = \frac{m_m \delta^2}{12}. \quad (7)$$

Если считать, что изменение раскрытия трещин при изменении пластового давления определяется упругими деформациями в трещиноватом пласте и описывается формулой

$$\delta = \delta_0 - \Delta\delta = \delta_0[1 - \beta(p_0 - p)], \quad (8)$$

то коэффициент проницаемости  $k_m$  в таком пласте в соответствии с формулой (7)

$$k_m = k_{m0}[1 - \beta(p_0 - p)]^3, \quad (9)$$

где  $\delta_0$  – раскрытие трещины при давлении  $p_0$ ;  $\beta = \beta_m l / \delta_0$  – комплексный параметр трещиноватой среды;  $\beta_m = (1 - 2\sigma) / E$  – упругая константа,  $\sigma$  – коэффициент Пуассона;  $E$  – модуль Юнга породы;  $l$  – среднее расстояние между трещинами.

При малых изменениях давления зависимость коэффициента проницаемости  $k_m$  от давления можно считать линейной

$$k_m = k_{m0}[1 - \alpha(p_0 - p)], \quad (10)$$

где  $\alpha = 3\beta$ .

Некоторые авторы представляют зависимость коэффициента проницаемости трещиноватого пласта от давления в виде экспоненциальной функции

$$k_m = k_{m0} e^{-\alpha(p_0 - p)}. \quad (11)$$

При рассмотрении фильтрации в трещиновато-пористом пласте обычно считают, что коэффициент проницаемости трещин  $k_T$  существенно зависит от давления и определяется одной из указанных формул, а коэффициент проницаемости пористых блоков  $k_n$  практически не зависит от давления и принимается постоянным.

Модели грунта в подземной гидромеханике используют для более точного описания реальных пористых сред. Это необходимо для получения реалистичных и точных результатов при численном моделировании процессов фильтрации в конкретных условиях.

В подземной гидромеханике рассматривают следующие модели грунта:

1. **Идеальный грунт** – модель пористой среды, поровые каналы которой представляют собой пучок тонких цилиндрических трубок (капилляров) с параллельными осями.

2. **Фиктивный грунт** – модель пористой среды, состоящей из шариков одинакового диаметра с различным углом укладки этих шаров.

Упрощенной моделью пористой среды является модель фиктивного грунта. Основным элементом (основной ячейкой) фиктивного грунта является ромбоэдр, который получится, если принять центры восьми соприкасающихся частиц за вершины углов (рис. 1). В зависимости от острого угла  $\theta$  боковой грани ромбоэдра укладка шаров более или менее плотная.

Угол  $\theta$  изменяется в пределах от  $60^\circ$  до  $90^\circ$ . Углу  $\theta = 60^\circ$  соответствует наиболее плотная укладка шаров, углу  $\theta = 90^\circ$  — наиболее свободная.

Пористость фиктивного грунта определяется по формуле Ч. Сликтера [7]:

$$m = 1 - \frac{\pi}{6(1 - \cos \theta)\sqrt{1 + 2\cos \theta}} \quad (12)$$

из которой следует, что пористость зависит не от диаметра частиц, а лишь от их взаимного расположения, которое определяется углом  $\theta$ .

Чтобы формулы для фиктивного грунта можно было применять для естественного грунта, нужно заменить реальный грунт эквивалентным ему фиктивным грунтом, который должен иметь такое же гидравлическое сопротивление, как у естественного грунта.

Диаметр частиц такого фиктивного грунта называется эффективным диаметром ( $d_e$ ). Эффективный диаметр определяется в результате гранулометрического (механического) анализа грунта. Его просеивают через набор сит с различной площадью отверстий и, таким образом, разделяют на фракции. За средний диаметр каждой фракции принимают среднее арифметическое крайних диаметров, т.е.

$$d_i = \frac{d'_{i-1} + d'_i}{2} \quad (13)$$

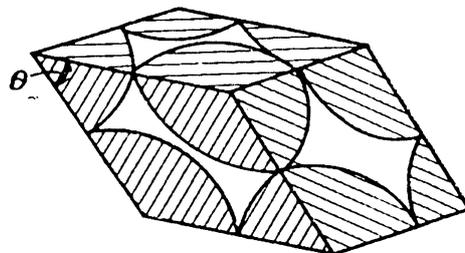


Рис. 1

Затем строят кривую механического (фракционного) состава грунта, откладывая по оси абсцисс средние диаметры фракций  $d_i$ , а по оси ординат – сумму масс фракций  $\Delta g_1 + \Delta g_2 + \dots + \Delta g_i$  в % от общей массы.

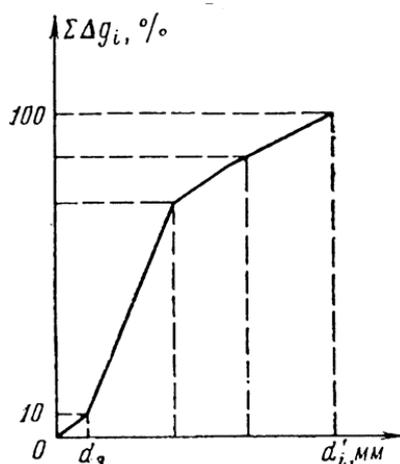


Рис. 2

Последняя точка кривой имеет абсциссу, равную  $d_n$ , и ординату  $\Delta g_1 + \Delta g_2 + \dots + \Delta g_n = 100\%$  (рис. 2).

По способу А. Газена  $d_3$  определяется по кривой механического состава. За эффективный принимается такой диаметр шарообразной частицы, который соответствует сумме масс всех фракций, начиная от нуля и кончая этим диаметром, равной 10%. Надо найти, кроме того, диаметр  $d_0$ , который соответствует сумме масс фракций, равной 60%. Коэффициент однородности  $d_0/d_3$  должен быть не более 5 ( $d_0/d_3 \leq 5$ ) и  $d_3$  должен лежать в пределах от 0,1 до 3 мм.

По способу Крюгера –Цункера используют данные механического анализа грунта и определяют  $d_3$  по формуле [7]:

$$\frac{100}{d_3} = \sum_{i=1}^n \frac{\Delta g_i}{d_i}. \quad (13)$$

## 2.2. Силы, действующие в пластовых системах

Залежи нефти и газа пластового и сводового типов, как правило, являются частями обширных гидродинамических систем, простирающихся на сотни и тысячи километров; такие системы представляет собой природные сообщающиеся резервуары больших размеров.

Одной из основных сил, действующих в пластовой системе, является сила горного давления, представляющая вес горных пород, расположенных над пластом. Под действием этой силы породы пласта – коллектора нефти и газа деформируются и находятся в напряжённом состоянии. Согласно молекулярно-кинетической теории строения вещества напряжённое состояние горной породы характеризует запас внутренней энергии твёрдого скелета породы. Показателями этой внутренней энергии могут служить коэффициент упругости (объёмного сжатия) среды  $\beta_{cp}$  или модуль упругости  $K_{cp}$ :

$$\beta_{cp} = -\frac{1}{V_{cp}} \frac{dV_{cp}}{dp}, \quad K_{cp} = \frac{1}{\beta_{cp}}, \quad (14)$$

где  $\beta_{cp}$  – коэффициент объёмного сжатия среды;  $K_{cp}$  – модуль упругости;  $V_{cp}$  – объём среды;  $p$  – величина давления.

**Пластовая энергия** — энергия упругости жидкости, газа и самого пористого коллектора (пласта), находящихся в напряжённом состоянии под действием пластового и горного давления.

Коэффициент упругости (объёмного сжатия) жидкости:

$$\beta_{жс} = -\frac{1}{V_{жс}} \frac{dV_{жс}}{dp}, \quad (15)$$

где  $\beta_{жс}$  – коэффициент объёмного сжатия жидкости;  $V_{жс}$  – объём жидкости;  $p$  – величина давления.

Если из пласта жидкость не извлекается и не нагнетается в пласт, то баланс сил горного давления и упругих сил, действующих в жидкости, будет сохраняться.

Расход энергии происходит при отборе жидкости (газа) из пласта. Запасы пластовой энергии расходуются на перемещение флюидов и на преодоление сил, противодействующих этому движению (сил внутреннего трения жидкостей и газов и трения их о породу, а также капиллярных сил). Упругие изменения, отнесённые к единице объёма, незначительны. Но если учесть, что объёмы залежи и питающей её водонапорной системы могут быть огромны, то упругая энергия пород, жидкостей и газов может оказаться существенным фактором, обуславливающим движение нефти к забоям нефтяных скважин.

### **2.3. Режимы нефтегазоводоносных систем**

**Режимы нефтегазоводоносных пластов** – это проявление доминирующей формы пластовой энергии в процессе разработки залежи нефти или газа. Особенности движения жидкостей и газов в природных пористых и трещиноватых средах определяются действующими на нефть и газ силами. По типу преобладающих действующих сил различают жёсткий водонапорный, газонапорный, упругий, режим «газированной жидкости» и гравитационный. Режимы пластовых систем принято делить на режимы вытеснения и истощения. При режимах вытеснения фильтрация жидкостей осуществляется за счёт внешней энергии (напора краевых вод или газов), при режимах истощения источником энергии для обеспечения фильтрации жидкости и газа являются упругие силы (внутренняя энергия жидкости, газа и твёрдой среды).

**Контрольные вопросы для самостоятельного изучения по теме  
«Физические основы подземной гидромеханики»**

- 1) На чем базируются построения математических и физических моделей?
- 2) Основные требования адекватности моделей реальным процессам.
- 3) Основное требование осреднения параметров по пространству, дающее право считать их непрерывным.
- 4) Почему в нефтяной гидромеханике процесс фильтрации флюидов можно считать изотермическим?
- 5) Назовите примеры нестационарных и стационарных процессов в нефтегазовой гидродинамике.
- 6) Модели флюидов по степени сжимаемости.
- 7) Определение пористости. Виды пористости. Отличие коэффициента пористости от коэффициента просветности.
- 8) Коллекторские свойства трещиноватых пород. Определение густоты трещин.
- 9) Назвать основные режимы дренирования нефтегазоносных залежей.
- 10) Виды моделей коллекторов с геометрической точки зрения.
- 11) Идеализированные модели пористых коллекторов.
- 12) Понятие фиктивного грунта. Пористость фиктивного грунта.

**Литература для самостоятельного изучения**

1. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика: учеб. для вузов / К. С. Басниев, И. Н. Кочина, В. М. Максимов. – М.: Недра, 1993. – 413 с.
2. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика: [учеб. пособие] / К. С. Басниев, Н. М. Дмитриев, Р. Д. Каневская [и др.]. – 2-е изд., испр. – Москва; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2006. – 488 с.
3. Каневская, Р. Д. Математическое моделирование гидродинамических процессов разработки месторождений углеводородов: Учеб. пособие для вузов / Р. Д. Каневская. – М.; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2002. – 139с.

### 3. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ ФИЛЬТРАЦИИ. НЕЛИНЕЙНЫЕ ЗАКОНЫ ФИЛЬТРАЦИИ

#### 3.1. Законы фильтрации

**Фильтрация** – раздел гидромеханики, посвященный исследованию движения жидкостей через пористые среды, то есть тела, пронизанные системой сообщающихся между собой пустот (пор). Пористыми являются многие природные тела: грунты, горные породы и т.д. Способность накапливать в себе жидкость и позволять ей двигаться под действием внешних сил – характерная особенность пористых тел.

Фильтрация жидкостей и газов по сравнению с движением в трубах и каналах обладает некоторыми специфическими особенностями.

Фильтрация происходит по чрезвычайно малым в поперечных размерах поровым каналам при очень малых скоростях движения жидкостей. Силы трения при движении жидкости в пористой среде очень велики, так как площади соприкосновения жидкости с твердыми частицами огромны.

Движение реальной жидкости в круглой цилиндрической трубе описывается, как известно, уравнением Бернулли [6]:

$$z_1 + \frac{p_1}{\rho g} + \frac{v_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\rho g} + \frac{v_2^2}{2g} + \Sigma h_{mp}, \quad (16)$$

где  $z$  – высота, на которой находится рассматриваемый элемент жидкости, м;  $p$  – давление в точке пространства, где расположен центр массы рассматриваемого элемента жидкости, Па;  $\rho$  – плотность жидкости, кг/м<sup>3</sup>;  $g$  – ускорение свободного падения, 9,81 м/с<sup>2</sup>;  $v$  – скорость потока жидкости, м/с;  $h_{mp}$  – потери напора жидкости на трение.

Однако фильтрационные потоки в пористой среде в значительной мере отличаются от потока в круглой цилиндрической трубе. Основное отличие таких потоков сводится, в основном, к двум особенностям:

- в фильтрационном потоке жидкость движется в капиллярных и субкапиллярных поровых каналах, имеющих очень сложную, не поддающуюся простому количественному описанию форму,

- в фильтрационном потоке жидкость движется с весьма малыми скоростями.

В теории фильтрации движение жидкости или газа через пористую среду рассматривается не с точки зрения движения потоков по отдельным извилистым микроскопическим каналам, а распространяют расход жидкости или газа на всю поперечную площадь пористой среды. Эта фиктивная скорость называется скоростью фильтрации. Истинные скорости движения в отдельных каналах

могут значительно превышать скорость фильтрации. В связи с этим все законы фильтрации, устанавливающие связь между скоростью фильтрации, градиентом давления и параметрами пористой среды и жидкости, носят статический характер.

При изучении фильтрационного потока удобно отойти от размеров пор и их формы, допустив, что жидкость движется сплошной массой, заполняя весь объем пористой среды, включая пространство, занятое скелетом породы.

**Скоростью фильтрации  $w$**  – называется отношение объемного расхода жидкости к площади поперечного сечения пласта, нормального к направлению движения жидкости [41]:

$$w = Q / F . \quad (17)$$

Скорость фильтрации представляет собой фиктивную скорость, с которой двигалась бы жидкость, если бы пористая среда отсутствовала ( $m = 1$ ).

Средняя скорость движения жидкости, в свою очередь, равна отношению объёмного расхода к площади просветов  $F_n$  (живому сечению потока) [16].

$$v = \frac{Q}{F_n} = \frac{Q}{mF} \quad (18)$$

Скорость фильтрации и средняя скорость движения связаны соотношением

$$v = w / m . \quad (19)$$

Если под величиной средней скорости жидкости в живом сечении потока в уравнении Бернулли понимать скорость фильтрации, то это уравнение будет справедливо и для фильтрационного потока. Поскольку скорости фильтрации весьма малы, то и величины скоростного напора являются бесконечно малыми по сравнению с пьезометрическими напорами и величиной потерь напора.

**Закон фильтрации Дарси** устанавливает линейную зависимость между объемным расходом несжимаемой жидкости и потерей напора, приходящейся на единицу длины, и имеет вид

$$Q = c \frac{H_1 - H_2}{l} F \quad (20)$$

где  $H_1 = z_1 + \frac{p_1}{\rho g}$  и  $H_2 = z_2 + \frac{p_2}{\rho g}$  – полные напоры в начальном и конечном сечениях образца пористой среды (скоростные напоры отброшены вследствие их малости);  $l$  – длина образца;  $F$  – площадь поперечного сечения (рис. 3);  $c$  – коэффициент фильтрации, зависящий как от свойств пористой среды, так и от свойств фильтрующейся жидкости.

Учитывая, что  $(H_1 - H_2)/l = i$  – гидравлический уклон, (20) можно записать так:

$$Q = ciF. \quad (21)$$

Деля обе части последнего равенства на  $F$ , получим

$$w = ci. \quad (22)$$

Способность пористой среды пропускать сквозь себя жидкости и газы называется проницаемостью. Это свойство характеризуется коэффициентом проницаемости  $k$ . В отличие от коэффициента фильтрации  $c$  коэффициент проницаемости  $k$  зависит только от свойств пористой среды.

При решении задач нефтяной подземной гидравлики удобнее записывать закон Дарси, пользуясь коэффициентом проницаемости [7]:

$$Q = \frac{k}{\mu} \frac{p_1^* - p_2^*}{l} F = \frac{k \Delta p^*}{\mu l} F \quad (23)$$

или

$$w = \frac{k}{m} \frac{p_1^* - p_2^*}{l} = \frac{k}{m} \frac{\Delta p^*}{l} \quad (24)$$

где  $p_1^* = \rho g z_1 + p_1$ ;  $p_2^* = \rho g z_2 + p_2$  – давления, приведенные к плоскости отсчета геометрических высот.

**Закон Дарси в дифференциальной форме** имеет вид

$$-\frac{dp}{dx} = \frac{\mu}{k} w, \quad (25)$$

где  $\frac{dp}{dx}$  – градиент давления (сил трения),  $w$  – скорость фильтрации,  $\mu$  – коэффициент динамической вязкости,  $k$  – коэффициент проницаемости. Знак (-) в левой части формулы (25) означает, что течение жидкости и газа происходит

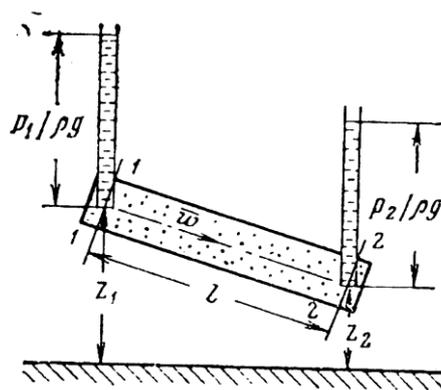


Рис. 3

в направлении, противоположном росту давления. Фундаментальный закон фильтрации (25) устанавливает связь между скоростью фильтрации и градиентом давления, скорость фильтрации пропорциональна градиенту давления.

Приведем еще несколько формул, так или иначе выражающих закон Дарси:

1. Скорость фильтрации и дебит скважины:

$$w = \frac{k \Delta p}{\mu L}, Q = F \frac{k \Delta p}{\mu L}; \quad (26)$$

2. Градиент давления:

$$\frac{\Delta p}{L} = \frac{w \mu}{k}, \frac{\Delta p}{L} = \frac{Q \mu}{F k}; \quad (27)$$

3. Коэффициент проницаемости:

$$k = w \mu \frac{L}{\Delta p}, k = \frac{Q \mu L}{F \Delta p}, \quad (28)$$

где  $F$  – площадь фильтрации,  $L$  – длина образца.

Коэффициенты проницаемости и фильтрации связаны соотношением

$$\frac{k}{\mu} = \frac{c}{\rho g}. \quad (29)$$

Коэффициент проницаемости имеет размерность площади, а коэффициент фильтрации – размерность скорости.

Закон Дарси находит практическое применение в разработке нефтяных и газовых месторождений для определения течения через проницаемые среды, в том числе многофазного потока воды, нефти и газа в пористой среде нефтяного пласта. Использование закона Дарси и моделей пористых систем позволяет уже на ранних стадиях проектирования разработки месторождения нефти или природного газа качественно определить основные параметры работы, что способствует техническому и экономическому успеху.

## 3.2. Границы применимости закона Дарси

### 3.2.1. Определение границы применимости на основе числа Рейнольдса Верхняя граница применимости закона Дарси.

*Верхняя граница применимости закона Дарси* – это критическая скорость потока.

Нарушение этого закона происходит из-за увеличения скорости движения воды в пористой среде при увеличении сил инерции. При большой скорости величины и направления скоростей жидких частиц сильно изменяются по причине извилистости каналов и непостоянства их поперечных размеров.

Критическая скорость характерна для высокопроницаемых трещиноватых пород и в зонах вблизи искусственных сооружений.

Подобно тому, как в трубной гидравлике критерием режима движения служит число Рейнольдса

$$Re = vdr/\mu, \quad (30)$$

в теории фильтрации вводится безразмерный параметр

$$Re = u\bar{a}\rho/\mu, \quad (31)$$

где  $u$  – некоторая характерная скорость;  $\bar{a}$  – линейный параметр, характеризующий среднее сечение поровых каналов;  $\rho$  – плотность жидкости;  $\mu$  – динамический коэффициент вязкости [6].

Скорость фильтрации, при которой нарушается закон Дарси, называется критической скоростью фильтрации ( $w_{кр}$ ).

Однако нарушение линейного закона фильтрации еще не означает перехода от ламинарного движения к турбулентному. Закон Дарси нарушается вследствие того, что силы инерции, возникающие в жидкости за счет извилистости каналов и изменения площади их поперечных сечений, становятся при  $w > w_{кр}$  соизмеримыми с силами трения, или, говоря другими словами, когда потери на местных сопротивлениях станут сопоставимы с гидравлическими потерями по длине [22].

В трубной гидравлике значение  $Re$ , при котором происходит смена режимов, равно  $Re_{кр} = 2320$ , в теории фильтрации закон Дарси имеет место при значении безразмерного параметра  $Re$ , меньшего критического ( $Re_{кр}$ ), которое устанавливается из опыта.

Впервые число Рейнольдса для фильтрации жидкости было введено Н. Н. Павловским [6] в виде

$$Re = \frac{wd_p\rho}{(0,75m + 0,23)\mu} \quad (32)$$

т. е. за характерную скорость была взята скорость фильтрации  $w$ , а линейный параметр представлен выражением

$$\bar{a} = \frac{d_3}{0,75m + 0,23} \quad (33)$$

Критические значения  $Re$  по Павловскому заключены в интервале

$$Re_{кр} = 7,5 \div 9.$$

В. Н. Щелкачев предложил взять за линейный параметр выражение, пропорциональное корню квадратному из коэффициента проницаемости,

$$\bar{a} = 10\sqrt{km}^{-2,3} \quad (34)$$

Число Рейнольдса по В. Н. Щелкачеву имеет вид:

$$Re = \frac{10w\sqrt{k\rho}}{m^{2,3}\mu}, \quad (35)$$

а критические значения лежат в интервале:

$$1 \leq Re_{кр} \leq 12. \quad (36)$$

По М. Д. Миллиончикову за характерную скорость взята средняя скорость движения жидкости:

$$v = w/m, \quad (37)$$

а за линейный параметр — выражение  $\sqrt{k/m}$ , т. е.

$$Re = \frac{v\sqrt{k/m}\rho}{\mu} = \frac{w\sqrt{k\rho}}{m^{1,5}\mu} \quad (38)$$

Если вычисленное по одной из формул (32), (35), (38) значение числа  $Re$  оказывается меньше нижнего критического значения  $Re_{кр}$ , то закон Дарси справедлив, если  $Re$  больше верхнего значения  $Re_{кр}$ , то закон Дарси заведомо нарушен.

**Число Рейнольдса ( $Re$ )** — безразмерный параметр, определяемый как отношение сил инерции к силам вязкости в потоке жидкости или газа. Число Рейнольдса служит индикатором того, какие силы доминируют в рассматриваемом течении: при низких значениях числа Рейнольдса преобладают вязкие силы и течение характеризуется как ламинарное, при высоких значениях доминируют силы инерции и течение становится турбулентным.

Широкий диапазон изменения  $Re_{кр}$  объясняется тем, что в формулы для числа  $Re$  входят параметры  $k$  и  $m$ , которые не полностью характеризуют микроструктуру породы. Как следует из опытов, для каждой горной породы можно указать более узкий диапазон значений  $Re_{кр}$ . Результаты исследований критических значений числа Рейнольдса представлены в табл. 1.

Определение режима фильтрации жидкостей и газов имеет большое практическое значение, ибо без знания закона фильтрации в пласте нельзя правильно рассчитать оптимальные дебиты скважин, распределение давления в пласте, а также невозможно определение параметров пласта ( $k$ ,  $h$ ,  $m$  и др.) по данным исследования нефтяных и газовых скважин. В случае последних применение энергосберегающих режимов работы скважин обеспечивает благоприятные условия по предотвращению нарушений герметичности и целостности эксплуатационных колонн газовых скважин, вызванных интенсивными деформационными процессами, возникающими при высоких дебитах газа.

Таблица 1

**Критические значения числа Рейнольдса при фильтрации по определению верхней границы применимости закона Дарси [9]**

<b>Автор</b>	<b>Критическое значение числа Рейнольдса</b>	<b>По опытам А.И. Абдулвагабова</b>
Фэнчер, Льюис, Бернс	1 – 4	–
Павловский Н.Н.	7,5 – 9	–
Щелкачев В.Н.	1 – 12	0,032 – 14
Миллионщиков Н.Д.	0,022 – 0,29	0,0015 – 0,60
Требин Г.Ф., Котяхов Ф.И.	0,3	0,0085 – 3,5
Шафернак Ф., Даклер Р.	3 – 6	–
Эренбергер П.	5	–
Абдулвагабов А.И.	–	0,032 – 14

Для удобства обработки результатов многочисленных экспериментов различных авторов В. Н. Щелкачев предложил использовать безразмерный параметр, названный им параметром Дарси [9]:

$$Da = \frac{w\mu L}{K\Delta p} \quad (39)$$

Отсюда видно, что параметр Дарси представляет собой отношение силы вязкого трения к силе давления. Из выражения (39) следует, что если параметр Дарси равен единицы

$$Da = 1, \quad (40)$$

то закон Дарси справедлив.

Таким образом, равенство (40) должно выполняться при  $Re < Re_{кр}$ , параметр Дарси упрощает исследование границы применимости линейного закона фильтрации.

### **Нижняя граница применимости закона Дарси.**

*Нижняя граница применимости закона Дарси* определяется проявлением неньютоновских реологических свойств жидкости и её взаимодействием с твёрдым скелетом пористой среды при достаточно малых скоростях фильтрации.

Отклонение от закона Дарси экспериментально наблюдается не только при больших, но и при малых скоростях фильтрации (вблизи нуля). Однако эти отклонения имеют другую физическую природу и обуславливаются действием молекулярных сил. При малых скоростях движения энергия межмолекулярного взаимодействия в потоке флюида оказывается сопоставима с кинетической энергией частиц этого потока [18]. Диапазон скоростей вблизи начала  $w-\Delta p$  координат, где будет проявляться данный эффект, зависит от особенностей молекулярного строения конкретных флюидов и твердых (слагающих породу) тел. Если жидкости имеют макромолекулярную структуру, что характерно для полимеров и тяжелых нефтей ряда месторождений, то для них этот диапазон будет весьма ощутим – такие жидкости называют неньютоновскими. Но даже в случае течения ньютоновских по своей природе жидкостей физико-химическое взаимодействие флюидов с поверхностью пористой среды может приводить к значительным отклонениям от линейного закона Дарси при реализации фильтрационного течения. Но эти отклонения имеют место при очень малых значениях градиентов давления. В окрестности нуля график зависимости  $w = f(|grad p|)$  может иметь вид, представленный на рис. 4.

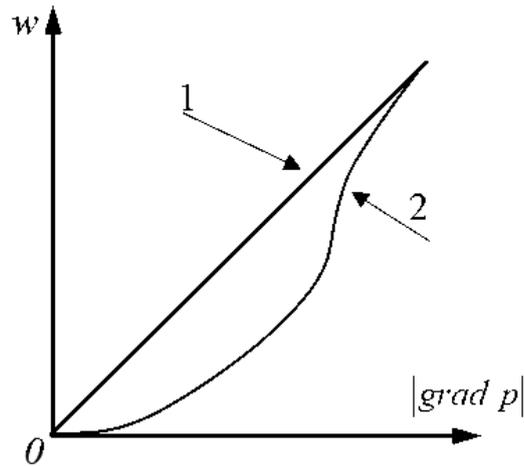


Рис. 4. Графики зависимости скорости фильтрации от градиента давления: 1 – для закона Дарси; 2 – для фильтрации с отклонением от закона Дарси

Классическим примером закона фильтрации для неньютоновской жидкости является закон фильтрации с предельным (начальным) градиентом. Этот закон записывается для вязкопластичной жидкости (ВПЖ) Бингама-Шведова с предельным напряжением сдвига  $\tau_0$  и имеет вид:

$$\left[ \begin{array}{ll} w_i = -\frac{k}{\mu} \left( 1 - \frac{\gamma}{|\text{grad } p|} \right) \frac{\partial p}{\partial x_i} & \text{при } |\text{grad } p| \geq \gamma, \\ w_i = 0 & \text{при } |\text{grad } p| \leq \gamma \end{array} \right. \quad (41)$$

Как следует из соотношений (41), фильтрационное течение возможно лишь при градиентах давления, превышающих некоторое значение, которое называется *начальным (предельным) градиентом*  $\gamma$ . Величина начального градиента зависит от начального напряжения сдвига жидкости  $\tau_0$  и эффективного диаметра капилляра  $d_{\text{эф}}$ . Соотношения, позволяющие установить количественную связь между величинами  $\gamma$  и  $\tau_0$ , также получены путем построения микромеханических фильтрационных моделей. График зависимости  $w = f(|\text{grad } p|)$  для закона фильтрации (41) представлен на рис. 5.

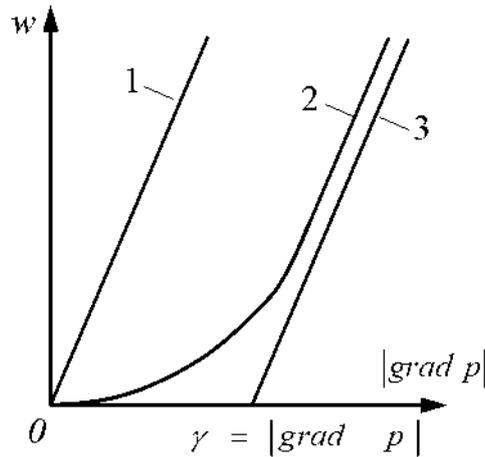


Рис. 5. Графики зависимости скорости фильтрации от градиента давления:  
 1 – для фильтрации по закону Дарси; 2 – для фильтрации реальных неньютоновских нефтей; 3 – для фильтрации ВПЖ с предельным градиентом

### 3.2.2. Определение границы применимости на основе порогового градиента давления

#### Верхняя граница справедливости закона Дарси.

Верхняя граница применимости закона Дарси обусловлена проявлением инерционных сил. Традиционно для ее определения предлагается использовать сопоставление фильтрационного числа Рейнольдса с его критическим значением. Однако, по мнению авторов [22, 23], вследствие разнообразия предложенных выражений для фильтрационных чисел и большого разброса их критических значений применить данный метод на практике невозможно.

В [22, параграф 2.3] рассмотрено течение вязкой ньютоновской жидкости в пористой среде с учетом как линейных гидравлических потерь давления (потерь «по длине»), обусловленных силами вязкого трения, так и потерь на местных сопротивлениях, связанных с внезапными сужениями и расширениями капилляров.

В результате был получен закон макроскопического течения (42), связывающий модуль скорости фильтрации жидкости  $w$ , определяемый как расход через единичную площадку, и модуль градиента давления  $\nabla P$ , соответствующего в макромасштабе перепаду давления на единицу длины:

$$w = \int \frac{2F(r)|\nabla P|dr}{I_1(r) + (I_1^2(r) + 4I_2(r)|\nabla P|^{1/2})}, \quad (42)$$

где

$$F(r) = \nu(D-1)l^{(1-D)} \left[ \int_r^{r_c} f(\rho) d\rho \right]^{\nu(D-1)-1} f(r);$$

$$\int_{r_c}^{\infty} f(r) dr = P_c^b ;$$

$$I_1(r) = \frac{8\mu}{\pi} \frac{\int_r^{\infty} f(\rho) \cdot \rho^{-4} d\rho}{\int_r^{\infty} f(\rho) d\rho} ;$$

$$I_2(\rho) = l^{-1} \frac{\int_r^{\infty} \int_r^{\infty} \zeta(\rho_1, \rho_2) f(\rho_1) f(\rho_2) d\rho_1 d\rho_2}{\left[ \int_r^{\infty} f(\rho) d\rho \right]} ;$$

Здесь  $\nu$  – индекс радиуса корреляции,  $D$  – размерность задачи,  $P_c^b$  – порог протекания (перколяции),  $r_c$  – соответствующий критический радиус (минимальный радиус  $r_c$ -цепочки),  $f(r)$  – нормированная функция плотности распределения поровых каналов по радиусам (порометрическая кривая).

На основе анализа данного соотношения был сделан качественный вывод о том, что переход от линейного закона фильтрации к нелинейному начнется при равенстве потерь по длине и потерь на местных сопротивлениях (инерционных потерь).

Однако для количественного определения верхней границы применимости линейного закона фильтрации (закона Дарси) необходимо указать метод расчета порогового градиента. Авторами [22, 23] показывается, что минимальный пороговый градиент давления, ниже которого линейный закон фильтрации справедлив по всей пористой среде, однозначно определяется критическим радиусом  $r_c$ :

$$\nabla P^* = \frac{I_1^2(r_c)}{4I_2(r_c)}. \quad (43)$$

Поскольку расчет  $\nabla P^*$  сводится к вычислению коэффициентов  $I_1(r_c)$  и  $I_2(r_c)$ , это дает возможность проследить за тем, как структура порового пространства влияет на величину порогового градиента давления, т.е. на положение верхней границы справедливости закона Дарси.

В качестве иллюстрации было проведено рассмотрение реального порового коллектора, порометрическая кривая которого представлена на рис. 6. На этой же фигуре дана аппроксимация  $f(r)$  линейным сплайном. Результаты расчета представлены на графике (рис. 7), где показано распределение «локальных»

пороговых градиентов для различных групп капилляров, а также положение «глобального» порогового градиента для данной пористой среды в целом, рассчитываемого по соотношению (43).

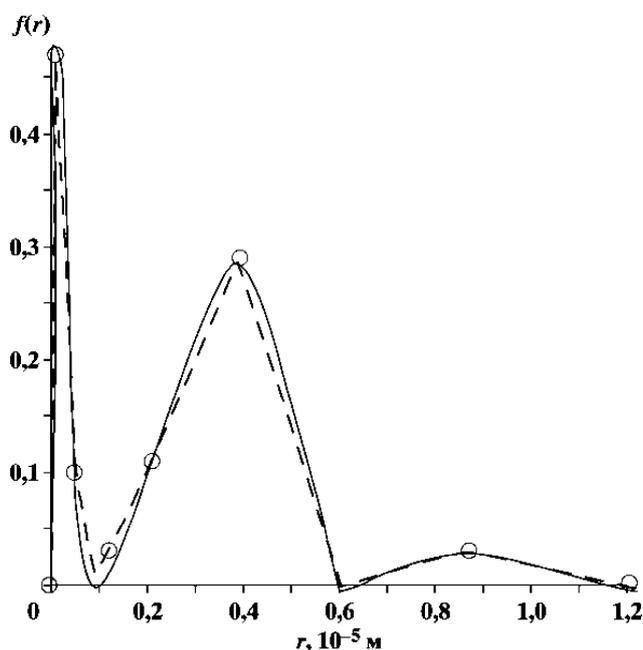


Рис. 6. Аппроксимация порометрической кривой

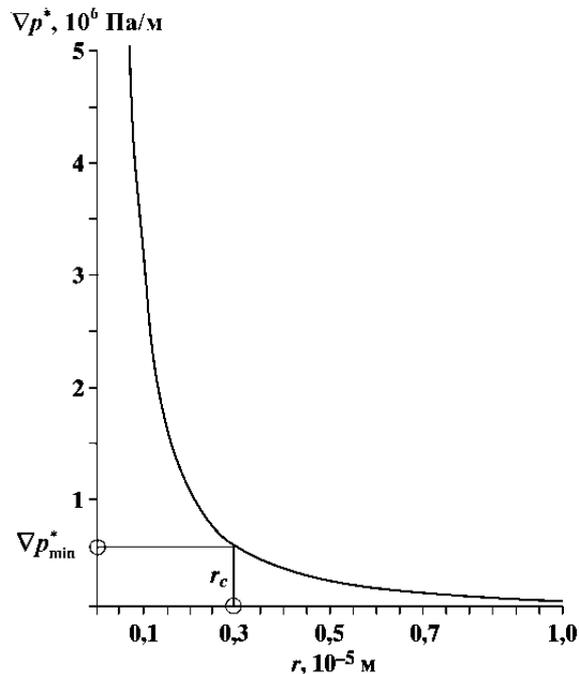


Рис. 7. Определение порогового градиента по критическому радиусу

В случае фильтрации газа при определении верхней границы применимости закона Дарси необходимо учесть, что скорость фильтрации газа в пласте настолько мала, что можно считать течение газа в микроканалах пуазейлевским. Для газа уравнение (43) принимает вид:

$$\nabla P^*(R) = \frac{I_1^2(r_c)}{4I_2(r_c)} = \frac{\mu^2}{\rho(R)} \text{const}(r_c), \quad (44)$$

где  $R$  – расстояние от оси скважины,  $\rho(R) = \frac{\rho_a}{p_a} p(R)$ ,  $\rho_a$  – плотность газа при атмосферном давлении  $p_a$ .

Выражение (44) дает распределение по радиусу пороговых градиентов давления в окрестности скважины. На рис. 8 представлены распределения градиентов давления и их пороговых значений. График показывает, что вдали от скважины градиенты давления (штриховые кривые) значительно ниже критических градиентов (сплошные кривые). Это означает, что течение происходит по линейному закону. По мере продвижения флюида к скважине кривая градиентов давления оказывается выше линии критических градиентов — в этой области газ течет по нелинейному закону. Также видно, что

с уменьшением депрессии на пласт точка пересечения двух кривых сдвигается к скважине, т.е. зона фильтрации по нелинейному закону сужается.

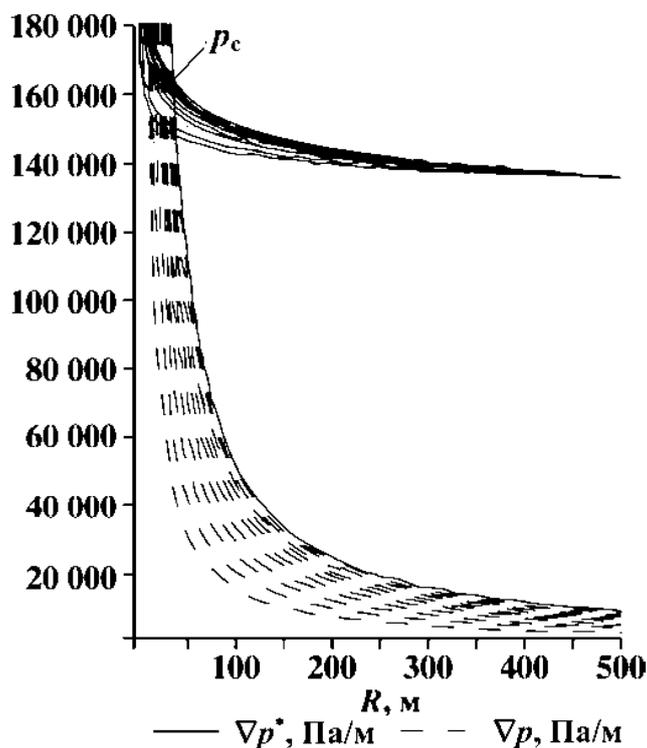


Рис. 8. Распределения градиентов давления и пороговых градиентов в окрестности скважины

### Нижняя граница справедливости закона Дарси.

Природа возникновения нижней границы применимости закона Дарси обусловлена силами межмолекулярного взаимодействия жидкости и породы, которые наиболее ощутимо проявляются в капиллярах малого радиуса ( $r \sim 10^{-8} \div 10^{-6}$  м).

Взаимодействие жидкостей с породой приводит к возникновению на межфазной границе двойного электрического слоя (ДЭС), основной характеристикой которого является дзета-потенциал  $\zeta$  [23]. При течении жидкости в канале под действием приложенного градиента давления ионы подвижной части ДЭС увлекаются жидкостью, вызывая электрический ток, называемый током протекания. Накопление ионов в области, определяемой направлением течения, является причиной возникновения электрического потенциала, который принято называть потенциалом протекания. В свою очередь, потенциал протекания способствует появлению тока ионов в направлении, обратном направлению течения жидкости (ток проводимости). Данный электрокинетический эффект является причиной искажения параболического профиля скоростей течения в капиллярах, что приводит

к отклонению от закона Пуазейля и, как следствие, ведет к нарушению закона Дарси. Теоретическое описание течения жидкости в каналах малых размеров ( $10^{-8} \div 10^{-6}$  м) дано в [24], где получен закон течения в капилляре:

$$\Delta p_i = q / (L_{11} - L_{12}^2 / L_{22}), \quad (45)$$

$$\text{где } L_{11} = -\frac{\pi a^4}{8\mu l}; \quad L_{12} = L_{21} = \frac{\pi \varepsilon \varepsilon_0 a^2 \zeta}{\mu l} G_1; \quad L_{22} = -\frac{\pi \varepsilon^2 \varepsilon_0^2 \zeta^2}{\mu l} G_2 - \frac{\pi a^2 \sigma}{l} G_3;$$

$$G_1 = 1 - \frac{2I_1(ka)}{kaI_0(ka)}; \quad G_2 = (ka)^2 \left[ \frac{I_1^2(ka)}{I_0^2(ka)} + \frac{2I_1(ka)}{kaI_0(ka)} - 1 \right]; \quad G_3 = 2 \int_0^a \frac{r}{a^2} \operatorname{ch} \left( \frac{ze\zeta}{k_B T} \frac{I_0(kr)}{I_0(ka)} \right) dr$$

$\Delta p_i$  – перепад давления в капилляре;  $q$  – объемный расход, м<sup>3</sup>/с;  $L_{11}$  – коэф. из соотношений взаимности Онзагера, м<sup>2</sup>Па<sup>-1</sup>с<sup>-1</sup>;  $L_{12}, L_{21}$  – коэф. из соотношений взаимности Онзагера, В·м·Па<sup>-1</sup>·с<sup>-1</sup>;  $L_{22}$  – коэф. из соотношений взаимности Онзагера, В·м<sup>-1</sup>·Па<sup>-1</sup>·с<sup>-1</sup>;  $a$  – радиус произвольно взятого капилляра, м;  $\mu$  – динамическая вязкость воды, Па·с;  $l$  – длина ребра решетки, м;  $\varepsilon$  – диэлектрическая проницаемость раствора электролита;  $\varepsilon_0$  – диэлектрическая проницаемость вакуума;  $\zeta$  – дзета-потенциал, В;  $G_{1,2,3}$  – вспомогательные коэффициенты;  $\sigma$  – удельная электропроводность раствора, Ом<sup>-1</sup>м<sup>-1</sup>;  $k$  – параметр Дебая-Хюккеля, м<sup>-1</sup>;  $r$  – радиус капилляра;  $z$  – валентность;  $k_B$  – постоянная Больцмана, Дж·К<sup>-1</sup>,  $T$  – температура, К.

На базе построения перколяционной модели фильтрационного течения с использованием закона (45) и преобразований, проведенных в [22], макроскопический закон течения жидкости в пористой среде может быть представлен в виде:

$$w = 2\mu (\pi^2 a^2 \sigma \varphi)^2 \nabla P \int_0^{r_c} \left[ \frac{\nabla P^2}{G_2 - 8G_1^2 - \frac{\nabla P^2 l^2}{\pi^3 a^2 \varepsilon_0^2 \varphi^2 \mu \sigma}} f(r) dr \right]^{-1} F(r) dr, \quad (46)$$

где  $\varphi$  – потенциал протекания, В;  $r_c$  – критический радиус, м.

Анализ соотношения (46), показывает, что с ростом градиента давления закон течения переходит в закон Дарси. Началом такого перехода будет являться равенство слагаемых в знаменателе выражения. Именно это равенство определяет нижнее значение порогового градиента давления:

$$\nabla P_* = \frac{4\pi a \varepsilon_0 \varphi}{l} \sqrt{\pi \mu \sigma (G_2 - 8G_1^2)} \quad (47)$$

Влияние структуры порового пространства на отклонения от закона Дарси при малых градиентах давления представлено на рис. 9 и 10, где изображены расчетные кривые зависимости  $w(|\nabla P|)$  для однородных пористых сред с  $\langle r \rangle \sim 10^{-8}$  м и  $\langle r \rangle \sim 10^{-6}$  м, при этом значения пороговых градиентов равны соответственно  $|\nabla P|_* = 2,1 \cdot 10^2$  Па/м и  $|\nabla P|_* = 1,4 \cdot 10^3$  Па/м. Параметры жидкости:  $\mu = 5 \cdot 10^{-3}$  Па·с,  $\rho = 0,85 \cdot 10^3$  кг/м<sup>3</sup>,  $\varepsilon = 30$ . Из приведенных графиков можно сделать вывод, что отклонения от линейности в мелкопористых коллекторах происходят при гораздо более высоких градиентах ( $\sim 10^3$  Па/м), чем в крупнопористых, где переход к линейному характеру связи  $w(|\nabla P|)$  происходит уже при  $|\nabla P|_* \sim 10^2$  Па/м.

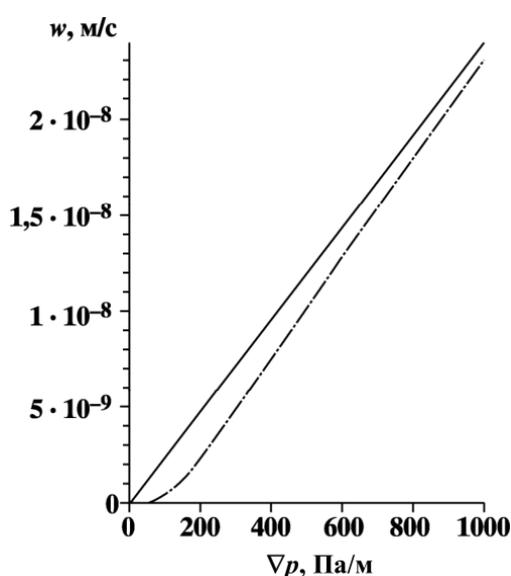


Рис. 9. Расчетная кривая зависимости  $w(|\nabla P|)$  для  $\langle r \rangle \sim 10^{-8}$  м (штрихпунктирная линия) и линейный закон фильтрации (сплошная линия)

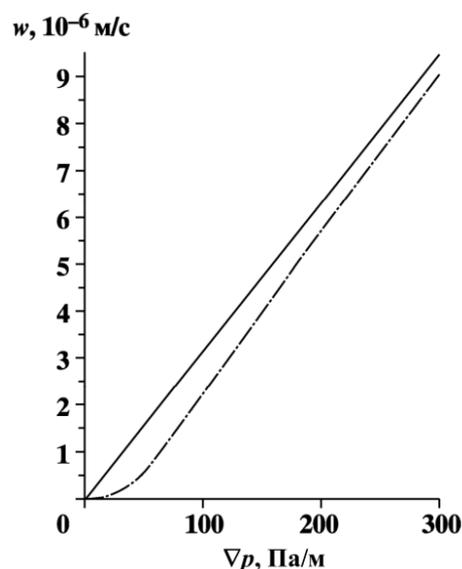


Рис. 10. Расчетная кривая зависимости  $w(|\nabla P|)$  для  $\langle r \rangle \sim 10^{-6}$  м (штрихпунктирная линия) и линейный закон фильтрации (сплошная линия)

### 3.3. Линейный закон фильтрации

Входящий в линейный закон фильтрации Дарси (25) коэффициент проницаемости определяется при исследовании кернов или на основе гидродинамических исследований.

Многочисленными исследованиями показано, что для пористых сред коэффициент проницаемости зависит от размера зерен и их дисперсности, коэффициента пористости, формы зерен, степени их сцементированности и т.д.

Академик Л. С. Лейбензон [9] предложил выразить коэффициент проницаемости в виде:

$$k = Sl \cdot d_{\text{з}}^2, \quad (48)$$

где  $d_{\text{э}}$  – эквивалентный диаметр зерен породы;  $Sl$  – безразмерный коэффициент (число Слихтера), зависящий от коэффициента пористости и структуры порового пространства,

$$Sl = f(m, \varepsilon), \quad (49)$$

где  $\varepsilon$  – некоторый параметр, характеризующий структуру порового пространства пласта;  $m$  – коэффициент пористости.

Были предприняты многочисленные попытки теоретического решения задачи описания процесса фильтрации, исходя из основных положений гидравлики и гидродинамики [9].

При этом использовались различные модели.

### 1. Модель идеального порового канала.

Поровый канал представляется в виде капиллярной трубки постоянного диаметра, площадь поперечного сечения которой равна сечению действительного порового канала в самом узком месте. Используя формулу Пуазейля для ламинарного движения вязкой жидкости по трубам,

$$-\frac{dp}{dx} = \frac{32 \cdot \mu \cdot w}{d^2}, \quad (50)$$

где  $d$  – диаметр капиллярной трубки, и принимая площадь сечения трубки равной половине площади проходов порового канала, Слихтер получил выражение закона Дарси в виде:

$$-\frac{dp}{dx} = \frac{96 \cdot \sigma}{d^2} \cdot \mu \cdot w. \quad (51)$$

Здесь  $\sigma$  – коэффициент, учитывающий просветность  $n$  и пористость среды  $m$ :

$$\sigma = \frac{1 - m}{n^2}. \quad (52)$$

Тогда, в соответствии с (48),

$$Sl = \frac{n^2}{96 \cdot (1 - m)}. \quad (53)$$

Лейбензон определяет размер идеального порового канала (капиллярной трубки) при условии равенства объемов и поверхностей и получает:

$$Sl = \frac{m^3}{120 \cdot (1 - m)^2}. \quad (54)$$

Крюгер считает, что главное влияние на скорость фильтрации оказывает величина удельной поверхности, где происходит трение жидкости о грунт. В этом случае:

$$Sl = \frac{m}{648 \cdot (1 - m)^2}. \quad (55)$$

Козени-Карман выразили число Слихтера в виде произведения двух коэффициентов:

$$Sl = f(m) \cdot f_1(s), \quad (56)$$

где  $f(m)$  – учитывает пористость среды,

$$f(m) = m^3 / (1 - m)^2; \quad (57)$$

$f_1(s)$  – учитывает форму пористой среды,

$$f_1(s) = f_2(k) \cdot f_3(c); \quad (58)$$

$f_2(k)$  – коэффициент формы зерен;  $f_3(c)$  – коэффициент извилистости поровых каналов. Коэффициент извилистости Кармана обычно выражают как функцию отношения кратчайшего расстояния в направлении потока к длине извилистого пути жидкой частицы через поры.

По Карману величина фактора  $f_1(s)$  изменяется от 1/110 до 1/220 (среднее значение 1/160), множитель  $f_2(k)$  изменяется в пределах от 1/60 до 1/110 (среднее – 1/80), множитель  $f_3(c)$  равен примерно 0,4.

Модель идеального порового канала широко используется в гидродинамике псевдооживленных систем для определения скорости начала псевдооживления. В основу расчетов положено соотношение:

$$Sl = f_2(k) \cdot \frac{m^3}{(1 - m)^2}. \quad (59)$$

Следует отметить, что исследование псевдооживленных слоев в большинстве своем выполняются с использованием сыпучих материалов с малой дисперсностью по размеру зерен. Коэффициент пористости таких материалов изменяется в незначительных пределах – от 0,4 до 0,5. Поэтому в ряде работ дается постоянное значение числа Слихтера – от  $3,1 \cdot 10^{-4}$  до  $9 \cdot 10^{-4}$ .

## 2. Модель гидравлического диаметра.

Закон движения жидкости в круговой трубке с учетом гидравлического диаметра будет:

$$-\frac{dP}{dx} = \frac{2 \cdot \mu \cdot w}{d_2^2}, \quad (60)$$

где  $d_2$  – гидравлический диаметр, определяется как отношение объема жидкости в трубке единичной длины к площади смоченной поверхности.

Экстраполируя на пористые среды, получим:

$$d_2 = \frac{m \cdot d}{6 \cdot (1 - m)}. \quad (61)$$

Тогда имеем

$$Sl = \frac{m^2}{72 \cdot (1 - m)^2}. \quad (62)$$

Модель гидравлического диаметра несколько предпочтительнее модели капиллярной трубки, поскольку она учитывает поверхность трения. Необходимо отметить, что эта модель применяется довольно успешно в гидравлике для каналов сложной конфигурации при ламинарном и турбулентном режиме течения.

## 3. Модель вязкого увлечения.

Рассматривается уравнение движения в круглой трубке в общем виде:

$$-\frac{dP}{dx} = C_x \cdot \frac{\rho \cdot w^2}{2 \cdot d}, \quad (63)$$

где  $C_x$  – коэффициент увлечения (коэффициент гидравлического трения), зависящий от критерия Рейнольдса и относительной шероховатости поверхности трубки;  $\rho$  – плотность флюида;  $d$  – диаметр трубки.

При ламинарном течении жидкости:

$$C_x = \frac{64}{Re}, \quad (64)$$

где критерий Рейнольдса определяется по диаметру трубки

$$Re_d = \frac{d \cdot \rho \cdot w}{\mu}. \quad (65)$$

Эта модель также используется для расчета увлечения единичной частицы. Для сферы при  $Re < 0,1$ , по закону Стокса:

$$C_x = \frac{24}{Re}. \quad (66)$$

Используются также и другие модели фильтрации жидкости в пористых средах: статистические, модель вязкого потока и другие.

Для описания фильтрации жидкости в трещиноватой среде используют формулу Пуазейля к каждой трещине.

Из приведенного обзора следуют два подхода к описанию процесса фильтрации: рассматривается либо движение жидкости в поровых каналах, либо обтекание жидкостью зерен породы.

Иными словами, в первом случае необходимо оперировать эквивалентным диаметром порового канала, а во втором случае — эквивалентным диаметром зерен породы. Учитывая сложности определения диаметра поровых каналов для зернистых материалов, все экспериментальные данные по фильтрации жидкости в пористых средах обрабатываются через эквивалентный диаметр зерен, подтверждая, таким образом, справедливость соотношения (48).

Формула (50) переходит в закон Дарси при выражении коэффициента проницаемости через эквивалентный диаметр поровых каналов  $d_{II}$ :

$$k = \frac{d_{II}^2}{32}. \quad (67)$$

Учитывая, что размер поровых каналов составляет порядка 10% - 20% от размеров зерен породы [9], получаем из (67):

$$k = (3,1 - 12,4) \cdot 10^{-4} d_3^2. \quad (68)$$

Следовательно, имеем  $Sl = (3,1 - 12,4) \cdot 10^{-4}$ , что соответствует, как было показано выше, пределу изменения числа Слихтера для насыпных однородных материалов. Иными словами, коэффициент проницаемости характеризует не поверхность фильтрации, как утверждается в литературе, а размер фильтрационных каналов.

Терцаги в известной работе «Механика грунтов», рассматривая фильтрацию как протекание жидкости через ряд поставленных параллельно друг другу сит, получил следующее соотношение:

$$Sl = C \cdot \left( \frac{m - m_0}{\sqrt[3]{1 - m}} \right)^2. \quad (69)$$

Терцаги вводит понятие «застойной» пористость  $m_0$  и на основании опытных данных принимает  $m_0 = 0,13$ . Коэффициент  $C$  зависит от состояния поверхности песчинок, при гладкой поверхности  $C = 10,5 \cdot 10^{-3}$ , при угловатой поверхности  $C = 6 \cdot 10^{-3}$ .

С учетом «застойной» пористости коэффициент  $f(m)$  по Козени-Карману представляется в виде:

$$f(m) = (m - m_0)^3 / (1 - m)^2 . \quad (70)$$

Из приведенного обзора следует, что число Слихтера определяет свойства пористой среды: пористость открытая и «застойная», извилистость каналов фильтрации, форма зерен.

### 3.4. Нелинейные законы фильтрации

**Нелинейный закон фильтрации** применяется при нарушении закона Дарси, например, в случаях, если исследуемая жидкость не подчиняется закону вязкого трения (нефть и т. п.), при очень больших или при очень маленьких скоростях движения жидкости.

При нарушении закона Дарси зависимость между скоростью фильтрации  $w$  и градиентом давления  $dp/dx$  лучше всего описывается **двучленной формулой** [19]:

$$-\frac{dp}{dx} = aw + bw^2, \quad (71)$$

которая выражает плавный переход от линейного закона фильтрации к нелинейному. При малых значениях скорости  $aw \gg bw^2$  пренебрегаем вторым членом и получаем закон Дарси; при значениях  $w > w_{кр}$  слагаемые  $aw$  и  $bw^2$  имеют один и тот же порядок; при больших скоростях фильтрации  $aw \ll bw^2$  и можно принять

$$-\frac{dp}{dx} = bw^2, \quad (72)$$

что соответствует квадратичному закону сопротивления и имеет место при фильтрации в крупнозернистых и трещиноватых породах. Формула (72) называется **формулой А. А. Краснопольского**.

Коэффициенты  $a$  и  $b$  определяются либо экспериментально, либо  $a$  по формуле  $a = \mu/k$ , а  $b$  – приближенно по формуле, предложенной А. И. Ширковским:

$$b = \rho \frac{63 \cdot 10^6}{(k/m)^{3/2}}, \quad (73)$$

где  $\rho$  – плотность в кг/м<sup>3</sup>;  $k$  – коэффициент проницаемости в Д;  $m$  – коэффициент пористости в долях единицы.

**Нелинейный закон фильтрации в дифференциальной форме** можно записать в виде обобщённой двучленной формулы:

$$-\frac{dp}{dx} = \frac{\mu w}{k} + \frac{\beta \rho w^2}{\sqrt{k}}, \quad (74)$$

где  $\frac{dp}{dx}$  – градиент давления;  $x$  – координата;  $a$  и  $b$  – коэффициенты, определяемые экспериментально;  $w$  – скорость фильтрации;  $\beta$  – константа пористой среды, определяемая экспериментально.

Скорость фильтрации жидкости, притекающей в скважину:

$$w = \frac{Q}{2\pi r h}. \quad (75)$$

При  $dr \rightarrow 0$  сечение трубки тока можно считать постоянным, поэтому (75) с учетом (76) запишем в виде:

$$-dp = \frac{\mu Q}{2\pi k h} \frac{dr}{r} + \frac{\beta \rho Q^2}{\sqrt{k} \cdot 4\pi^2 h^2} \frac{dr}{r^2}. \quad (76)$$

После интегрирования получаем зависимость давления в точке от ее удаления от оси скважины:

$$P(r) = P_{заб} + \frac{\mu Q}{2\pi k h} \ln \frac{r}{r_c} + \frac{\beta \rho Q^2}{4\pi^2 h^2 \sqrt{k}} \left( \frac{1}{r_c} - \frac{1}{r} \right). \quad (77)$$

При достаточном удалении от скважины второй член в скобках стремится к нулю ( $1/r \rightarrow 0$ ), поэтому равенство (78) можно представить в виде:

$$P_{nl} - P_{заб} = A Q + B Q^2, \quad (78)$$

где  $A = \frac{\mu}{2\pi k h} \ln \frac{r}{r_c}$  и  $B = \frac{\beta \rho}{4\pi^2 h^2 \sqrt{k} r_c}$ .

Имеется несколько **гипотез нарушения линейного закона Дарси при высоких скоростях** [9]: 1 – появление инерционных сопротивлений; 2 – возникновение турбулентного режима течения; 3 – образование вихрей, вызывающих дополнительные вихревые сопротивления и др.

Теоретические расчеты показывают, что при существующих скоростях фильтрации инерционные сопротивления весьма малы и ими можно пренебречь.

Возникновение турбулентного режима течения также маловероятно, поскольку фактические значения критерия Рейнольдса при фильтрации в пористой среде сравнительно малы. В опытах по псевдоожижению [9] течение газа через слой зернистого материала обычно ламинарное, даже при высоких значениях критерия Рейнольдса, поскольку инерция частиц демпфирует вихри при их зарождении в газовом потоке. Маскет отмечает, что переход между строго ламинарным и полностью турбулентным течением в пористой среде состоит, в основном, из постепенного распространения вихреобразования на все поры среды. По мере того, как возрастает скорость, локальные зоны вихреобразования распространяются и на более мелкие поры, пока, наконец, вихреобразование не охватит весь объем среды.

По нашему мнению, наиболее приемлемой моделью, объясняющей нарушение линейного закона Дарси, является модель вихревых сопротивлений.

Аналогом таких сопротивлений являются сопротивления при обтекании жидкостью плохо обтекаемых тел (сферы, цилиндра, решетки и т.д.). На рис. 11 приведены данные по коэффициенту сопротивления шара и цилиндра в зависимости от критерия Рейнольдса [9]. Для шара образование вихрей начинается при  $Re \approx 10$ , в то время как для цилиндра при  $Re \approx 100$ . Турбулентность проявляется при очень высоких значениях критерия Рейнольдса  $Re \approx 3 \cdot 10^5$ . В области интенсивного вихреобразования ( $Re \approx 1 \cdot 10^3 - 2 \cdot 10^5$ ) сопротивления при обтекании шара и цилиндра подчиняются закону Ньютона, при постоянном значении коэффициента сопротивления. Другим аналогом могут выступать газожидкостные потоки. На рис. 12 представлена зависимость коэффициента гидравлических сопротивлений от числа Рейнольдса при движении газожидкостной смеси с постоянным расходом жидкости и увеличивающимся расходом газа.

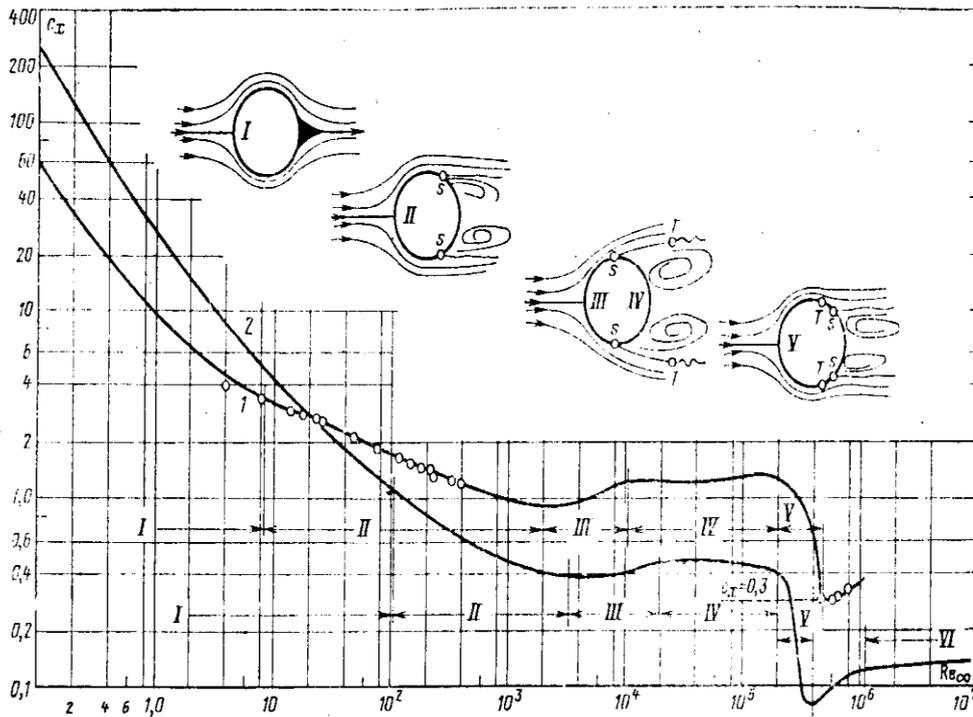


Рис. 11. Коэффициент сопротивления плохо обтекаемых тел:  
1 – цилиндр; 2 – сфера

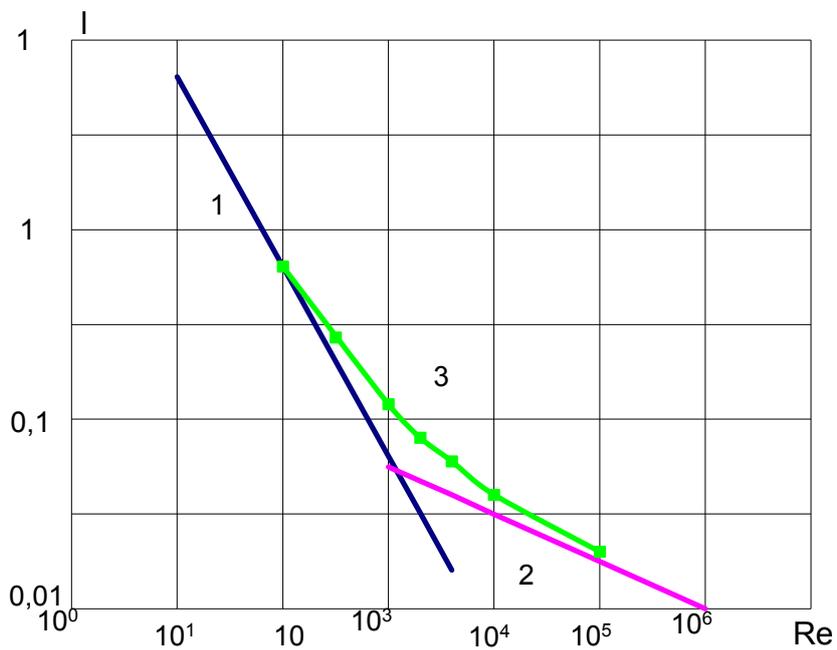


Рис. 12. Коэффициент сопротивления в ламинарном газожидкостном потоке:  
1 – ламинарное течение жидкости; 2 – турбулентное течение жидкости;  
3 – двухфазное течение (вода – газ)

При движении только жидкости (расход газа равен нулю) режим течения ламинарный и описывается формулой Пуазейля с коэффициентом сопротивления:

$$\lambda = \frac{64}{\text{Re}}. \quad (79)$$

При подаче газа в поток жидкости образуются пузырьки, которые приобретают некоторую относительную скорость движения. В этих условиях протекают те же самые процессы вихреобразования, однако, эти вихри сравнительно быстро гасятся в потоке вязкой жидкости. Они вызывают дополнительные сопротивления, но не меняют режим течения несущей среды. Переход в турбулентный режим течения протекает плавно.

Таким образом, в основу модели фильтрации жидкостей в пористой среде можно положить модель вязкого увлечения. В этом случае общие сопротивления будем рассматривать как сумму сопротивлений трения и сопротивлений формы (вихревые сопротивления). Тогда общий коэффициент сопротивления в уравнении (63) будет:

$$C_x = C_l + C_f, \quad (80)$$

где  $C_l$  – коэффициент сопротивления трения;  $C_f$  – коэффициент сопротивления формы.

Рассмотрим более подробно составляющие уравнения (80) для случая обтекания тел различной конфигурации. При обтекании шара коэффициент сопротивления трения определяется законом Стокса:

$$C_l = \frac{24}{\text{Re}}, \quad (81)$$

а коэффициент сопротивления формы по закону Ньютона:

$$C_f = 0,4. \quad (82)$$

Для частиц несферической формы коэффициенты  $C_l$  и  $C_f$  зависят от степени несферичности частицы, под которой понимается отношение площади поверхности сферы эквивалентного объема к площади поверхности частицы. Коэффициент сопротивления частиц несферической формы приведен на рис. 13.

С учетом несферичности частицы получаем:

$$C_l = \frac{24}{\text{Re}} \cdot f_1(\Phi); \quad (83)$$

$$C_f = 0,4 \cdot f_2(\Phi), \quad (84)$$

где  $f_1$  и  $f_2$  – функции степени несферичности частиц.

Используем модель вязкого увлечения для случая фильтрации жидкости в пористой среде.

Уравнение фильтрации (74) запишем в виде:

$$-\frac{dP}{dx} = C_x \frac{\rho w^2}{\sqrt{k}}, \quad (85)$$

или

$$-\frac{dP}{dx} = (C_{Л} + C_f) \frac{\rho w^2}{\sqrt{k}}. \quad (86)$$

Тогда, согласно (74), имеем:

$$C_{Л} = \frac{1}{\text{Re}_K}; \quad (87)$$

$$C_f = \beta. \quad (88)$$

Критерий Рейнольдса рассчитывается по коэффициенту проницаемости,

$$\text{Re}_K = \frac{\sqrt{k} \rho V}{\mu} \quad (89)$$

Следовательно, коэффициент сопротивления формы по закону Ньютона  $C_f$ , с учетом функции несферичности частиц при обтекании тела, для фильтрации жидкости равен коэффициенту вихревых сопротивлений  $\beta$ .

Таким образом, предметом анализа должны быть число Слихтера и коэффициент вихревых сопротивлений.

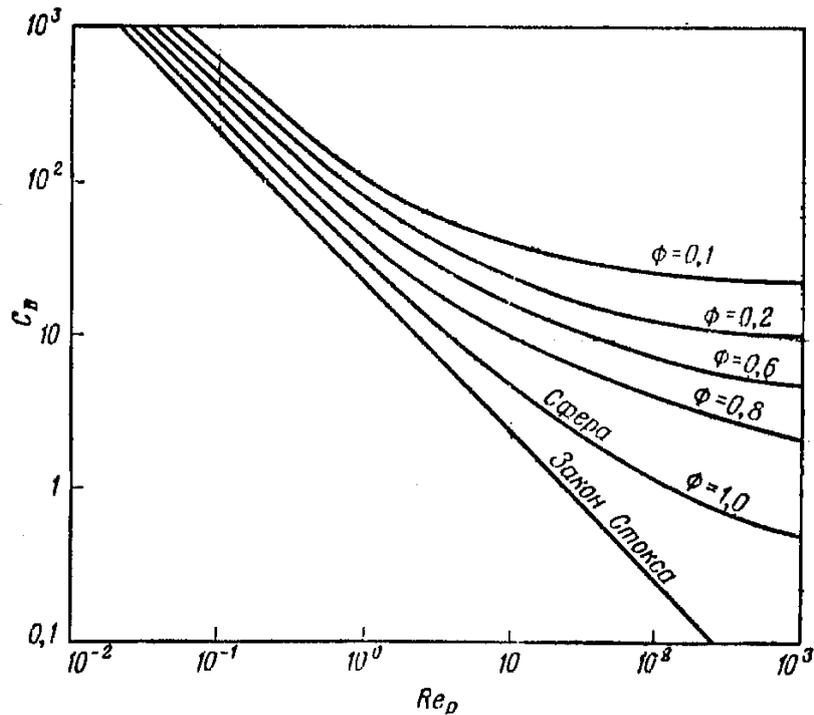


Рис. 13. Зависимость коэффициента сопротивления от степени несферичности частиц [9]

### 3.5. Основные дифференциальные уравнения подземной гидромеханики

Одним из основных способов изучения движения жидкости в фильтрационном потоке является замена прямого описания движения частиц жидкости переменным фильтрационным полем (метод Эйлера). Исходя из таких соображений, можно вывести основное дифференциальное уравнение состояния жидкости как непрерывной сплошной среды (уравнение неразрывности) [6]:

$$\frac{\partial(\rho w_x)}{\partial x} + \frac{\partial(\rho w_u)}{\partial y} + \frac{\partial(\rho w_z)}{\partial z} = -m \frac{\partial p}{\partial t}, \quad (90)$$

и общее дифференциальное уравнение нестационарной (неустановившейся) фильтрации (при линейном законе фильтрации) [6]:

$$\frac{\partial^2 p}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 p}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 p}{\partial z^2} = -\frac{1}{\chi} \frac{\partial p}{\partial t}, \quad (91)$$

где  $\chi = \frac{k}{\mu m \beta_k}$  – коэффициент пьезопроводности.

Оба этих уравнения были выведены при допущении, что сам твёрдый скелет породы не подвергается деформации при изменении давления. Тем не менее, можно простым приёмом учесть упругие свойства самой породы, введя понятие об упругой (деформируемой) пористой среде, насыщенной упругой жидкостью, т.е. заменить реальную жидкость на модель, учитывающую и упругие свойства

твёрдой среды. Тогда коэффициент объёмного сжатия модельной жидкости (так называемый коэффициент упругоёмкости) определяется равенством

$$\beta^* = m\beta_{ж} + \beta_{ср}. \quad (92)$$

При этом сам скелет породы снова будет считаться несжимаемым.

В подземной гидромеханике любые, даже весьма сложные фильтрационные потоки могут быть представлены как комбинации простейших потоков.

Классификация простейших фильтрационных потоков основана на зависимости вектора скорости фильтрации от координат пространства, что даёт возможность все фильтрационные потоки разделить на одномерные, плоские и трёхмерные фильтрационные потоки. Среди плоских и трёхмерных потоков можно выделить так называемые радиальные потоки, когда между координатами точек потока существует определённая связь:

$$x^2 + y^2 + z^2 = r^2. \quad (93)$$

***Контрольные вопросы для самостоятельного изучения по теме  
«Дифференциальные уравнения фильтрации. Нелинейные законы  
фильтрации»***

1. Скорость фильтрации, физический смысл и связь с истинной скоростью.
2. Уравнение неразрывности. Его физический смысл.
3. Объяснение закона Дарси из общего уравнения сохранения количества движения.
4. Вид закона Дарси.
5. Нижняя граница применимости закона Дарси для пористой среды.
6. Верхняя граница применимости закона Дарси для пористой среды.
7. Критерии применимости закона Дарси для пористой среды.
8. Классы неньютоновских жидкостей.
9. Вязкоупругие жидкости.
10. Виды стационарно реологических жидкостей.
11. Вязкопластичные жидкости.
12. Псевдопластичные жидкости.
13. Дилатантные жидкости.
14. Закон фильтрации вязкопластичной жидкости.
15. Степенной закон фильтрации.
16. Образование застойных зон при вытеснении нефти водой.

### **Литература для самостоятельного изучения**

1. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика: учеб. для вузов / К. С. Басниев, И. Н. Кочина, В. М. Максимов. – М.: Недра, 1993. – 413 с.
2. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика: [учеб. пособие] / К. С. Басниев, Н. М. Дмитриев, Р. Д. Каневская [и др.]. – 2-е изд., испр. – Москва; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2006. – 488 с.
3. Каневская, Р. Д. Математическое моделирование гидродинамических процессов разработки месторождений углеводородов: Учеб.пособие для вузов / Р. Д. Каневская. – М.; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2002. – 139с.
4. Щелкачев, В. Н. Подземная гидравлика: учеб. пособие для вузов / В. Н. Щелкачев, Б. Б. Лапук. – М.: Ижевск: РХД, 2001. – 735с.

## 4. УСТАНОВИВШАЯСЯ И НЕУСТАНОВИВШАЯСЯ ФИЛЬТРАЦИЯ ОДНОМЕРНЫХ ПЛАСТОВЫХ ФЛЮИДОВ

### 4.1. Простейшие установившиеся фильтрационные потоки несжимаемой жидкости при линейном законе фильтрации

#### 4.1.1. Общие сведения об установившихся фильтрационных потоках несжимаемой жидкости.

**Одномерным** называется фильтрационный поток жидкости или газа, в котором скорость фильтрации, давление и другие характеристики течения являются функциями только одной координаты, отсчитываемой вдоль линии тока.

##### 1. Прямолинейно-параллельный поток.

Траектории всех частиц жидкости — параллельные прямые, а скорости

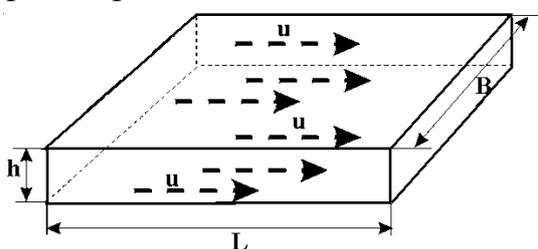


Рис. 14. Схема прямолинейно-параллельного потока в пласте

фильтрации во всех точках любого поперечного (перпендикулярного к линиям тока) сечения потока равны между собой, поверхности равных потенциалов (эквипотенциальные поверхности) и поверхности равных скоростей (изотахи) являются плоскими поверхностями перпендикулярными траекториям. Законы

движения вдоль всех траекторий такого фильтрационного потока идентичны, а потому достаточно изучить движение вдоль одной из траекторий, которую можно принять за ось координат — ось  $x$ .

*Примеры:*

а) Пласт (рис. 14) имеет в плане полосообразную форму шириной  $B$  и длиной  $L$ , толщина пласта  $h$  постоянна, граничный контур непроницаем и непроницаемы кровля и подошва пласта. Батарея эксплуатационных скважин расположена параллельно начальному контуру нефтеносности. Приближение тем больше, чем меньше расстояние между скважинами, и если заменить батарею сплошной прямолинейной выработкой — галереей, то движение жидкости к галерее будет строго прямолинейно-параллельным.

б) Поток между круговыми батареями нагнетательных и эксплуатационных скважин в случае больших радиусов батарей (угол схождения векторов скорости бесконечно мал). При этом толщина пласта постоянна, а его кровля и подошва непроницаемы.

в) В лабораторных условиях при течении через цилиндрический керн или прямую трубу постоянного сечения, заполненную пористой средой.

**2. Плоскорадиальный поток.** Траектории всех частиц жидкости – прямолинейные горизонтальные прямые, радиально сходящиеся к центру скважины, а скорости фильтрации во всех точках любого поперечного (перпендикулярного к линиям тока) сечения потока параллельны и равны между собой; изотахи и эквипотенциальные поверхности перпендикулярны траекториям и образуют цилиндрические окружности с осью, совпадающей с осью скважины. Схемы линий тока в любой горизонтальной плоскости потока будут идентичными и для характеристики потока достаточно рассмотреть движение жидкости в одной горизонтальной плоскости.

*Примеры:*

а) Если рассматривать горизонтальный пласт постоянной толщины (рис. 15) и неограниченной протяжённости, где подошва и кровля пласта непроницаемы, а пласт вскрыт единственной гидродинамически совершенной скважиной (вскрыт на всю толщину и забой полностью открыт), то для эксплуатационной скважины поток будет радиально-сходящимся, а для нагнетательной – радиально-расходящимся. Плоскорадиальным потоком будет занята вся зона от стенки скважины до контура питания.

б) Гидродинамически несовершенная скважина: вблизи скважины линии тока искривляются и поток можно считать плоскорадиальным только при некотором удалении от скважины.

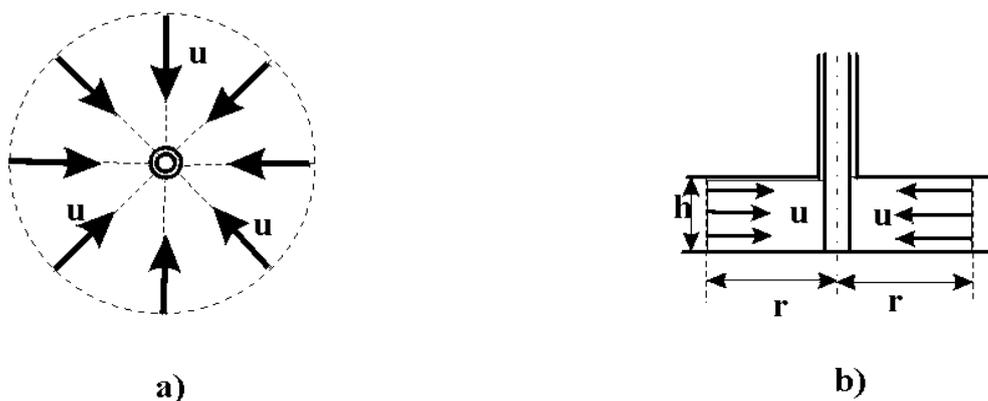


Рис. 15. Схема плоскорадиального потока в пласте:  
а) горизонтальное сечение; б) вертикальное сечение

в) Круговая батарея эксплуатационных скважин — поток плоскорадиален на некотором удалении, так как можно считать, что жидкость движется к укрупнённой скважине радиуса, равного радиусу окружности батареи.

**3. Радиально-сферический поток.** Траектории всех частиц жидкости – прямолинейные горизонтальные прямые, радиально сходящиеся к центру полусферического забоя; изотахи и эквипотенциальные поверхности перпендикулярны траекториям и образуют сферические поверхности. Скорость фильтрации в любой точке потока является функцией только расстояния этой точки от центра забоя. Следовательно, этот вид фильтрационного потока также является одномерным.

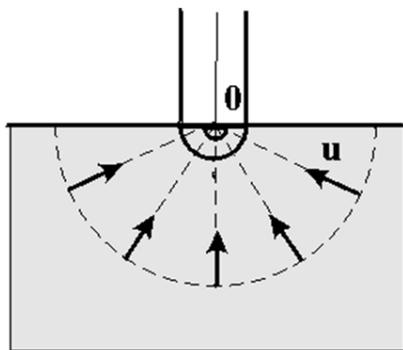


Рис. 16. Схема радиально-сферического фильтрационного потока

Такой поток может реализоваться, когда скважина вскрывает только плоскую горизонтальную, непроницаемую кровлю пласта (рис. 16). Пласт при этом должен быть неограниченной толщины, а забой иметь полусферическую форму. Приближение к данному виду потока тем лучше, чем глубина вскрытия меньше толщины пласта.

Описанные три вида одномерного потока играют большую роль при решении многих задач нефтегазопромысловой практики. Они лежат в основе ряда исследований закономерностей течения жидкости в пласте в зависимости от принятой системы разработки или от конструктивных особенностей скважин. Естественно, моделируя каждый из трёх видов одномерного потока, мы прибегаем к некоторой схематизации реальных пластов и течений жидкости. Тем не менее, рассмотренные схемы не только воспроизводят, хотя и приближенно, простейшие случаи течения жидкости в реальном пласте, но и помогают изучать более сложные виды потоков пластовой жидкости в тех случаях, в которых сложный фильтрационный поток удобно представить себе состоящим из простейших видов потока.

К числу сложных потоков можно отнести: плоский фильтрационный поток в случае, когда число скважин не менее двух; многофазные течения и т.д.

Задача исследования установившегося фильтрационного потока заключается в определении дебита (расхода), давления, градиента давления и скорости фильтрации в любой точке потока, а также в установлении закона движения частиц жидкости (или газа) вдоль их траекторий и в определении средневзвешенного по объёму порового пространства пластового давления.

При условии вытеснения флюида из пласта или его нагнетания в пласт через галерею или скважину условимся принимать за координату произвольной точки пласта расстояние  $r$  до этой точки от:

- галереи (для прямолинейно- параллельного потока);
- центра контура скважины в основной плоскости (плоскости подошвы пласта) фильтрации (для плоскорадиального потока);
- центра полусферического забоя скважины (для сферически-радиального потока).

#### 4.1.2. Характеристики одномерных установившихся фильтрационных потоков несжимаемой жидкости

Для расчета перечисленных характеристик одномерных фильтрационных потоков жидкости можно использовать два подхода. Первый из них – вывод дифференциальных уравнений и их решение отдельно для прямолинейно-параллельного, плоскорадиального и радиально-сферического потоков жидкости и газа. Второй – вывод обобщенного уравнения одномерного течения флюида в недеформируемой трубке тока переменного сечения с использованием функции Лейбензона и получение из него конкретных формул применительно к различным схемам фильтрационных потоков. Второй подход более эффективен, позволяет исходить из обобщенных характеристик течения, он был использован и при выводе следующих характеристик.

#### Прямолинейно-параллельный поток несжимаемой жидкости

Таблица 2

#### Формулы для расчета характеристик потока несжимаемой жидкости при прямолинейно-параллельном притоке

Характеристика	Несжимаемая жидкость	
Функция Лейбензона	$P = \rho_0 p + C,$	(94)
Распределение давления по пласту, $0 \leq x \leq L$	$p(x) = p_K - \frac{p_K - p_\Gamma}{L} x,$	(95)
Массовый расход $Q_m$	$Q_m = \frac{k\rho_0(p_K - p_\Gamma)}{\mu L} Bh = const,$	(96)
Массовая скорость фильтрации	$\rho_0 w = \frac{k\rho_0(p_K - p_\Gamma)}{\mu L} = const,$	(97)
Объемный расход $Q$	$Q = \frac{k(p_K - p_\Gamma)}{\mu L} Bh = const,$	(98)

Характеристика	Несжимаемая жидкость	
Скорость фильтрации (объемная)	$w = \frac{k(p_K - p_\Gamma)}{\mu L} = const,$	(99)
Средневзвешенное давление	$\tilde{p} = \frac{(p_K + p_\Gamma)}{2},$	(100)
Время движения отмеченных частиц $t$	$t = \frac{m\mu\alpha L}{k(p_K - p_\Gamma)},$	(101)
Время продвижения до галереи $T$	$T = \frac{m\mu L^2}{k(p_K - p_\Gamma)} = \frac{2m\mu L^2 \tilde{p}}{k(p_K^2 - p_\Gamma^2)},$	(102)

Массовые расходы и массовые скорости фильтрации для обоих флюидов постоянны вдоль пласта; объемный расход и объемная скорость фильтрации жидкости вдоль пласта не меняются, однако для газа эти характеристики зависят от координаты, возрастая от входа к выходу, что является следствием расширения газа при снижении давления.

### Плоскорадиальный фильтрационный поток

Таблица 3

#### Формулы для расчета характеристик потока несжимаемой жидкости при плоскорадиальном притоке

Характеристика	Несжимаемая жидкость	
Распределение давления по пласту	$p(r) = p_K - \frac{(p_K - p_C) \ln \frac{R_K}{r}}{\ln \frac{R_K}{r_C}},$	(103)
	$p(r) = p_C + \frac{(p_K - p_C) \ln \frac{r}{r_C}}{\ln \frac{R_K}{r_C}},$	(104)

Характеристика	Несжимаемая жидкость	
Массовый расход $Q_m$	$Q_m = \rho_0 \frac{2\pi k h (P_K - P_C)}{\mu \ln\left(\frac{R_K}{r_C}\right)} = const,$	(105)
Массовая скорость фильтрации $\rho_0 w$	$\rho_0 w = \rho_0 \frac{k(p_K - p_C) \frac{1}{r}}{\mu \ln\left(\frac{R_K}{r_C}\right)},$	(106)
Объемный расход $Q$	$Q = 2\pi k h \frac{(p_K - p_C)}{\mu \ln\left(\frac{R_K}{r_C}\right)} = const,$ (формула Дюпюи)	(107)
Объемная скорость фильтрации	$w = \frac{k(p_K - p_C) \frac{1}{r}}{\mu \ln\left(\frac{R_K}{r_C}\right)},$	(108)
Средневзвешенное давление	$\tilde{p} = p_K - \frac{p_K - p_C}{2 \ln \frac{R_K}{r_C}},$	(109)
Время движения отмеченных частиц	$t = \frac{m \mu \ln\left(\frac{R_K}{r_C}\right) (r_0^2 - r^2)}{2k(p_K - p_C)} =$ $= \frac{\pi m h (r_0^2 - r^2)}{Q}$	(110)
Время движения частицы от контура до забоя $T$	$T = \frac{m \mu \ln\left(\frac{R_K}{r_C}\right) (R_K^2 - r_C^2)}{2k(p_K - p_C)},$	(111)

Течение жидкости к скважинам не всегда поддается расчету. При геометрически правильном размещении скважин и при ряде допущений (постоянство толщины, проницаемости и других параметров) можно будет рассчитать дебиты скважин при заданных давлениях на забоях или, наоборот, рассчитать давление при заданных дебитах. Вблизи каждой скважины

в однородном пласте течение жидкости становится близким к радиальному. Это позволяет широко использовать для расчетов радиальную схему фильтрации.

Скорость фильтрации, согласно закону Дарси, записанному в дифференциальной форме, определяется следующим образом:

$$w = -\frac{k}{\mu} \frac{dp}{dr}, \quad (112)$$

где  $k$  – проницаемость пласта;  $\mu$  – динамическая вязкость;  $dp/dr$  – градиент давления вдоль радиуса (линии тока).

По всем линиям тока течение будет одинаковое. Переменные, которыми являются скорость фильтрации и градиент давления, при изменении угловой координаты (в случае однородного пласта) останутся неизменными, это позволяет оценить объемный расход жидкости как произведение скорости фильтрации на площадь сечения пласта. В качестве площади может быть взята площадь сечения цилиндра  $2\pi rh$  произвольного радиуса  $r$ , проведенного из центра скважины, где  $h$  – действительная толщина пласта, через который происходит фильтрация.

Тогда

$$Q = 2\pi rhw = -2\pi rh \frac{k}{\mu} \frac{dp}{dr}, \quad (113)$$

где  $\varepsilon = \frac{kh}{\mu}$  – гидропроводность пласта, которая изменяется вдоль радиуса  $r$ , на одинаковых расстояниях от оси скважины вдоль любого радиуса величины  $\varepsilon$  одинаковые.

Допустим, что  $\varepsilon$  задано в виде известной функции радиуса, т.е.

$$\frac{kh}{\mu} = \varepsilon(r). \quad (114)$$

Вводя (114) в (113) и разделяя переменные, получим

$$\frac{dr}{r\varepsilon(r)} = -\frac{2\pi}{Q} dp. \quad (115)$$

Дифференциальное уравнение (115) проинтегрируем в пределах области фильтрации от стенок скважины  $r_c$  с давлением  $p_c$  до контура питания  $R_k$ , на котором существует постоянное давление  $p_k$ . Таким образом,

$$\int_{r_c}^{R_k} \frac{dr}{r\varepsilon(r)} = -\frac{2\pi}{Q} \int_{p_c}^{p_k} dp, \quad (116)$$

При  $\varepsilon = \text{const}$  будем иметь

$$\frac{1}{\varepsilon} (\ln R_k - \ln r_c) = \frac{2\pi}{Q} (p_k - p_c). \quad (117)$$

Решая (117) относительно  $Q$ , получим классическую формулу притока к центральной скважине в круговом однородном пласте:

$$Q = \frac{2\pi\varepsilon(p_{\kappa} - p_c)}{\ln\left(\frac{R_{\kappa}}{r_c}\right)}. \quad (118)$$

Уравнение (116) проинтегрируем, тогда получим формулу для распределения давления вокруг скважины:

$$\int_{r_c}^r \frac{dr}{r\varepsilon} = -\frac{2\pi}{Q} \int_{P_c}^P P. \quad (119)$$

После интегрирования, подстановки пределов и алгебраических преобразований получаем

$$\frac{1}{\varepsilon} \ln \frac{r}{r_c} = \frac{2\pi}{Q} (P - P_c). \quad (120)$$

Решая уравнение относительно  $p(r)$  и подставляя (118) в (120), получим уравнение распределения давления вокруг скважины:

$$P(r) = P_c + (P_{\kappa} - P_c) \frac{\ln \frac{r}{r_c}}{\ln \frac{R_{\kappa}}{r_c}}. \quad (121)$$

Если в (116) в качестве переменных пределов принять не верхние, а нижние пределы, то выражение для  $p(r)$  можно записать в другом виде:

$$P(r) = P_{\kappa} - (P_{\kappa} - P_c) \frac{\ln \frac{R_{\kappa}}{r}}{\ln \frac{R_{\kappa}}{r_c}}. \quad (122)$$

Уравнение (122) характеризует распределение давления в пласте и имеет характерный вид, указанный на рис. 17. Как видно, данное распределение имеет логарифмический характер.

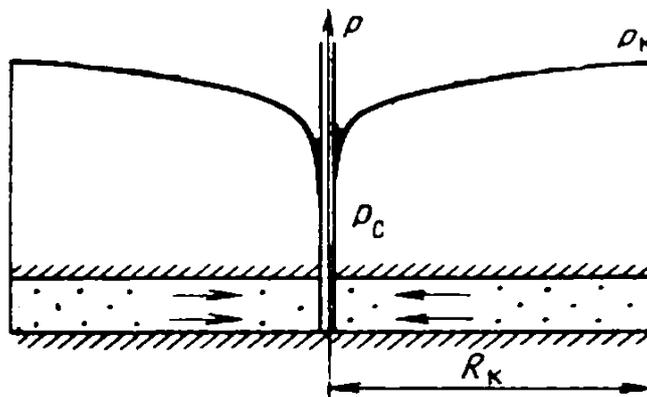


Рис. 17. Кривая распределения давления в плоскорадиальном потоке

Вращение кривой  $P(r)$  в пространстве вокруг оси скважины образует поверхность, называемую **воронкой депрессии** (рис. 18). В пределах воронки депрессии градиенты давления, а значит и расходы энергии на единицу длины пути резко возрастают по мере приближения к скважине. Значительная доля перепада давления в пласте расходуется в непосредственной близости от скважины. По мере удаления от скважины кривые градиентов давления значительно выравниваются, что указывает на резкое уменьшение скорости фильтрации с удалением от скважины.

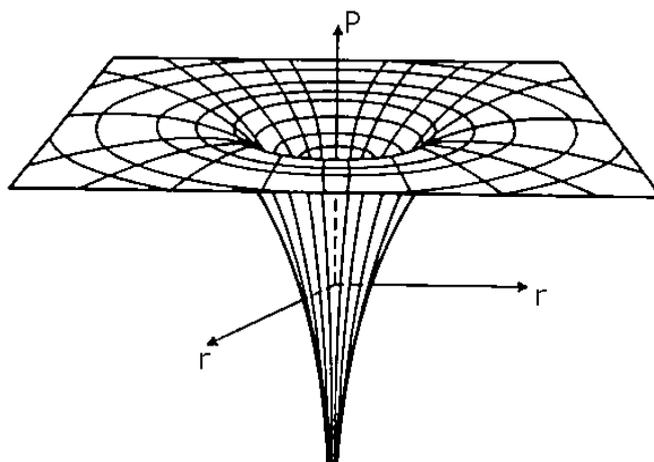


Рис. 18. Воронка депрессии в районе добывающей скважины

При установившейся совместной работе всех скважин вокруг каждой скважины образуется воронка депрессии. Воронки имеют неправильные формы, пересекаются между собой и сообщают пьезометрической поверхности сложную форму. Залежь как бы разделяется такими воронками на самостоятельные области. Внутри каждой такой области располагается работающая скважина. Если бы пласт был идеально однородным и разбурен равномерной сеткой скважин, и они работали бы с одинаковыми дебитами, то радиусы всех воронок были бы одинаковы и равнялись бы половине расстояния между скважинами. В действительности воронки в плане не имеют форму круга и радиус их неодинаковый. В практике принято считать радиус воронки вокруг скважины равным половине среднего расстояния данной скважины от окружающих. Принято называть это расстояние *условным контуром влияния скважины* и обозначать его  $R_k$  (по аналогии с радиусом контура питания скважины).

Существует прямая связь между воронкой депрессии и дебитом нефтяной скважины: чем более выраженной является депрессия, тем сильнее увеличивается дебит скважины.

В случае, когда наблюдается приток жидкости, состоящей более чем из одной фазы, формула (107) преобразуется к виду:

$$Q = 2\pi kh \left( \frac{k_1(s)}{\mu_1} + \frac{k_2(s)}{\mu_2} \right) \frac{p_{nl} - p_{заб}}{\ln \frac{R_k}{r_c}}, \quad (123)$$

где  $k_1(s)$  и  $k_2(s)$  – относительные фазовые проницаемости первой и второй фазы (обычно это нефть и вода, но может также рассматриваться приток смеси нефти со свободным газом),  $\mu_1$  и  $\mu_2$  – вязкости входящих в смесь фаз.

Относительная фазовая проницаемость является параметром, характеризующим проницаемость для каждой фазы в присутствии другой (-их). Характерная зависимость относительных фазовых проницаемостей по воде и по нефти в зависимости от водонасыщенности представлена на рис. 19. Для построения данных зависимостей используют результаты исследования фильтрации на образцах керна.

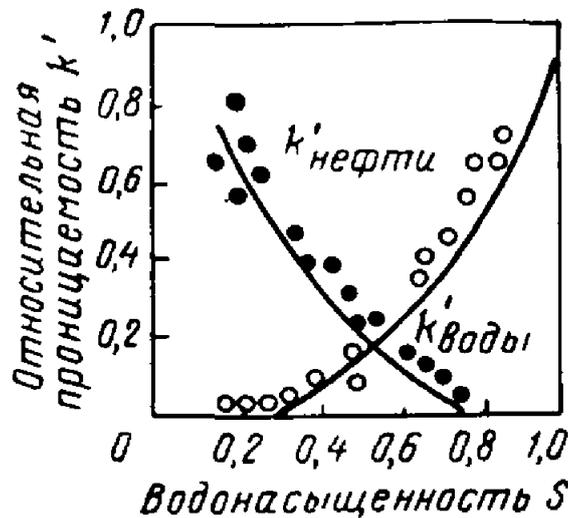


Рис. 19. Зависимость относительных фазовых проницаемостей от насыщенности водой порового пространства

Зависимость дебита от депрессии или забойного давления иллюстрируют индикаторными диаграммами, по наклону которых определяют фактическую продуктивность нефтяной скважины.

**Гидродинамические исследования на установившихся режимах** – это исследования, основанные на анализе дебитов и давлений на нескольких стабилизированных режимах. Их проводят, чтобы определить пластовое давление и продуктивные характеристики скважины, в том числе коэффициент продуктивности.

Последовательность проведения исследований:

Устанавливают несколько режимов работы скважины (обычно не менее 4 режимов). Для газовых скважин это делают с помощью штуцеров различного

диаметра на устье скважины. Для нефтяных скважин – с помощью штуцеров на устье скважины в выкидной линии при фонтанном и артезианском способе эксплуатации.

Замеряют необходимые значения параметров. При исследовании замеряют дебит нефти (газа), пластовое давление, забойное давление, количество выносимого песка, количество выносимой воды, газовый фактор продукции скважины.

Строят индикаторные диаграммы. Это графики зависимости дебита скважины от забойного давления или от депрессии (рис. 20, рис.21). По наклону индикаторной линии определяют фактическую продуктивность нефтяной скважины.

Если процесс фильтрации жидкости в пласте подчиняется линейному закону, т. е. индикаторная линия имеет вид прямой, зависимость дебита гидродинамически совершенной скважины от депрессии на забое описывается формулой Дюпюи (107).

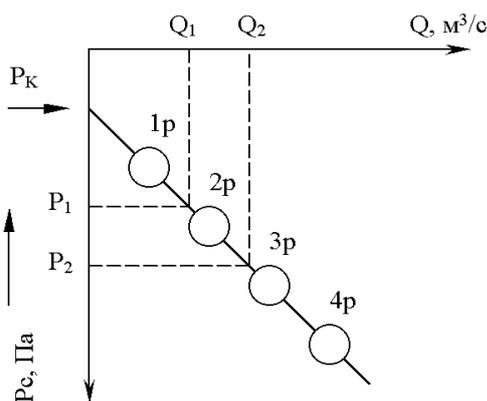


Рис. 20. Индикаторная диаграмма

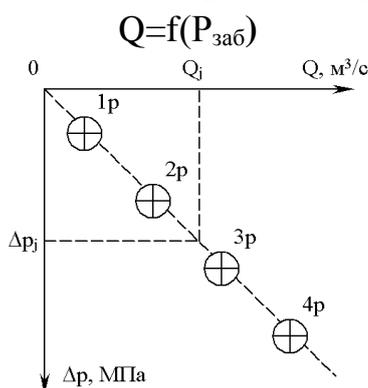


Рис. 21. Индикаторная диаграмма  $Q = f(\Delta P)$

Индикаторная диаграмма  $Q = f(P_{заб})$  предназначена для оценки величины пластового давления, которое можно определить путем продолжения индикаторной линии до пересечения с осью ординат (рис. 20). Это соответствует нулевому дебиту, т.е. скважина не работает и  $P_{заб} \rightarrow P_{пл} = P_K$ .

Индикаторная диаграмма  $Q = f(\Delta P)$  строится для определения коэффициента продуктивности скважин  $K$ .

$$K = \frac{Q_1 - Q_2}{\Delta P_1 - \Delta P_2} \quad (124)$$

В пределах справедливости линейного закона фильтрации жидкости, т.е. при линейной зависимости  $Q = f(\Delta P)$ , коэффициент продуктивности является величиной постоянной и численно равен тангенсу угла наклона индикаторной

линии к оси дебитов (оси абсцисс). По коэффициенту продуктивности скважин, определенному методом установившихся отборов, можно вычислить также другие параметры пласта.

$$K = \frac{2\pi kh}{\mu \ln \frac{R_k}{r_c}} \quad (125)$$

Откуда коэффициент гидропроводности

$$\varepsilon = \frac{kh}{\mu} = \frac{K \cdot \ln \frac{R_k}{r_c}}{2\pi} \quad (126)$$

И проницаемость пласта в призабойной зоне

$$k = \frac{K \cdot \mu \cdot \ln \frac{R_k}{r_c}}{2 \cdot \pi \cdot h} \quad (127)$$

Приведенные выше формулы справедливы для случая исследования *гидродинамически совершенной скважины* (вскрывшей пласт на всю его толщину и имеющей открыты забой) и измеряемые величины (дебит, динамическая вязкость и др.) приведены к пластовым условиям.

**Продуктивность скважины** — характеристика добывающей скважины, определяющая отбор пластового флюида на единицу депрессии при эксплуатации этой скважины [33]. Отношение дебита скважины  $Q$  к перепаду давления  $\Delta p$  называется коэффициентом продуктивности скважины  $K$ :

$$K = \frac{Q}{\Delta p} = \frac{2\pi kh}{\mu \ln \frac{R_K}{r_c}}, \quad (128)$$

Понятия «продуктивность» и «коэффициент продуктивности» в большей мере относятся к продуктивному пласту (зависимость  $K$  от  $h$ ,  $k$ ,  $\mu$ ,  $P_{пл}$ ) и характеризуют систему пласт – скважина в отношении ее добывных способностей. Два элемента (скважина и пласт) объединяются в систему посредством общего для каждого из них параметра – забойного давления.

В работах Лысенко В. Д. и Грайфера В. И. [30, 31] предлагается следующая классификация нефтяных пластов по продуктивности по нефти, представленная в табл. 4.

Продуктивность коллектора в большей степени зависит от его проницаемости. В. Д. Викториним [13, 14] дана классификация карбонатных

коллекторов порового и кавернозного типа по их поровой проницаемости, размерам каналов фильтрации, пористости и нефтенасыщенности с выделением четырех групп (табл. 5).

Таблица 4

### Классификация нефтяных пластов

Класс	Характеристика пласта	Коэффициент продуктивности	
		т/(сут·атм)	т/(сут·МПа)
1	Гиперпродуктивность	> 100,0	>1000
2	Ультрапродуктивность	30,0 – 100,0	300 – 1000
3	Высокая продуктивность	10,0 – 30,0	100 – 300
4	Повышенная продуктивность	3,0 – 10,0	30 – 100
5	Средняя продуктивность	1,0 – 3,0	10 – 30
6	Пониженная продуктивность	0,3 – 1,0	3 – 10
7	Низкая продуктивность	0,1 – 0,3	1 – 3
8	Ультранизкая продуктивность	< 0,1	< 1

Таблица 5

### Классификация карбонатных коллекторов

№ п/п	Группа коллекторов	Проницаемость, мкм <sup>2</sup>	Размер (радиус) каналов фильтрации, мкм	Пористость общая, д.ед.	Нефтенасыщенность, %
1	Непроницаемые	< 0,001	< 3	0,02 – 0,04	0
2	Низкопроницаемые (низкопродуктивные)	0,001 – 0,01	3 – 5	0,04 – 0,08	1 – 62
3	Среднепроницаемые (среднепродуктивные)	0,01 – 0,1	5 – 14	0,08 – 0,10	62 – 82
4	Высокопроницаемые (высокопродуктивные)	> 0,1	14 – 20	0,10 – 0,15	82 – 90

Приведенные данные, на основании которых дается классификация пластов (коллекторов), характеризуют начальные, т.е. естественные свойства и состояние нефтяных залежей. С изменением тех или иных показателей или параметров в результате отбора некоторого количества пластовых флюидов геолого-

физическая характеристика пласта, особенно в призабойных (прискважинных) его зонах, может изменяться. В этом случае один и тот же пласт (или его часть) из группы одной продуктивности может перейти в группу, характеризующуюся другой продуктивностью, например, из среднепродуктивного в низкопродуктивный.

**Радиально-сферический фильтрационный поток несжимаемой жидкости.**

Таблица 6

**Формулы для расчета характеристик потока несжимаемой жидкости при радиально-сферическом притоке**

Характеристика	Несжимаемая жидкость	
Распределение давления $p(r)$	$p(r) = p_K - (p_K - p_C)r_C \left( \frac{1}{r} - \frac{1}{R_K} \right),$	(129)
Массовый расход $Q_m$	$Q_m = \frac{2\pi k r_C \rho_0 (p_K - p_C)}{\mu} = const,$	(130)
Массовая скорость фильтрации	$\rho_0 w = \frac{k \rho_0 (p_K - p_C) r_C}{\mu r^2},$	(131)
Объемный расход	$Q = 2\pi r_C \frac{k(p_K - p_C)}{\mu} = const,$	(132)
Объемная скорость фильтрации	$w = \frac{k(p_K - p_C) r_C}{\mu r^2},$	(133)
Время движения частиц $t$	$t = \frac{m\mu(r_0^3 - r^3)}{3k(p_K - p_C)r_C},$	(134)
Время движения от контура до забоя $T$	$T = \frac{m\mu R_K^3}{3k(p_K - p_C)r_C},$	(135)

**4.2. Установившееся движение капельных сжимаемых жидкостей и газов в простейших фильтрационных потоках при линейном законе фильтрации**

При изучении движения упругой (сжимаемой) жидкости в пористой среде необходимо учесть, что объемный расход жидкости изменяется в зависимости от величины пластового давления, т.е. объемный расход неодинаков в различных

сечениях потока, поскольку масса жидкости в единице объёма пласта увеличивается с увеличением давления за счёт упругого сжатия жидкости. В самом общем случае эффект изменения объёма при упругом сжатии будет испытывать и сама пористая среда. В общем случае необходимо учитывать и изменение вязкости жидкости при изменении давления. Таким образом, расход жидкости и скорость фильтрации должны зависеть от некоторого комплексного параметра, характеризующего зависимость свойств пористой среды и фильтрующейся жидкости от пластового давления:

$$\frac{k(p)\rho(p)}{\mu(p)}. \quad (136)$$

Метод решения дифференциального уравнения движения жидкости с переменными параметрами был предложен Лейбензоном; он состоит в том, что величина пластового давления в дифференциальных уравнениях заменяется некоторой функцией давления, величина которой адекватно изменяется вместе с изменением параметров жидкости и пористой среды. Эта функция, называемая функцией Лейбензона,  $P$  будет связана с пластовым давлением следующим образом [6]:

$$P = \int \frac{k(p)\rho(p)}{\mu(p)} dp + C. \quad (137)$$

В таком случае дифференциальное уравнение установившегося движения сжимаемой жидкости примет вид известного уравнения Лапласа:

$$\frac{\partial^2 P}{\alpha^2} + \frac{\partial^2 P}{\beta^2} + \frac{\partial^2 P}{\alpha^2} = 0. \quad (138)$$

Решением уравнения Лапласа для сжимаемой жидкости и газа в установившемся плоскорадиальном потоке будет формула Дюпюи:

$$Q_m = \frac{2\pi kh}{\mu} \frac{P_k - P_c}{\ln \frac{R_k}{r_c}}. \quad (139)$$

Учитывая уравнения состояния, описывающие сжимаемую жидкость и идеальный газ, величину функции Лейбензона и дебит скважины можно определить следующим образом:

- для сжимаемой жидкости:

$$P = \frac{\rho_{жс}}{\beta_{жс}}, \quad Q_m = \frac{2\pi kh}{\mu} \frac{\rho_k - \rho_c}{\beta^* \ln \frac{R_k}{r_c}} \quad (140)$$

- для идеального газа:

$$P = \frac{\rho_{am}}{2\rho_{am}} p^2, Q_m = \frac{\pi kh \rho_{am}}{\mu \rho_{am}} \frac{p_{\kappa}^2 - p_c^2}{\ln \frac{R_{\kappa}}{r_c}}. \quad (141)$$

Индикаторные диаграммы газовых скважин отличаются от индикаторных диаграмм для нефтяных скважин, поскольку газ представляет собой хорошо сжимаемую среду. По этой причине построение индикаторных диаграмм для газовых скважин осуществляют в координатах:  $Q, \Delta p^2$ . По индикаторным диаграммам можно определить фильтрационные параметры пласта в газовой залежи. В отличие от нефтяных скважин существует предельный (максимальный) дебит газовой скважины, называемый абсолютно свободным дебитом газовой скважины (он соответствует дебиту газовой скважины при забойном давлении, равном атмосферному).

#### 4.3. Неустановившееся движение упругой жидкости в деформируемой пористой среде

Фильтрация жидкости, обусловленная действием «упругих сил» жидкости и твёрдого скелета пласта, описывается известным уравнением Фурье [6]:

$$\frac{\partial^2 p}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 p}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 p}{\partial z^2} = \frac{1}{\chi} \frac{\partial p}{\partial t}, \quad (142)$$

где  $\chi$  – коэффициент пьезопроводности,  $m^2/c$ , определяется выражением

$\chi = \frac{k}{\mu\beta^*}$  и характеризует скорость перераспределения давления в упругой среде;

$\beta^*$  – коэффициент упругоёмкости.

Для плоскорадиального потока упругой жидкости в цилиндрических координатах уравнение движения жидкости имеет следующий вид:

$$\frac{\partial^2 p}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial p}{\partial r} = \frac{1}{\chi} \frac{\partial p}{\partial t}. \quad (143)$$

Это уравнение имеет решение для мгновенного дебита точечного источника (или стока) в бесконечном изотропном пласте:

$$p(r,t) = p_0 - \frac{Q\mu}{4\pi kh} \left[ -Ei \left( -\frac{r^2}{4\chi t} \right) \right], \quad (144)$$

где  $p(r, t)$  – величина давления в точке пласта на расстоянии  $r$  от оси скважины, работающей с постоянным дебитом  $q$  в течение времени  $t$ ;  $p_0$  – начальное пластовое давление;  $-Ei\left(-\frac{r^2}{4\chi t}\right) = \int_{\frac{r^2}{4\chi t}}^{\infty} \frac{e^{-u}}{u} du$  (интегральная экспоненциальная функция).

Учитывая соотношение размеров пласта и скважины (её радиус), можно считать скважину точечным источником (стоком).

Интегральная экспоненциальная функция табулирована, но может быть вычислена с достаточной точностью путём разложения в ряд:

$$-Ei(-x) = \ln \frac{1}{x} - C_9 + x - \frac{x^2}{4} + \frac{x^3}{18} - \frac{x^4}{96} + \dots + (-1)^{(n-1)} \frac{x^n}{n!n}, \quad (145)$$

где  $C_9 = 0,5772$  (постоянная Эйлера), или (при достаточно малых значениях аргумента) интегральная экспоненциальная функция может быть заменена более часто употребляемой логарифмической функцией:

$$-Ei(-x) \cong \ln \frac{1}{x} - C_9 = \ln \frac{2,246\chi t}{r^2}. \quad (146)$$

Решение дифференциального уравнения, полученное для мгновенного дебита точечного источника (стока) в бесконечном пласте, можно легко распространить на более общие случаи движения жидкости: при одновременной работе группы взаимодействующих скважин и при работе скважины с переменным дебитом. В первом случае следует воспользоваться принципом суперпозиции (наложения течений), согласно которому изменение давления в любой точке пласта можно определить как алгебраическую сумму независимых влияний всех скважин рассматриваемой группы на данную точку пласта (т.е. каждая из скважин группы рассматривается независимо от работы окружающих её скважин):

$$p(r, t) = p_0 - \sum_{i=1}^n \Delta p_i, \quad (147)$$

где  $\Delta p_i$  – изменение давления в выбранной точке пласта в результате работы  $i$  – той скважины с постоянным дебитом  $q_i$  в течение времени  $t_i$ :

$$\Delta p_i = \frac{Q_i \mu}{4\pi k h} \left[ -Ei\left(-\frac{r_i^2}{4\chi t_i}\right) \right]. \quad (148)$$

Такой же приём можно использовать и в случае, когда скважина работает с переменным дебитом, заменив её группой взаимодействующих фиктивных скважин, работающих с постоянными дебитами и расположенных в одной точке, совпадающей с местом положения действительной скважины. Дебиты фиктивных скважин определяются как разница между последующим и предыдущим дебитами реальной скважины, а продолжительность работы таких скважин определяется с момента изменения дебита реальной скважины до конца работы реальной скважины:

$$p(r, t) = p_0 - \sum_{j=1}^m \Delta p^{(j)}, \quad (149)$$

где  $\Delta p^{(j)}$  – изменение давления в выбранной точке пласта, вызванное работой  $j$ -той фиктивной скважины, заменяющей работу реальной скважины при изменении её дебита от  $q^{(j-1)}$  до  $q^{(j)}$ ,

$$\Delta p^{(j)} = \frac{\mu}{4\pi kh} \left\{ \left[ q^{(j)} - q^{(j-1)} \right] \cdot \left[ -Ei \left( -\frac{r^2}{4\chi t} \right) \right] \right\}, \quad (150)$$

$$t^{(j)} = T - \sum_1^{j-1} t^{(j)}, \quad (151)$$

$T$  – полное время работы реальной скважины.

Количество жидкости, которое может выделиться из пласта при снижении в нём давления на некоторую величину за счёт упругой деформации пласта и насыщающей его жидкости называется упругим запасом пласта. На базе основного уравнения упругого режима разработан метод определения фильтрационных параметров пласта путём исследования процесса восстановления забойного давления в остановленной скважине (метод КВД). Другим методом гидродинамических исследований пласта, базирующимся на упругом восстановлении давления в пласте, является метод гидропрослушивания пласта.

#### ***4.4. Установившееся движение неоднородных жидкостей в пористых средах***

Однородные жидкости в процессе совместного залегания в пласте и, особенно, в процессе совместного и одновременного движения по пласту образуют сложные жидкости, состоящие из простых однородных компонент (исходных жидкостей). В качестве таких компонент могут быть как природные жидкости (нефть, газ, вода), так и техногенные, появляющиеся в пласте в результате проведения различных технологических процессов, направленных

на повышение коэффициента нефтеизвлечения. Смеси природных и техногенных компонентов в пластах могут образовывать однородные жидкости, называемые растворами (гомогенные смеси), а также неоднородные многофазные смеси (гетерогенные смеси). Основной отличительной особенностью между ними является то, что в гомогенных смесях компоненты перемешиваются на уровне молекул вещества, тогда как в гетерогенных смесях компоненты (по терминологии гидромеханики – фазы, т.е. нерастворимые компоненты) образуют смеси на базе макрочастиц вещества (ассоциаций однородных молекул). В результате образования таких смесей в неоднородной жидкости образуются поверхности раздела между макрочастицами фаз, вдоль которых действуют силы поверхностного натяжения. В присутствии твёрдой среды возникают поверхностные эффекты, порождающие так называемые силы капиллярного давления. Появляющиеся в неоднородной многофазной жидкости силы поверхностного натяжения порождают дополнительные сопротивления движению неоднородной жидкости по пласту. Характер действия таких сил сложен, он связан и с процессами деформации макрочастиц при их совместном движении по пласту. По этим причинам пласт приобретает избирательную способность пропускать через себя фазы многофазной жидкости. Эту избирательную способность пропускать через себя отдельные фазы неоднородной жидкости называют фазовой проницаемостью. Величина фазовой проницаемости  $k_i$ , очевидно, будет зависеть от фазовой насыщенности  $s_i$  (доли порового пространства, занимаемого данной фазой)  $k_i = f(s_i)$ . Для двухфазной жидкости эта зависимость однозначна. Для многофазной жидкости величина фазовой проницаемости  $i$ -той фазы будет зависеть от соотношения всех фазовых насыщенностей, образующих данную смесь:  $k_i = f(s_1, s_2, \dots, s_i, \dots, s_n)$ . Для характеристики таких зависимостей удобно пользоваться не абсолютной величиной фазовой проницаемости, а относительной фазовой проницаемостью, т.е. отношением величины фазовой проницаемости к абсолютной.

Зависимости относительных фазовых проницаемостей от фазовых насыщенностей определяются экспериментально для каждого типа смеси. На базе этих данных разработаны полуэмпирические методы расчёта процесса фильтрации неоднородных жидкостей.

#### ***4.5. Установившееся движение однородной несжимаемой жидкости в неоднородных пористых средах***

Получить простое аналитическое решение задачи фильтрации жидкости в неоднородном пласте (пласте, фильтрационные параметры которого каким-то образом зависят от координат) не представляется возможным. По этой причине,

необходимо придать реальному неоднородному пласту какую-либо относительно несложную модель, допускающую простое решение задачи. Наиболее приемлемы для этих целей модели слоистой и зональной неоднородности.

Модель слоистого пласта позволяет рассматривать фильтрационный поток в неоднородном пласте как совокупность плоских параллельных потоков при отсутствии перетока жидкости между слоями. Тогда расход жидкости в одномерном потоке и дебит скважины в плоскорадиальном потоке определяются путём обычного сложения расходов:

$$Q = \sum_{i=1}^n Q_i = \frac{a \sum_{i=1}^n k_i h_i}{\mu} \frac{p_{\kappa} - p_{\varepsilon}}{L_{\kappa}}, \quad Q = \sum_{i=1}^n Q_i = \frac{2\pi \sum_{i=1}^n k_i h_i}{\mu} \frac{p_{\kappa} - p_c}{\ln \frac{R_{\kappa}}{r_c}}, \quad (152)$$

где  $a$  – ширина потока.

В зонально-неоднородном пласте, принимая во внимание постоянство расхода жидкости во всех живых сечениях потока, можно определить потери давления на всех элементах модели и затем определить расход жидкости:

$$Q = \frac{ah}{\mu} \frac{p_{\kappa} - p_{\Gamma}}{\sum_{i=1}^n \frac{l_i}{k_i}}, \quad (153)$$

$$Q = \frac{2\pi h}{\mu} \frac{p_{\kappa} - p_{\mathbf{c}}}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{k_i} \ln \frac{r_i}{r_{i-1}}}. \quad (154)$$

Особым видом модели неоднородного пласта является так называемый экранированный (ограниченный) пласт. В такой модели предполагается, что пласт ограничен с одной или нескольких сторон непроницаемой границей (экраном). Наличие экрана существенным образом сказывается на распределении давления вокруг работающей скважины (или группы скважин), т.к. упругая волна давления, дойдя до плоскости экрана, отражается от неё и распространяется в обратном направлении. По этой причине все точки реального пласта находятся под действием как прямой, так и отражённой волн. На основе таких рассуждений воздействие отражённой волны можно заменить другой прямой волной от действия некоторой фиктивной (отражённой) скважины, т.е. заменить экранированный пласт бесконечным. В этом случае для достижения принципа эквивалентности действия фиктивная скважина должна быть зеркальным отражением действительной скважины, т.е. иметь тот же дебит,

те же размеры, находиться на одинаковом расстоянии от экрана (но с противоположной стороны от него) и работать синхронно с реальной скважиной. Тогда давление в некоторой точке  $A$  можно определить по принципу суперпозиции (наложения полей), используя основную формулу упругого режима для бесконечного изотропного пласта:

$$p_A(r, t) = p_0 - \frac{q\mu}{4\pi kh} \left[ -Ei\left(-\frac{r_1^2}{4\chi t}\right) \right] - \frac{q\mu}{4\pi kh} \left[ -Ei\left(-\frac{r_2^2}{4\chi t}\right) \right], \quad (155)$$

где  $r_1$  и  $r_2$  – расстояния от точки  $A$  до реальной и отражённой скважин.

Этот принцип можно распространить на любую группу взаимодействующих скважин. Если экран будет не прямолинейным, а иметь более сложную конфигурацию, то количество отражённых скважин будет больше и зависеть от угла, образованного экранами.

#### **4.6. Установившийся приток несжимаемой жидкости к несовершенным скважинам**

Кроме так называемых гидродинамически совершенных скважин (вскрывших пласт на всю толщину и сообщающихся с пластом по всей площади живого сечения забоя скважины) в реальных ситуациях чаще приходится иметь дело с несовершенными скважинами. К категории несовершенных относятся скважины, вскрывшие пласт не полностью (скважины, несовершенные по степени вскрытия), а также скважины, имеющие связь с пластом через перфорационные каналы искусственного фильтра (скважины, несовершенные по характеру вскрытия). Приток жидкости к несовершенным скважинам можно представить как поток, в котором имеются дополнительные фильтрационные сопротивления  $\omega'$ , обусловленные изменением структуры потока (уменьшением площади живого сечения и искривлениями линий тока) [7, 16]:

$$Q = \frac{P_k - P_c}{\omega + \omega'}. \quad (156)$$

Величину дополнительных фильтрационных сопротивлений несовершенной скважины можно выразить в форме, соответствующей фильтрационному сопротивлению совершенной скважины:

$$\omega' = \frac{\mu}{2\pi kh} C. \quad (157)$$

Тогда дебит несовершенной скважины определится по формуле:

$$Q = \frac{p_{\mathbf{к}} - p_{\mathbf{с}}}{\frac{\mu}{2\pi kh} \ln \frac{R_{\mathbf{к}}}{r_{\mathbf{с}}} + \frac{\mu}{2\pi kh} C}, \quad (158)$$

где  $C = C_1 + C_2$  – коэффициенты дополнительных фильтрационных сопротивлений несовершенной скважины (определяются по графикам Щурова),

$$C_1 = f(\delta, a); \quad C_2 = f(nD, \alpha, l); \quad \delta = \frac{b}{h}; \quad a = \frac{h}{D_c}, \quad nD_c = \frac{N}{h} D_c; \quad \alpha = \frac{d_0}{D_c}; \quad l = \frac{l'}{D_c},$$

где  $h$  – эффективная толщина пласта;  $b$  – вскрытая толщина пласта;  $D_c$  – диаметр скважины;  $n$  – число отверстий перфорации в колонне скважины;  $d_0$  – диаметр отверстий;  $l'$  – абсолютная глубина проникновения пуль в породу.

Оценка несовершенства скважины через её приведённый радиус

$$\frac{\mu}{2\pi kh} \left( \ln \frac{R_{\mathbf{к}}}{r_{\mathbf{с}}} + C \right) = \frac{\mu}{2\pi kh} \ln \frac{R_{\mathbf{к}}}{\bar{r}_{\mathbf{с}}}, \quad (159)$$

откуда:

$$\bar{r}_{\mathbf{с}} = r_{\mathbf{с}} e^{-C}. \quad (160)$$

По своей сути под приведённым радиусом несовершенной скважины следует понимать радиус такой гидродинамически совершенной скважины, дебит которой равен дебиту реальной несовершенной скважины. Таким образом, с помощью понятия о приведённом радиусе несовершенной скважины можно в процессе гидродинамических расчётов заменить несовершенную скважину эквивалентной гидродинамически совершенной, что бывает весьма удобно. Можно также оценить степень совершенства скважины по соотношению фильтрационных сопротивлений гидродинамически совершенной и несовершенной скважин:

$$\lambda = \frac{\frac{\mu}{2\pi kh} \ln \frac{R_{\mathbf{к}}}{r_{\mathbf{с}}}}{\frac{\mu}{2\pi kh} \left( \ln \frac{R_{\mathbf{к}}}{r_{\mathbf{с}}} + C \right)}. \quad (161)$$

#### **4.7. Установившееся нерадиальное движение несжимаемой жидкости при линейном законе фильтрации**

В отличие от плоскорадиального движения жидкости, при котором линии тока прямолинейные и скорость фильтрации жидкости в потоке зависит лишь от расстояния живого сечения до центра потока, при нерадиальном движении

жидкости линии тока всегда криволинейные (что не позволяет уподобить такое движение жидкости одномерному потоку). В нерадиальных потоках конфигурация линий тока и величины расходов жидкости в различных областях течения жидкости неодинаковы и зависят от формы контура питания, расположения источников и стоков и величин давления на забоях скважин. По этой причине (без особого труда) можно получить лишь частные решения дифференциального уравнения движения жидкости для ограниченного числа практических задач. Суть подхода к решению задач сводится к тому, что фильтрационное поле, соответствующее нерадиальному потоку жидкости, рассматривается как результат суммирования взаимодействующих полей. Если в бесконечном пласте имеется некоторое количество произвольно расположенных источников и стоков, то каждый такой источник (или сток) образует вокруг себя фильтрационное поле. В силу того, что сами источники и стоки взаимодействуют (интерферируют) друг с другом, все точки пространства, занятого движущейся жидкостью, одновременно находятся в фильтрационных полях, образуемых всеми скважинами, т.е. одновременно испытывают влияния всех скважин. Следовательно, потенциал в любой точке поля, образованного целой системой взаимодействующих скважин, равен алгебраической сумме потенциалов полей (в соответствующих точках), образованных каждой из скважин всей группы:

$$\Phi = \sum_{i=1}^n \Phi_i, \quad (162)$$

где  $\Phi_i$  – потенциал  $i$  – го поля в некоторой точке;  $n$  – количество полей, соответствующее числу взаимодействующих скважин.

Этот принцип получил название принципа суперпозиции и широко применяется для решения практических задач.

Классическим примером нерадиального движения жидкости является установившийся поток жидкости от нагнетательной скважины к добывающей. Разность забойных давлений между нагнетательной и добывающей скважинами в данном случае является единственным источником энергии, обуславливающим движение жидкости. По этой причине необходимым условием для существования установившегося движения жидкости в пласте является:

$$Q_э + Q_н = 0 \text{ или } Q_э = - Q. \quad (163)$$

Здесь, как и ранее, знак «минус» приписывается приёмности нагнетательной скважины. Скважины, образующие своеобразный гидродинамический диполь, расположены друг от друга на расстоянии  $2\sigma$

в бесконечном изотропном пласте. Тогда текущее пластовое давление в некоторой точке  $M$ , расположенной одновременно в поле нагнетательной и добывающей скважин:

$$p_M = p'_M + p''_M = \frac{Q\mu}{2\pi kh} \ln \frac{r_2}{r_1} + C, \quad (164)$$

где  $p'_M$  и  $p''_M$  – величины пластового давления в точке  $M$ , находящейся соответственно в поле нагнетательной скважины (на расстоянии  $r_1$  от её оси) и в поле добывающей скважины (на расстоянии  $r_2$  от её оси).

Анализируя полученное уравнение, можно отметить, что во всех точках, в которых выполняется условие:

$$\frac{r_2}{r_1} = const, \quad (165)$$

давления одинаковы. Эти линии, соединяющие точки пространства, в которых давления одинаковы, будут изобарами поля. Таким образом, карта изобар потока представляет собой семейство неконцентрических окружностей, центры которых смещаются во внешнюю сторону по отношению к паре работающих скважин. По мере смещения центров изобар они сгущаются внутрь диполя и имеют разрежение во внешней области диполя. Через середину отрезка, соединяющего скважины, в перпендикулярном направлении будет проходить центральная изобара, соответствующая начальному пластовому давлению.

Чтобы определить расход жидкости в потоке (в том числе дебит эксплуатационной и приёмистость нагнетательной скважин), необходимо связать в единое уравнение забойные давления в скважинах с величиной расхода. Для точки на забое нагнетательной скважины:  $r_1 = r_c$ , а  $r_2 \approx 2\sigma$ ; для точки на забое добывающей скважины:  $r_1 \approx 2\sigma$ , а  $r_2 = r_c$ . Тогда забойное давление в нагнетательной скважине определяется как:

$$p_n = \frac{Q\mu}{2\pi kh} \ln \frac{2\sigma}{r_c} + C, \quad (166)$$

и, соответственно, в добывающей:

$$p_d = \frac{Q\mu}{2\pi kh} \ln \frac{r_c}{2\sigma} + C. \quad (167)$$

Решая совместно два последних уравнения, определим расход жидкости в потоке:

$$Q = \frac{\pi k h}{\mu} \frac{p_n - p_c}{\ln \frac{2\sigma}{r_c}}. \quad (168)$$

К этой задаче как типовой можно свести решения ряда других частных задач, таких как задача о притоке жидкости в скважину при прямолинейном контуре питания, о притоке жидкости к скважине, эксцентрично расположенной по отношению к круговому контуру питания т.д. По мере усложнения условий задачи о движении жидкости в нерадиальном потоке конечные зависимости, связывающие расход жидкости с перепадом давления, в значительной степени усложняются, поэтому прибегают к приближённым методам решения таких задач.

#### 4.8. Интерференция скважин

Вопросы размещения скважин напрямую связаны с проблемами оценки оптимальной плотности сетки скважин. Теоретически в бесконечном пласте влияние работающей скважины распространяется на достаточно большое расстояние, но практически такое влияние ограничено. Немалую роль в этом ограничении играют соседние скважины. *Взаимное влияние скважин друг на друга называется интерференцией скважин* [19]. Это влияние приводит к тому, что при вводе в эксплуатацию новых скважин суммарная добыча на месторождении растет медленнее, чем увеличивается число скважин (рис. 22).

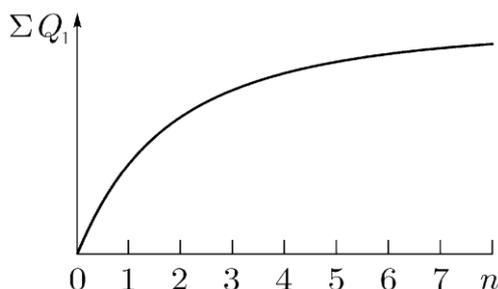


Рис. 22. Зависимость суммарного дебита от числа скважин

Интерференция обусловлена тем, что нефть, газ, вода подвижны, а поры продуктивных пластов, в которых они содержатся, связаны в единую систему поровых каналов и трещин. При этом скважины одинакового назначения «перехватывают» жидкость (или газ). В результате дебит каждой из нескольких скважин всегда меньше дебита одиночной скважины при прочих равных условиях. Интерференция скважин обуславливает принципиальную

особенность разработки месторождений: все эксплуатационные скважины рассматриваются только в совокупности.

При интерференции скважин дебиты скважин уменьшаются. При одинаковых забойных давлениях дебит  $Q_1$  одной скважины по нефти в соответствии с формулой Дюпюи отличается от дебита этой скважины  $Q_1^u$  за счет интерференции с другой скважиной, работающей с дебитом  $Q_2^u$  по формулам Щелкачева-Маскета [40]:

$$\begin{cases} Q_2^u = \frac{2\pi kh\Delta P}{\mu \ln\left(\frac{R_\kappa^2}{Lr_c}\right)}, \\ Q_1^u = Q_1 - Q_2^u \left(\frac{\ln(R_\kappa/L)}{\ln(R_\kappa/r_c)}\right) \end{cases}, \quad (169)$$

где  $L$  – расстояние между скважинами. Видно, что  $Q_2^u$  будет равно значению дебита по формуле Дюпюи  $Q_2$  при расстоянии между скважинами  $L$ , равным  $R_\kappa$ . Значение же  $Q_1^u$  будет равно  $Q_1$  только при  $Q_2^u = 0$ .

С помощью методов оценки интерференции можно получить полезные зависимости для решения практических задач. Известны меры для оценки взаимного влияния скважин (одионочная  $j$  и групповая  $U$ ) [16]:

$$j = \frac{q_1}{q_1'} > 1, \quad (170)$$

где  $q_1$  – дебит скважины до ввода взаимодействующей скважины;  $q_1'$  – дебит скважины после ввода взаимодействующей скважины,

$$U = \frac{q_1' + q_2'}{q_1} < 2, \quad (171)$$

где  $q_1$  – отбор из скважины до ввода взаимодействующей скважины;  $q_1' + q_2'$  – отбор из системы взаимодействующих скважин (после ввода взаимодействующей скважины).

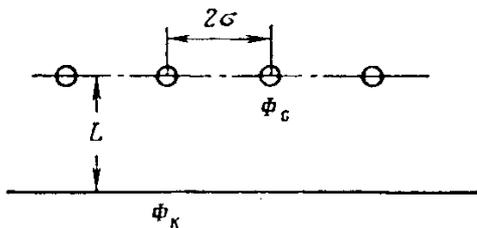


Рис. 23

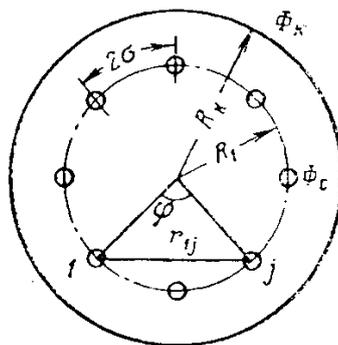


Рис. 24

Дебит каждой скважины бесконечной цепочки, расположенной на расстоянии  $L$  от прямолинейного контура питания (рис. 23), выражается формулой

$$Q = \frac{2\pi h(\Phi_{\kappa} - \Phi_c)}{\ln 2sh \frac{\pi L}{\sigma} + \ln \frac{\sigma}{\pi r_c}} = \frac{2\pi k h(p_{\kappa} - p_c)}{\mu \left( \ln 2sh \frac{\pi L}{\sigma} + \ln \frac{\sigma}{\pi r_c} \right)}, \quad (172)$$

где  $\sigma$  – половина расстояния между скважинами. Если  $L \geq \sigma$ , то приближенно можно принять, что

$$\ln 2sh \frac{\pi L}{\sigma} = \ln \left( e^{\frac{\pi L}{\sigma}} - e^{-\frac{\pi L}{\sigma}} \right) \approx \frac{\pi L}{\sigma}, \quad (173)$$

и тогда

$$Q = \frac{2\pi k h(p_{\kappa} - p_c)}{\mu \left( \frac{\pi L}{\sigma} + \ln \frac{\sigma}{\pi r_c} \right)}. \quad (174)$$

Дебит одной скважины кольцевой батареи, состоящей из  $n$  скважин, в круговом пласте радиуса  $R_{\kappa}$  (рис. 24) имеет вид

$$Q = \frac{2\pi h(\Phi_{\kappa} - \Phi_c)}{\ln \left[ \frac{R_{\kappa}^n}{n r_c R_1^{n-1}} \left( 1 - \frac{R_1^{2n}}{R_{\kappa}^{2n}} \right) \right]} = \frac{2\pi k h(p_{\kappa} - p_c)}{\mu \ln \left[ \frac{R_{\kappa}^n}{n r_c R_1^{n-1}} \left( 1 - \frac{R_1^{2n}}{R_{\kappa}^{2n}} \right) \right]}, \quad (175)$$

где  $R_1$  – радиус батареи;  $r_c$  – радиус скважин.

Если число скважин батареи велико (больше пяти или шести), то  $(R_1/R_k)^{2n} \leq 1$  и этим выражением можно пренебречь по сравнению с единицей; если, кроме того, заменить  $\frac{R_1}{nr_c} = \frac{\sigma}{\pi r_c}$ , то получим приближенную формулу

$$Q = \frac{2\pi kh(p_k - p_c)}{\mu \left( n \ln \frac{R_k}{R_1} + \ln \frac{\sigma}{\pi r_c} \right)}. \quad (176)$$

Если в пласте эллиптической формы работает  $n$  равноотстоящих друг от друга скважин, то дебит одной скважины определяется по формуле, предложенной В. Т. Мироненко:

$$Q = \frac{2\pi kh(p_k - p_c)sh\beta ch \frac{\beta x}{\sigma}}{\mu sh(n\beta) \left( Arsh \frac{L}{n\sigma} + \frac{1}{n} \ln \frac{\sigma}{\pi r_c} \right)}, \quad (177)$$

где  $\beta$  находится из уравнения

$$ch(2\beta) = 1 + \frac{\ln n}{(n-1) \ln \frac{\sigma}{r_c}}, \quad (178)$$

где  $x$  — координата центра скважины;  $\sigma$  — половина расстояния между скважинами.

#### **4.9. Приток жидкости к несовершенным скважинам при выполнении закона Дарси**

Скважина называется гидродинамически совершенной, если она вскрывает пласт на всю толщину и забой скважины открытый, т.е. вся вскрытая поверхность забоя является фильтрующей поверхностью. Поток жидкости к совершенной скважине — плоский фильтрационный поток.

Если скважина с открытым забоем вскрывает пласт не на всю толщину, а только на некоторую величину  $b$ , или если скважина сообщается с пластом через отдельные отверстия, то фильтрация жидкости или газа будет пространственной (трехмерной), а скважина — гидродинамически несовершенной.

Различают три вида несовершенства скважин:

1) скважина гидродинамически несовершенная по степени вскрытия пласта – это скважина с открытым забоем, вскрывшая пласт не на всю толщину;

2) скважина гидродинамически несовершенная по характеру вскрытия пласта – скважина, вскрывающая пласт от кровли до подошвы, но сообщающаяся с пластом через отверстия в колонне труб, в цементном кольце или в специальном фильтре;

3) скважина гидродинамически несовершенная как по степени вскрытия пласта, так и по характеру вскрытия.

Дебит скважины, несовершенной по степени вскрытия, можно определить по формуле М. Маскета, если радиус пласта  $R_k \geq \frac{1}{2}h$ ,

$$Q = \frac{2\pi kh}{\mu} \frac{p_k - p_c}{\xi}, \quad (179)$$

где

$$\xi = \frac{1}{2\bar{h}} \left[ 2 \ln \frac{4h}{r_c} - \varphi(\bar{h}) \right] - \ln \frac{4h}{R_k} \quad (180)$$

и относительное вскрытие пласта  $\bar{h} = b/h$ .

Функция  $\varphi(\bar{h})$  имеет следующее аналитическое выражение:

$$\varphi(\bar{h}) = \ln \frac{\Gamma(0,875\bar{h}) \cdot \Gamma(0,125\bar{h})}{\Gamma(1-0,875\bar{h}) \cdot \Gamma(1-0,125\bar{h})}, \quad (181)$$

где  $\Gamma$  – интеграл Эйлера второго рода или иначе, гамма-функция, для которой имеются таблицы в математических справочниках;  $\varphi(\bar{h})$  представлена графически на рис. 25.

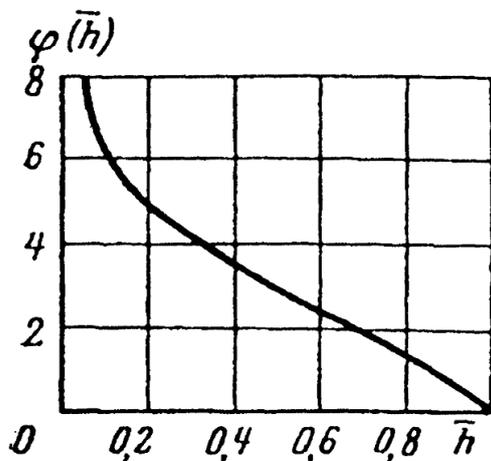


Рис. 25

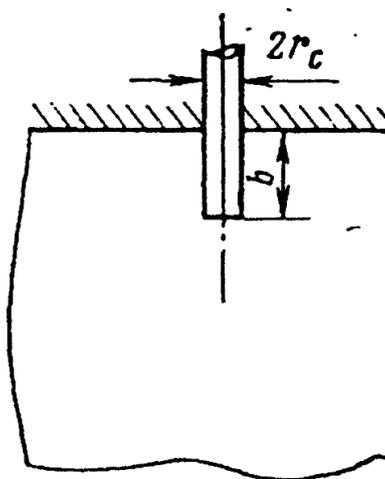


Рис. 26

Для скважины в пласте бесконечной толщины (рис. 26) можно найти дебит при помощи формулы Н. К. Гиринского

$$Q = \frac{2\pi k b}{\mu} \frac{p_k - p_c}{\ln \frac{1,6b}{r_c}} \quad (182)$$

Дебит скважины гидродинамически несовершенной как по степени, так и по характеру вскрытия пласта можно подсчитать по формуле

$$Q = \frac{2\pi k h (p_k - p_c)}{\mu \left( \ln \frac{R_k}{r_c} + C_1 + C_2 \right)}, \quad (183)$$

где  $C_1$  – безразмерная величина, определяющая дополнительное фильтрационное сопротивление, обусловленное несовершенством скважины по степени вскрытия пласта;  $C_2$  – безразмерная величина, определяющая дополнительное фильтрационное сопротивление, вызванное несовершенством скважины по характеру вскрытия пласта. Коэффициенты  $C_1$  и  $C_2$  находятся из графиков В. И. Щурова, построенных по данным исследования притока жидкости к скважинам с двойным видом несовершенства на электролитических моделях.

Величина  $C_1$  представлена на рис. 27 в зависимости от параметров  $a = h/D_c$  и  $\bar{h} = b/h$ .

На рис. 28, 29, 30 дана зависимость  $C_2$  от трех параметров:

$$nD_c, \quad l = l'/D_c \quad \text{и} \quad \alpha = d_0/D_c$$

где  $n$  – число перфорационных отверстий на 1 м;  $D_c$  – диаметр скважины в м;  $l'$  – глубина проникновения пуль в породу в м;  $d_0$  – диаметр отверстий в м.

Соответствие между кривыми и значениями параметра  $\alpha = d_0/D_c$  видно из следующих данных:

Номер кривой	1	2	3	4	5	6	7
$\alpha$ . . . . .	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09

Формулу (183) можно записать иначе, введя в нее приведенный радиус скважины, т.е. радиус такой совершенной скважины, дебит которой равен дебиту несовершенной скважины,

$$Q = \frac{2\pi k h (p_k - p_c)}{\mu \ln \frac{R_k}{r_c}} \quad (184)$$

Иногда гидродинамическое несовершенство скважин учитывается при помощи коэффициента совершенства скважины:

$$\lambda = \frac{Q}{Q_{сов}}, \quad (185)$$

где  $Q$  – дебит несовершенной скважины;  $Q_{сов}$  – дебит совершенной скважины в тех же условиях.

Коэффициент совершенства скважины  $\lambda$  и величина  $C = C_1 + C_2$  связаны между собой зависимостью

$$\lambda = \frac{\ln \frac{R_k}{r_c}}{\ln \frac{R_k}{r_c} + C}. \quad (186)$$

или

$$C = \left( \frac{1}{\delta} - 1 \right) \ln \frac{R_k}{r_c}. \quad (187)$$

В литературе приводятся графики  $\delta$ , которые можно использовать для оценки  $C$ .

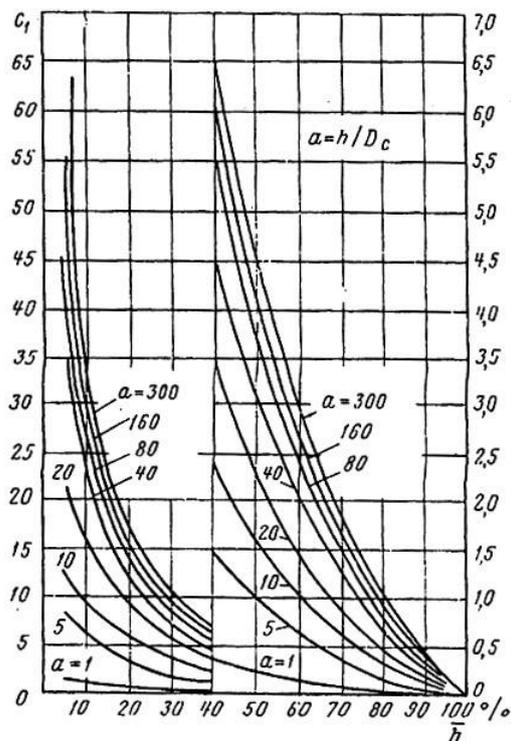


Рис. 27

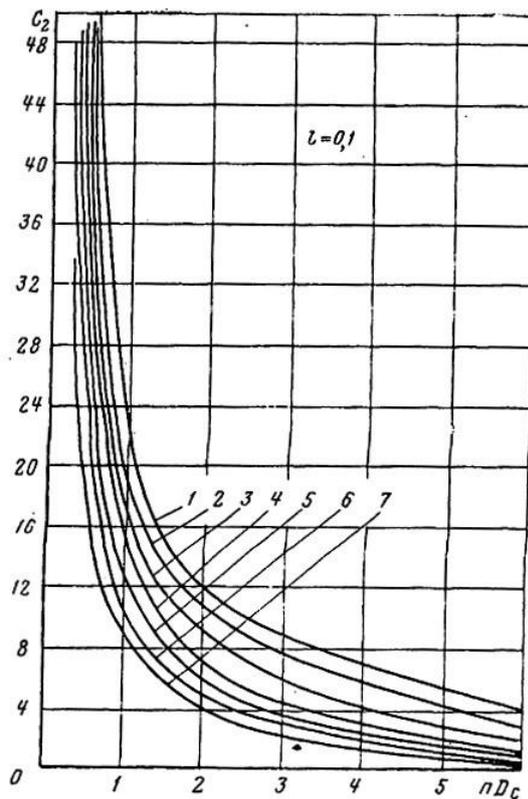


Рис. 28

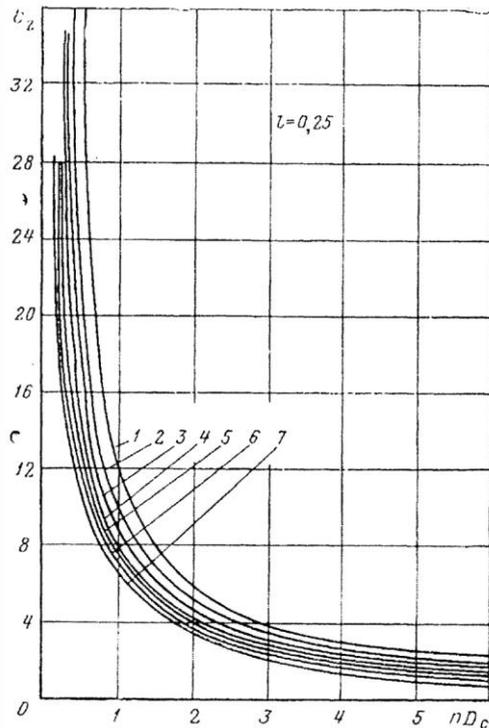


Рис. 29

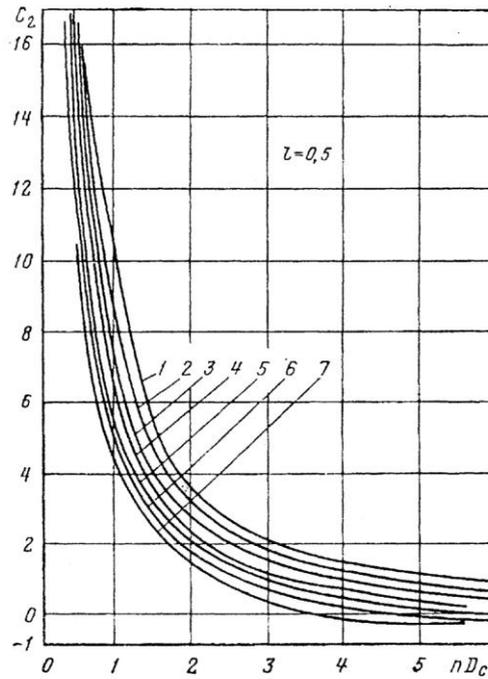


Рис. 30

#### 4.10. Установившаяся фильтрация жидкости и газа в деформируемом трещиноватом пласте

Принимая зависимость проницаемости трещин  $k_T$  от давления по формуле (10) и считая вязкость жидкости постоянной, получим выражения для дебита

$$Q = \frac{2\pi k_{m0} h (p_k - p_c) \left[ 1 - \frac{\alpha}{2} (p_k - p_c) \right]}{\mu \ln \frac{R_k}{r_c}} \quad (188)$$

и распределения давления

$$p = p_k - \frac{1}{\alpha} \left[ 1 - \sqrt{1 - \frac{2\alpha (p_k - p_c) \left[ 1 - \frac{\alpha}{2} (p_k - p_c) \right]}{\ln \frac{R_k}{r_c}} \ln \frac{R_k}{r}} \right], \quad (189)$$

где  $Q$  – дебит скважины,  $h$  – толщина пласта,  $p_k$  – давление на контуре питания скважины,  $p_c$  – давление на забое скважины,  $p$  – давление в данной точке,  $R_k$  – радиус контура питания скважины,  $r_c$  – радиус скважины,  $r$  – расстояние от скважины до точки в зоне её дренирования. Остальные обозначения указаны в п. 2.1 и п. 4.1.

Если зависимость коэффициента проницаемости  $k_m$  от давления брать в виде (9), то дебит

$$Q = \frac{\pi k_{m0} h \left\{ 1 - [1 - \beta(p_k - p_c)]^4 \right\}}{2\mu\beta \ln \frac{R_k}{r_c}}, \quad (190)$$

давление

$$p = p_k - \frac{1 - \sqrt[4]{1 - \left\{ 1 - [1 - \beta(p_k - p_c)]^4 \right\} \frac{\ln R_k / r}{\ln R_k / r_c}}}{\beta}, \quad (191)$$

а закон движения частицы жидкости вдоль траектории описывается формулой

$$t = \frac{2m_m (r_0^2 - r^2) \mu \beta \ln R_k / r_c}{k_{m0} \left\{ 1 - [1 - \beta(p_k - p_c)]^4 \right\}}, \quad (192)$$

где  $r_0$  – координата точки в начальный момент времени ( $t = 0$ ).

Решение задачи об установившейся плоскорадиальной фильтрации идеального газа в деформируемом трещиноватом пласте при выполнении зависимости (9) приводит к формуле приведенного к атмосферному давлению объемного дебита газа

$$Q_{am} = \frac{\pi k_{m0} h}{2\mu\beta p_{am} \ln R_k / r_c} \times \left\{ \left[ p_k - p_c (1 - \beta(p_k - p_c))^4 \right] - \frac{1}{5\beta} \left[ 1 - (1 - \beta(p_k - p_c))^5 \right] \right\}. \quad (193)$$

Для того чтобы найти распределение давления в пласте при известном  $Q_{am}$ , можно, задаваясь рядом значений  $p < p_k$  и находить по (194) соответствующие значения  $r$ .

#### 4.11. Гидродинамические методы исследований

В общем комплексе способов исследования скважин и пластов особое значение имеют гидродинамические методы — основа всей системы контроля за процессами разработки нефтяных и газовых месторождений.

Геолого-геофизическими и лабораторными методами в основном определяются горногеометрические характеристики пластов и залежей, а также физико-химические свойства насыщающих продуктивные пласты жидкостей и газов. Этими же методами можно определять некоторые параметры, характеризующие коллекторские свойства пластов, например, пористость, сжимаемость пласта, проницаемость.

Однако данные о коллекторских свойствах пластов, получаемые таким путем, имеют случайный характер, так как они определяются лишь по небольшим образцам отобранных пород или по зонам незначительных размеров, расположенных в непосредственной близости от ствола скважины. Поэтому в каждом отдельном случае полученные данные могут значительно отличаться от средних значений параметров в районе скважины или между ними. Вот почему с помощью только одних этих методов крайне затруднительно, а порой и невозможно построить достоверную картину распределения неоднородностей пласта, установить формы и размеры непроницаемых границ и включений, определить коэффициенты продуктивности, пьезопроводности и гидропроводности скважин, изучить профили распределения притоков и поглощений по разрезу и т.д.

Существующие геофизические методы (дебитометрия, шумометрия, термометрия и др.) неприемлемы в большинстве скважин из-за особенностей забойного оборудования.

В то же время применение гидродинамических методов в исследованиях позволяет с более высокой точностью определять не только ряд необходимых характеристик пласта и скважин, но и оценивать средние значения основных параметров пласта на сравнительно больших площадях.

В определенном смысле можно сказать, что в отличие от многих других методов, позволяющих получить статистические характеристики отдельных точек пласта, с помощью гидродинамических методов получают более достоверную статистическую и динамическую картины строения пласта и хода процесса его выработки. Особое значение приобретают эти методы на стадии промышленной эксплуатации залежи, так как на основании данных гидродинамических исследований можно оценить распределение текущей нефтенасыщенности, определить профили притоков, продвижение контуров нефтеносности, распределение давлений и т.д. Гидродинамические методы исследования скважин позволяют также оценить эффективность мероприятий по интенсификации добычи нефти.

Таким образом, современные гидродинамические методы исследования дают возможность получить по промысловым данным важнейшие параметры пласта, на основании которых проектируются системы разработки месторождений, регулируется процесс добычи нефти и анализируется эффективность разработки объектов.

Непосредственно с помощью гидродинамических методов определяется следующий комплекс параметров: коэффициент продуктивности (для эксплуатационных скважин) или коэффициент приемистости (для

нагнетательных скважин), гидропроводность пласта, пьезопроводность пласта, комплекс параметров  $\frac{\chi}{r_0^2}$  ( $r_0$  – приведенный радиус скважины,  $\chi$  – коэффициент пьезопроводности пласта).

При изменении режима работы скважины происходит процесс перераспределения давлений по пласту, продолжительность которого зависит от многих факторов: величины пластового давления, геометрических размеров продуктивного пласта, его проницаемости, вязкости пластовой жидкости и т.д.

Исследования скважин и пласта проводятся как в случае неустановившихся процессов фильтрации, так и при условно установившихся процессах. В зависимости от этого различают две группы гидродинамических методов исследования при установившихся и при неустановившихся режимах работы скважин.

#### **4.11.1. Обработка результатов гидродинамических исследований на установившихся режимах**

Сущность метода исследования скважин при установившихся процессах фильтрации состоит в нахождении зависимости дебита от величины депрессии пластового давления на забое скважины, т.е. разности между пластовым и забойным давлениями, путем последовательного изменения режима работы скважины и измерения при этом установившихся значений забойных давлений и соответствующих им значений дебитов нефти, воды, газа. По построенному графику, называемому индикаторной линией, расчетным путем определяют продуктивность скважины, параметры пласта и параметры, характеризующие состояние ПЗП (призабойную зону пласта).

Эффективность эксплуатации месторождения во многом определяется продуктивной характеристикой скважин. Поэтому особое внимание уделяется оценке состояния ПЗП и установлению оптимального технологического режима работы скважин.

Отклонение эксплуатационных режимов от оптимальных приводит к существенным осложнениям при эксплуатации скважин: ограничению отбора пластового флюида из скважины; образованию песчаных пробок; выносу песка и воды.

Исходной информацией для оценки состояния ПЗП и установления оптимальных режимов работы скважин являются данные геофизических и гидродинамических исследований.

Интерпретация этих данных представляет определенные трудности, особенно в условиях слабоустойчивых терригенных коллекторов, склонных к пескопроявлению, тем более что существующие конструкции забойного

оборудования эксплуатационных скважин не позволяют оценить состояние фильтровой части геофизическими методами исследований скважин.

Разработанные за последние время методы исследований скважин и пластов при установившихся режимах эксплуатации имеют ограниченность применения в части: определения фильтрационных характеристик пласта; оценки состояния ПЗП; оценки состояния фильтровой части скважины; выявления динамики фильтрационных характеристик пласта и продуктивности скважин; количественной оценки критических дебитов скважин в условиях выноса песка и пластовой воды, а также режимов энергосбережения.

### **Обработка результатов исследований.**

Уравнение притока к забою скважины при нелинейном законе фильтрации имеет вид:

- для жидкости

$$P_{ПЛ} - P_{ЗАБ} = AQ + BQ^2; \quad (194)$$

- для газа

$$P_{ПЛ}^2 - P_{ЗАБ}^2 = AQ + BQ^2, \quad (195)$$

где  $P_{ПЛ}$  – пластовое давление;  $P_{ЗАБ}$  – давление на забое работающей скважины;  $Q$  – дебит жидкости (газа) при стандартных условиях;  $A$ ,  $B$  – коэффициенты фильтрационного сопротивления.

Уравнения (194), (195) записывают также в виде:

- для жидкости

$$\Delta P_{ПЛ} = AQ + BQ^2; \quad (196)$$

- для газа

$$\Delta P_{ПЛ}^2 = AQ + BQ^2, \quad (197)$$

где для жидкости  $\Delta P_{ПЛ} = P_{ПЛ} - P_{ЗАБ}$  и соответственно для газа  $\Delta P_{ПЛ}^2 = P_{ПЛ}^2 - P_{ЗАБ}^2$ .

Графическое изображение уравнений (196) и (197) в координатах  $\Delta P_{ПЛ} - Q$ , или, соответственно  $\Delta P_{ПЛ}^2 - Q$  называют индикаторной линией. Стандартная индикаторная линия, например, для газа имеет вид квадратичной параболы, выходящей из начала координат с положительными значениями коэффициентов  $A$ ,  $B$ .

В промышленной практике форма индикаторной линии может существенно отличаться от стандартной в силу ряда причин геологического, технологического и технического характера.

К геологическим факторам, искажающим форму индикаторной линии, следует отнести, в первую очередь, анизотропию пласта-коллектора, а также наличие низкопроницаемых сред и тектонических нарушений.

Перенос из пласта к скважине глинистых частиц и мелких фракций песка, а также поступление пластовой воды, накопление на забое скважины и вынос на поверхность песка и воды определяют технологические факторы.

Из технических факторов следует отметить конструкцию забоя скважины и забойного оборудования, а также технические средства для замера дебита скважины и давления.

Типовые индикаторные линии (для газа), выявленные по данным исследований, приведены в таблице 7.

Поскольку исследования при стационарных режимах фильтрации дают информацию о состоянии призабойной зоны пласта, эти исследования необходимо проводить при умеренных дебитах скважины, по возможности, исключая проявление отрицательных факторов.

Определение пластового давления связано обычно с некоторыми трудностями. Согласно принятой физической модели стационарной фильтрации газа пластовое давление при всех режимах исследования принимается постоянным и равным давлению на границе области влияния исследуемой скважины. Фактически же при работе группы скважин пластовое давление зависит от степени их взаимодействия и изменяется в той или иной мере от режима к режиму. Поэтому по результатам исследований определяется некоторое условное значение пластового давления.

По формулам (194) и (195) следует, что пластовое давление равно забойному давлению при дебите газа равном нулю, т.е. давлению на забое остановленной (закрытой) скважины. В пластах с высокой проницаемостью и малой степенью анизотропии это условие в большинстве случаев выполняется (схемы а, г, д). В условиях значительной анизотропии и низкопроницаемых сред пластовое давление, определенное по давлению на забое остановленной скважины, может быть либо заниженным (недовосстановление), либо завышенным (схемы б и в, соответственно). В этом случае определяется условное пластовое давление по одному из изложенных ниже способов.

1. Строится гидравлическая характеристика пласта в координатах  $P_{ЗАБ} - Q$  или  $P_{ЗАБ}^2 - Q$  и методом графической экстраполяции кривой до оси ординат определяется условное пластовое давление  $P_{УСЛ}$  или  $P_{УСЛ}^2$ .

Данные исследования обрабатываются по уравнению:

- для жидкости

$$P_{УСЛ} - P_{ЗАБ} = A Q + B Q^2; \quad (198)$$

- для газа

$$P_{УСЛ}^2 - P_{ЗАБ}^2 = A Q + B Q^2; \quad (199)$$

2. Используя значение замеренного пластового давления, строят графическую зависимость для жидкости  $\Delta P_{ПЛ} = f(Q)$  или для газа  $\Delta P_{ПЛ}^2 = f(Q)$ , и методом графической экстраполяции до оси ординат определяют отрезок  $C$ . В дальнейшем при обработке данных исследований используют уравнение:

- для жидкости

$$P_{ПЛ} - P_{ЗАБ} = A Q + B Q^2 + C; \quad (200)$$

- для газа

$$P_{ПЛ}^2 - P_{ЗАБ}^2 = A Q + B Q^2 + C, \quad (201)$$

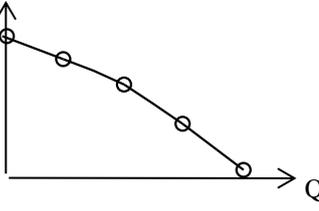
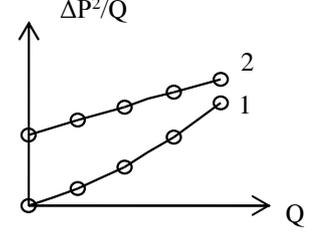
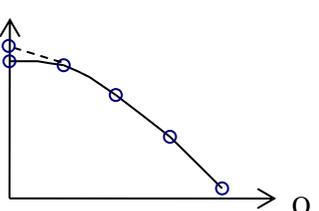
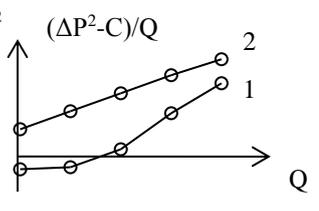
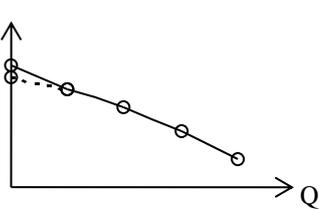
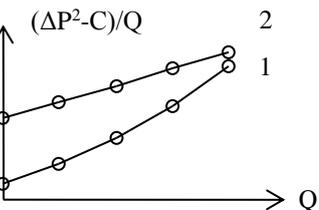
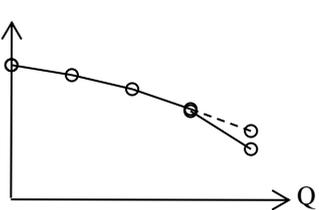
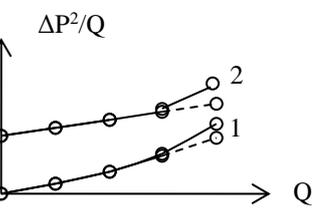
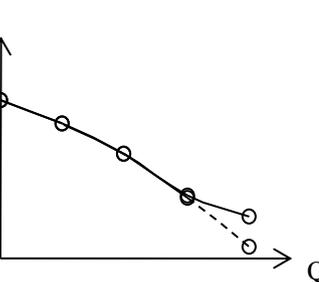
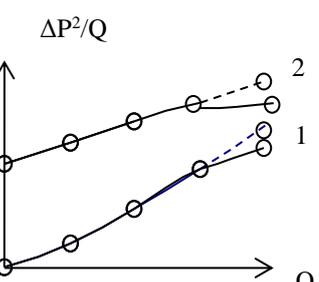
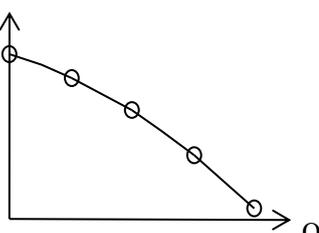
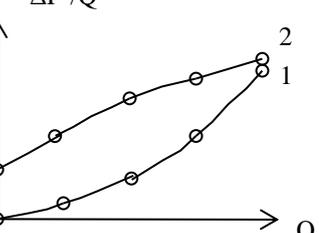
при этом условное пластовое давление равно

$$P_{УСЛ} = P_{ПЛ} - C, \quad (202)$$

или

$$P_{УСЛ} = \sqrt{P_{ПЛ}^2 - C}. \quad (203)$$

## Типовые гидравлические характеристики пласта

	Гидравлическая характеристика	Индикаторная линия	Возможные причины аномалии
			Стандартная индикаторная линия 1. - $\Delta P^2 - Q$ 2. - $\Delta P^2 / Q - Q$
			Занижено пластовое давление ( $C < 0$ )
			Завышено пластовое давление ( $C > 0$ )
			Кольматация каналов фильтрации, вынос песка
			Включение новых каналов фильтрации, очистка ПЗП и скважины
			Работает 2 пласта и более

Коэффициент  $C$  учитывает недостаточность стабилизации пластового и забойного давлений, а также наличие жидкости на забое скважины. Обычно коэффициент  $C$  определяется методом экстраполяции индикаторной линии до оси ординат. Возможны положительные и отрицательные значения этого коэффициента. Анализ обширного материала по исследованию газовых скважин позволяет выявить несколько причин появления коэффициента  $C$ : недостаточная степень стабилизации давления; использование данных по пластовому давлению, полученных при предыдущих исследованиях (нередко годичной давности); использование данных по пластовому давлению, определенных по кривой восстановления давления методами Хорнера (для пластов с низким коэффициентом проницаемости).

3. Условное пластовое давление рассчитывается с использованием метода наименьших квадратов.

Решается система линейных уравнений (на ЭВМ по стандартной программе):

- для жидкости

$$P_{ЗАБ} = P_{УСЛ_i} - A Q_i - B Q_i^2, \quad (204)$$

или

- для газа

$$P_{ЗАБ}^2 = P_{УСЛ_i}^2 - A Q_i - B Q_i^2, \quad (205)$$

где  $i = 1, 2, 3, \dots, n$ ;  $n$  – число режимных точек, откуда определяются все искомые параметры  $P_{УСЛ}$ ,  $A$  и  $B$ .

Метод наименьших квадратов (формализованный по своей сути) сглаживает индикаторную линию, приводит ее к параболическому виду, исключая возможные отклонения за счет различного рода физических процессов (разрушение пласта, прорыв пластовой воды, подключение неработающих интервалов и др.). Поэтому, перед расчетом необходимо выявить аномалии и отбраковать режимы на конечных участках индикаторной линии (схемы  $z$  и  $d$ ). Расчет по (204) или (205), с другой стороны, позволяет оценить степень стабилизации пластового давления при остановке скважины.

Коэффициенты фильтрационного сопротивления  $A$  и  $B$  могут быть определены также графоаналитическим методом обработки индикаторной линии. В этом случае при найденном значении условного пластового давления строится графическая зависимость для жидкости  $\Delta P_{ПЛ} / Q = f(Q)$  или для газа

$\Delta P_{пл}^2 / Q = f(Q)$  . Отрезок, отсекаемый на оси ординат, дает значение коэффициента  $A$ , а тангенс угла наклона прямой линии к оси абсцисс – значение коэффициента  $B$ .

### Диагностика состояния призабойной зоны пласта.

Качество диагностики скважин во многом определяется достоверностью используемых физических и математических моделей, процессов, протекающих в пласте при фильтрации нефти (газа), а также методологией постановки гидромеханических исследований и интерпретацией полученных результатов.

В основу разработки методики диагностики положены проведенные нами исследования по переоценке представлений об информативности коэффициентов фильтрационных сопротивлений, входящих в уравнение притока.

Диагностика выполняется на основе анализа коэффициентов фильтрационного сопротивления.

Теоретические значения коэффициентов  $A$  и  $B$  для случая плоско-радиальной фильтрации нефти (газа) с учетом гидродинамического несовершенства скважины по степени и по характеру вскрытия пласта рассчитываются по формулам:

- для жидкости

$$A = \frac{\mu \cdot 10^{-9}}{2\pi \cdot K \cdot h \cdot 86,4} \cdot \left( \ln \frac{R_K}{r_C} + C_1 + C_2 \right); \quad (206)$$

$$B = \frac{\beta \cdot \rho_{СТ} \cdot 10^{-12}}{\sqrt{K} \cdot (2\pi h)^2 \cdot 86,4^2} \cdot \left( \frac{1}{r_C} - \frac{1}{R_K} + C_1' + C_2' \right); \quad (207)$$

- для газа

$$A = \frac{\mu \cdot Z \cdot T_{пл} \cdot P_{СТ} \cdot 10^{-12}}{\pi \cdot K \cdot h \cdot T_{СТ} \cdot 86,4} \cdot \left( \ln \frac{R_K}{r_C} + C_1 + C_2 \right); \quad (208)$$

$$B = \frac{\beta \cdot \rho_{СТ} \cdot Z \cdot T_{пл} \cdot P_{СТ} \cdot 10^{-12}}{\sqrt{K} \cdot 2 \cdot \pi^2 \cdot h^2 \cdot T_{СТ} \cdot 86,4^2} \cdot \left( \frac{1}{r_C} - \frac{1}{R_K} + C_1' + C_2' \right), \quad (209)$$

где  $\mu$  – коэффициент динамической вязкости газа,  $Па \cdot с$ ;  $\rho_{СТ}$  – плотность газа при стандартных условиях,  $кг/м^3$ ;  $Z$  – коэффициент сверхсжимаемости газа;  $T_{пл}$  – средняя температура в пласте;  $P_{СТ}$  – стандартное давление,  $P_{СТ} = 0,1 МПа$ ;  $T_{СТ}$  – стандартная температура,  $T_{СТ} = 293 K$ ;  $K$  – коэффициент проницаемости,  $м^2$ ;  $h$  – эффективная толщина пласта,  $м$ ;  $R_K$  – радиус контура питания,  $м$ ;  $r_C$  – радиус скважины,  $м$ ;  $C$  и  $C_1'$  – коэффициенты гидродинамического

несовершенства скважины по степени вскрытия пласта;  $C_2$  и  $C_2'$  – коэффициенты гидродинамического несовершенства скважины по характеру вскрытия пласта;  $\beta$  – коэффициент, учитывающий извилистость поровых каналов.

Радиус контура питания  $R_K$  при работе группы скважин принимается равным половине расстояния между скважинами. Радиус скважины  $r_C$  принимается равным радиусу скважины по долоту, когда открытый забой или перекрыт перфорированной колонной, или радиусу фильтра (каркаса фильтра).

Коэффициенты  $C_1$  и  $C_1'$  рассчитываются по формулам:

$$C_1 = \frac{1}{\delta} \ln \delta + \frac{1-\delta}{\delta} \ln \left( \frac{h}{R_1} \right); \quad (210)$$

$$C_1' = \left( \frac{1}{\delta^2} - 1 \right) \cdot \frac{1}{R_1}, \quad (211)$$

где  $\delta$  – степень вскрытия пласта,  $\delta = \frac{b}{h}$ ;  $b$  – глубина, на которую вскрыт пласт;

$R_1$  – радиус зоны, в которой сказывается влияние отверстия перфорации ( $R_1 = 3r_C$ ); в открытом стволе или при наличии фильтра –  $R_1 = r_C$ .

Формулы (210) и (211) являются приближенными, для уточнения этих формул (при малых значениях  $\delta$ ) рассмотрим модель по определению коэффициентов несовершенства скважины.

Используем уравнение фильтрации Дарси:

$$\frac{dp}{dr} = \frac{\mu w}{k}. \quad (212)$$

Скорость фильтрации выразим в виде:

$$w = \frac{Q_0 P_0 T Z}{2\pi r h_r T_0 P}. \quad (213)$$

Тогда уравнение (212) примет вид:

$$\frac{dp}{dr} = C^* \frac{1}{r h_r P} \quad (214)$$

или

$$P dP = C^* \frac{dr}{r h_r}, \quad (215)$$

где  $C^*$  – параметр, не зависящий от координат линий тока,

$$C^* = \frac{\mu Q_0 P_0 T Z}{2\pi k T_0}; \quad (216)$$

Проинтегрируем уравнение (215):

$$\int_{P_C}^{P_K} P dP = C^* \int_{r_C}^{R_K} \frac{dr}{rh_r} \quad (217)$$

или

$$\int_{P_C}^{P_K} P dP = C^* I_1, \quad (218)$$

где

$$I_1 = \int_{r_C}^{R_K} \frac{dr}{rh_r} = \int_{R_2}^{R_R} \frac{dr}{rh} + \int_{R_1}^{R_2} \frac{dr}{rh_r} + \int_{r_C}^{R_1} \frac{dr}{rb}. \quad (219)$$

Здесь  $h_r$  – эффективная толщина пласта, зависящая от радиуса фильтрации,

$$h_r = C_1^* + C_2^* r, \quad (220)$$

$$C_1^* = b - R_1 \frac{h-b}{R_2 - R_1}, \quad (221)$$

$$C_2^* = \frac{h-b}{R_2 - R_1}, \quad (222)$$

$$R_1 = ar_C, \quad R_2 = h. \quad (223)$$

После интегрирования уравнений (219) получаем

$$I_1 = \frac{1}{h} \left( \ln \frac{R_K}{r_C} + C_1 \right), \quad (224)$$

где

$$C_1 = \frac{1}{\delta - \frac{R_1}{h}} \cdot \ln \frac{\delta \cdot h}{R_1} + \frac{1}{\delta} \cdot \ln \frac{R_1}{r_C} - \ln \frac{h}{r_C}. \quad (225)$$

Ниже (рис. 31) показана зависимость коэффициента гидродинамического несовершенства скважины по степени вскрытия пласта  $C_1$  от степени вскрытия  $\delta$ , определенные по формулам (210) и (225), где наглядно видно преимущество формулы (225) для определения  $C_1$  – при малых значения  $\delta$ .

Таким образом, коэффициенты  $C_1$  и  $C'_1$  рассчитываются по формулам:

$$C_1 = \frac{1}{\delta - \frac{R_1}{h}} \cdot \ln \frac{\delta \cdot h}{R_1} + \frac{1}{\delta} \cdot \ln \frac{R_1}{r_c} - \ln \frac{h}{r_c}; \quad (226)$$

$$C'_1 = \left(\frac{1}{\delta^2} - 1\right) \cdot \frac{1}{R_1}. \quad (227)$$

Коэффициенты  $C_2$  и  $C'_2$  рассчитываются при перфорированной колонне по формулам:

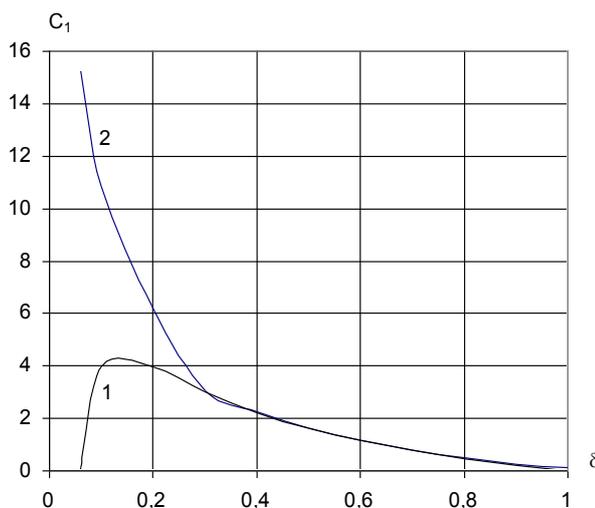


Рис. 31. Зависимость коэффициента гидродинамического несовершенства скважины по степени вскрытия пласта от степени вскрытия:

1 – по формуле (210); 2 – по формуле (225)

$$C_2 = \frac{1}{n \cdot R_1^2}; \quad (228)$$

$$C'_2 = \frac{1}{3 \cdot n^2 \cdot l^3}, \quad (229)$$

где  $n$  – число перфорационных отверстий на 1 п.м. толщины пласта;  $l$  – длина перфорационного канала (при пулевой перфорации  $l = 0,1$  м, при кумулятивной перфорации  $l = 0,2$  м).

При открытом забое и при наличии фильтра  $C_2 = 0$ ,  $C'_2 = 0$ . Предельным случаем фильтрации к гидродинамически несовершенной скважине по степени вскрытия пласта (полная кольматация фильтра, работает одно или несколько отверстий, промытых потоком газа) является радиально-сферическая фильтрация. При этом коэффициенты  $A$  и  $B$  равны:

$$A = \frac{m_1 \cdot \mu \cdot Z \cdot T_{пл} \cdot P_{СТ} \cdot 10^{-12}}{2 \cdot \pi \cdot k \cdot T_{СТ} \cdot 86,4} \cdot \left( \frac{1}{r_c} - \frac{1}{R_K} \right); \quad (230)$$

$$B = \frac{m_1^2 \cdot \beta \cdot \rho_{СТ} \cdot Z \cdot T_{пл} \cdot P_{СТ} \cdot 10^{-12}}{24 \cdot \pi^2 \cdot \sqrt{k} \cdot T_{СТ} \cdot 86,4^2} \cdot \left( \frac{1}{r_c^3} - \frac{1}{R_K^3} \right), \quad (231)$$

где  $m_1$  – коэффициент, учитывающий геометрию фильтрационного потока;  $m_1 = 1$  – сферическая фильтрация;  $m_1 = 2$  – полусферическая фильтрация.

Размерность коэффициентов фильтрационного сопротивления:

для жидкости

для газа

$$A = \text{МПа} / (\text{м}^3 / \text{сут});$$

$$A = \text{МПа}^2 / (\text{тыс.ст.м}^3 / \text{сут});$$

$$B = \text{МПа} / (\text{м}^3 / \text{сут})^2;$$

$$B = \text{МПа}^2 / (\text{тыс.ст.м}^3 / \text{сут})^2.$$

Совместный анализ двух коэффициентов ( $A$  и  $B$ ) позволяет определить две неизвестные величины ( $K$  и  $\delta$ ).

Обозначим:

- для жидкости

$$a = \frac{\mu \cdot 10^{-9}}{2\pi \cdot 86,4} \cdot \ln \frac{R_K}{r_c}, \quad (232)$$

$$b = \frac{\beta \cdot \rho_{СТ} \cdot 10^{-12}}{(2\pi)^2 \cdot 86,4^2} \cdot \left( \frac{1}{r_c} - \frac{1}{R_K} \right), \quad (233)$$

- для газа

$$a = \frac{\mu \cdot Z \cdot T_{пл} \cdot P_{СТ} \cdot 10^{-12}}{\pi \cdot T_{СТ} \cdot 86,4} \cdot \ln \frac{R_K}{r_c}, \quad (234)$$

$$b = \frac{\beta \cdot \rho_{СТ} \cdot Z \cdot T_{пл} \cdot P_{СТ} \cdot 10^{-12}}{2 \cdot \pi^2 \cdot T_{СТ} \cdot 86,4^2} \cdot \left( \frac{1}{r_c} - \frac{1}{R_K} \right), \quad (235)$$

где  $a$  и  $b$  – коэффициенты, учитывающие физические свойства пластовой жидкости;

$$f_1(\delta) = 1 + \frac{C_1 + C_2}{\ln \frac{R_K}{r_c}}, \quad (236)$$

$$f_2(\delta) = 1 + \frac{C'_1 + C'_2}{\frac{1}{r_c} - \frac{1}{R_K}}, \quad (237)$$

где  $\delta$  – степень вскрытия пласта;  $f_1(\delta)$  и  $f_2(\delta)$  – функции гидродинамического несовершенства скважины.

Тогда формулы (206) и (207) или (208) и (209) принимают вид:

$$A = \frac{a}{k \cdot h} \cdot f_1(\delta), \quad (238)$$

$$B = \frac{b}{\sqrt{k} \cdot h^2} \cdot f_2(\delta). \quad (239)$$

Рассмотрим два предельных случая:

1) Пласт условно изотропный, скважина гидродинамически несовершенна по степени вскрытия пласта.

Из совместного решения (238) и (239) получаем:

$$f(\delta) = \frac{b^2}{a \cdot h^3} \frac{A_\phi}{B_\phi^2}, \quad (240)$$

где  $f(\delta) = f_1(\delta) / f_2^2(\delta)$ .  $A_\phi$  и  $B_\phi$  – фактические значения коэффициентов фильтрационного сопротивления, полученные по результатам исследования.

Используя приближенные методы вычисления, определяем степень вскрытия пласта  $\delta_\phi$ . Тогда вскрытая толщина пласта, фактически участвующая в фильтрации, равна:

$$h_\phi = \delta_\phi \cdot h, \quad (241)$$

а фактический коэффициент проницаемости:

$$k_\phi = \frac{a}{A_\phi \cdot h} \cdot f_1(\delta_\phi). \quad (242)$$

2) Пласт вскрыт полностью, но имеет выраженную слоистость с высокой степенью анизотропии.

В этом случае  $C_1 = 0$ ;  $C_1' = 0$ ;  $f(\delta) = const$ . Тогда фактическая толщина пласта, участвующая в фильтрации, равна:

$$h_\phi = \sqrt[3]{\frac{b^2}{a} \frac{A_\phi}{B_\phi^2}}, \quad (243)$$

а фактический коэффициент проницаемости:

$$k_\phi = \frac{a}{A_\phi \cdot h_\phi}. \quad (244)$$

#### 4.11.2. Методика обработки результатов исследований на неустановившихся режимах

##### Определение фильтрационных параметров пласта в области дренирования скважины методом КВД

Сущность метода исследований скважин при неустановившихся режимах заключается в изменении режима эксплуатации скважины и регистрации изменения забойного давления во времени. Уравнение изменения перепада давления во времени имеет вид

$$\Delta P(t) = \frac{Q \mu b_n}{4 \pi k h} \ln \frac{2,25 \chi}{r_{cn}^2} + \frac{Q \mu b_n}{4 \pi k h} \ln t, \quad (245)$$

или

$$\Delta P(t) = A + B \cdot \ln t, \quad (246)$$

где  $b_n$  – объемный коэффициент нефти;  $A = \frac{Q \cdot \mu \cdot b_n}{4 \cdot \pi \cdot k \cdot h} \ln \frac{2,25 \cdot \chi}{r_{cn}^2}$ ;  $B = \frac{Q \cdot \mu \cdot b_n}{4 \cdot \pi \cdot k \cdot h}$ .

##### Последовательность обработки результатов исследований

1. Спускают в скважину глубинный дифференциальный манометр.
2. Резко останавливают или пускают скважину в эксплуатацию.
3. Измеряют с помощью дифференциального манометра значения забойного давления во времени.
4. Определяют  $(P_{пл} - P_{забi}) = f(t_i)$ .
5. Строят график зависимости  $\Delta P = f(\ln t)$  (см. рис. 32).
6. Проводят обработку данных КВД:

$$B = \operatorname{tg} \beta = \frac{\Delta P_2 - \Delta P_1}{\ln t_2 - \ln t_1} = \frac{Q \cdot \mu \cdot b_n}{4 \cdot \pi \cdot k \cdot h} = \frac{Q \cdot b_n}{4 \cdot \pi \cdot \varepsilon} \quad (247)$$

- определяют гидропроводность пласта в объеме дренирования скважины:

$$\varepsilon = \frac{k \cdot h}{\mu} = \frac{Q \cdot b_n}{4 \cdot \pi \cdot B}; \quad (248)$$

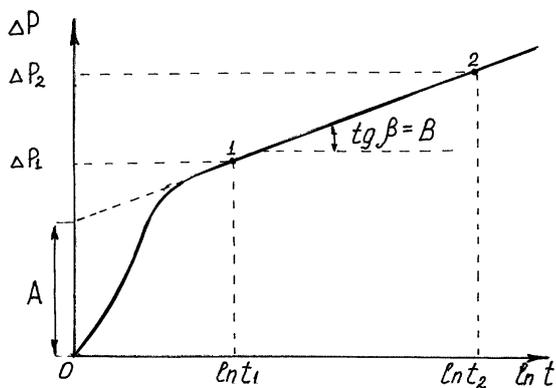


Рис. 32. Кривая восстановления давления

- определяют подвижность нефти в удаленной зоне пласта:

$$\frac{k}{\mu} = \frac{Qb_n}{4\pi Bh} \quad (249)$$

- определяют коэффициент проницаемости пласта в области дренирования скважины:

$$k = \frac{Q \cdot b_n \cdot \mu}{4 \cdot \pi \cdot B \cdot h} \quad (250)$$

$$A = \frac{Q \cdot b_n \cdot \mu}{4 \cdot \pi \cdot k \cdot h} \times \ln \frac{2,25 \cdot \chi}{r_c^2} - \text{отрезок прямой, отсекаемый на оси «}\Delta P\text{» при}$$

пересечении с прямой линией графика КВД (см. рис. 32);

- определяют приведенный радиус скважины, учитывающий гидродинамическое несовершенство скважины:

$$r_{c.\text{прив}} = \sqrt{\frac{2,25 \cdot \chi}{\frac{4 \cdot A \cdot \pi \cdot k \cdot h}{Q \cdot b_n \cdot \mu}}} \quad (251)$$

- определяют коэффициент пьезопроводности пласта в удаленной от скважины части пласта:

$$\chi = \frac{r_{c.\text{прив}}^2 \cdot e^{\frac{4 \cdot A \cdot \pi \cdot k \cdot h}{Q \cdot b_n \cdot \mu}}}{2,25} \quad (252)$$

### 4.11.3. Понятие о скин-факторе

*Призабойная зона пласта* — участок пласта, примыкающий к стволу скважины, в пределах которого в процессе добычи происходит наибольшее изменение давления ввиду увеличения гидродинамического сопротивления, связанного с изменением направления движения фильтрационных потоков, а также изменение фильтрационных характеристик продуктивного пласта в период строительства, эксплуатации или ремонта скважины.

При рассмотрении радиального движения жидкости в пористой среде обычно предполагается, что проницаемость одинакова по всей зоне дренирования: от внешних границ до вскрытой поверхности забоя скважины. Также обычно подразумевается, что радиус скважины точно измерен и постоянен по всей эффективной толщине пласта. Фактически же проницаемость в зоне пласта, приближенной к скважине и называемой призабойной, отличается от пластовой (зачастую в меньшую сторону) ввиду следующих причин:

1) Добывающие скважины:

- проникновение бурового раствора и блокировка поровых каналов;
- набухание глин при контакте с фильтратом бурового раствора;
- химическое осаждение – например, выпадение  $\text{CaCO}_3$  и  $\text{BaSO}_4$ ;
- продвижение песчаных частиц к стволу скважины;
- сжатие породы;
- повреждение породы при перфорации;
- отклонение от ламинарного течения (в основном в газовых скважинах).

2) Нагнетательные скважины:

- закупорка пласта из-за наличия твердых частиц в закачиваемой жидкости;
- изменение состояния глин при контакте с закачиваемой жидкостью;
- несовместимость закачиваемой жидкости с пластовым флюидом.

Конечно, существует ряд методов интенсификации притока, увеличивающих проницаемость ПЗП, например:

- соляно-кислотная обработка;
- гидравлический разрыв пласта и др.

В 1953 году Хёрст и Ван Эвердинген впервые описали явление изменения проницаемости призабойной зоны, обусловленное вскрытием пласта в процессе бурения и освоения скважины, которое ими было названо как скин-эффект. Количественное его выражение, которое используется при определении депрессии, затрачиваемой на преодоление скин-эффекта, было названо Ван Эвердингеном скин-фактором.

**Скин-фактор  $S$**  — это безразмерная величина, которая характеризует **потери перепада давления** на преодоление сопротивлений в призабойной зоне. Положительная величина скин-фактора означает ухудшение проницаемости, отрицательная — улучшение, нулевая — отсутствие дополнительных фильтрационных сопротивлений.

**Скин-эффект** — это дополнительный перепад давлений, который происходит в зоне пренебрежимо малой толщины вокруг скважины, где проницаемость ухудшилась, по существу являющийся дополнительной депрессией на пласт, можно выразить формулой:

$$\Delta P_{\text{скин}} = P'_{\text{заб}} - P_{\text{заб}}. \quad (253)$$

Тогда скин-фактор можно представить, как:

$$S = \frac{2\pi kh}{Q\mu B} \Delta P_{\text{скин}}, \quad (254)$$

где  $k$  — проницаемость,  $h$  — толщина пласта,  $Q$  — дебит скважины,  $\mu$  — динамическая вязкость жидкости,  $B$  — объемный коэффициент.

Скин-фактор – это параметр, который описывает последствия скин-эффекта, а сам скин-эффект – это явление, которое лежит в основе определения скин-фактора.

Используя концепцию скина как кольцеобразной зоны вокруг скважины с измененной проницаемостью, Хокинс вывел аналитическую формулу скин-фактора. Рассмотрим пласт мощностью  $h$  и проницаемостью  $k$  (рис. 33). Допустим, что в процессе технологической деятельности человека изменилась проницаемость в призабойной зоне ( $k_{ПЗП}$ ). Будем считать, что поврежденная зона радиусом  $r_{ПЗП}$  имеет одинаковую проницаемость  $k_{ПЗП}$  и что остальная часть пласта остается неповрежденной. Для обобщения допустим, что проницаемость в призабойной зоне ( $k_{ПЗП}$ ) меньше или больше, чем проницаемость в незагрязненной зоне ( $k$ ). Тогда скин-фактор будет равен:

$$S = \left( \frac{k}{k_{ПЗП}} - 1 \right) \ln \left( \frac{r_{ПЗП}}{r_{СКВ}} \right), \quad (255)$$

где  $k$  – проницаемость коллектора,  $k_{ПЗП}$  – проницаемость измененной зоны,  $r_{ПЗП}$  – радиус измененной зоны,  $r_{СКВ}$  – радиус скважины.

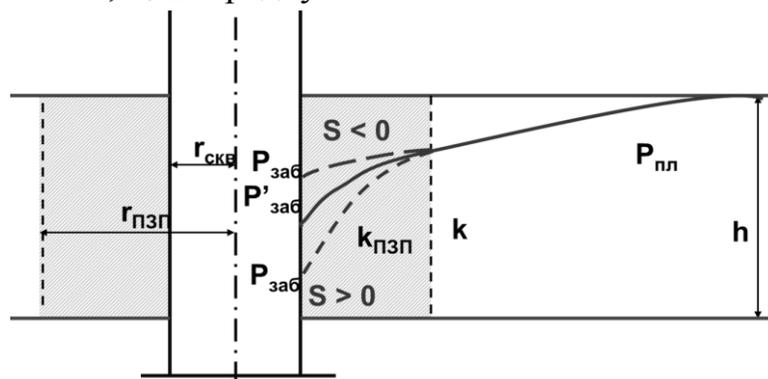


Рис. 33. К понятию скин-фактора

Формула (255) в литературе носит название формулы Хокинса.

С учетом скин-эффекта закон Дарси для радиальной фильтрации (формула Дюпюи) принимает следующий вид:

$$Q = \frac{2\pi kh}{\mu B \left[ \ln \left( \frac{r_{конт}}{r_{СКВ}} \right) + S \right]} (p_{пл} - p_{заб}), \quad (256)$$

где  $r_{конт}$  – радиус контура питания скважины.

Для скин-фактора справедливы следующие утверждения:

1) Скин-фактор положителен ( $S > 0$ ), если проницаемость ПЗП меньше проницаемости удаленной зоны пласта (имеет место повреждение ПЗП:  $k_{ПЗП} < k$ );

2) Скин-фактор отрицателен ( $S < 0$ ), если проницаемость ПЗП больше проницаемости удаленной зоны пласта (имеет место интенсификация добычи:  $k_{ПЗП} > k$ );

3) Скин-фактор равен нулю ( $S = 0$ ), если проницаемость ПЗП равна проницаемости удаленной зоны пласта ( $k_{ПЗП} = k$ ).

Для скин-фактора характерны следующие значения:

1)  $S > 0$  – *загрязнение ПЗП*:

- $S \approx 1-2$  – умеренное загрязнение ПЗП
- $S \approx 5$  – серьезное загрязнение ПЗП
- $S > 10$  – механические проблемы

2)  $S < 0$  – *интенсификация притока*:

- $S \approx -3$  – предел для кислотной обработки
- $S \approx -4$  – хороший ГРП
- $S \approx -5$  – фактический нижний предел

Определение величины скин-фактора  $S$  (его знака и численного значения) позволяет решать важные практические задачи:

- оценивать состояние призабойной зоны пласта в любой момент жизни скважины;

- ранжировать фонд скважин и выделять из них те, которые имеют ухудшенное состояние ПЗП;

- служить основой для планирования геолого-технических мероприятий (ГТМ), направленных на улучшение состояния ПЗП, увеличение дебитов скважин (установление очередности проведения ГТМ, выбор скважины и технологии проведения ГТМ);

- скин-фактор, определенный до и после проведения ГТМ, позволяет судить об эффективности ГТМ.

На практике скин-фактор определяется в ходе гидродинамических исследований на скважине.

Следует отметить, что в отечественной и зарубежной литературе понятие скин-фактора немного отличаются. В отличие от отечественной литературы, понятие скин-фактора за рубежом включает в себя не только изменение проницаемости в призабойной зоне пласта, но также факторы, обусловленные неполнотой вскрытия пласта перфорацией («несовершенство вскрытия пласта» в отечественной литературе), пространственной геометрией скважины, неньютоновскими (структурно-вязкостными) свойствами жидкости и сложным геологическим строением залежи (в частности, наличием многопластовости и отдельных линз).

## **4.12. Оптимальный дебит скважины в условиях прорыва воды (газа) и пескопроявления**

### **4.12.1. Энергосберегающий дебит скважины**

Эффективность эксплуатации подземных хранилищ газа (ПХГ) определяется, в первую очередь, продуктивностью (приемистостью) скважин в цикле «отбор-закачка» газа. Поэтому особое внимание уделяется установлению оптимального дебита скважины, как на стадии проектирования, так и в процессе эксплуатации ПХГ.

Оптимальным считается режим, при котором факторы, ограничивающие отбор газа из скважины (вынос песка и воды, конденсация тяжелых углеводородов и др.) находятся на определенном уровне, обеспечивающим эксплуатацию скважины без осложнений.

Применение энергосберегающих режимов работы скважин обеспечивает благоприятные условия по предотвращению нарушений герметичности и целостности эксплуатационных колонн газовых скважин, вызванных интенсивными деформационными процессами, возникающими при высоких дебитах газа.

Существующий подход к решению этой проблемы сводится к определению дебита скважины на границе нарушения линейного закона фильтрации, ибо появление квадратичного члена в уравнении притока вызывает существенные дополнительные сопротивления.

В работах Коротаева Ю. П. за критерий оптимальности приняты затраты пластовой энергии. Экспериментальным путем, с использованием акустико-гидродинамического метода (АГДМ), было установлено, что при определенной скорости фильтрации, названной «критической» возникает аэродинамический шум, соответствующий, по мнению автора, нарушению линейного закона Дарси.

Вводится понятие энергосберегающего дебита, рассчитываемого по «критической» скорости на стенке скважины.

Однако предлагаемую методику, во многих случаях, трудно реализовать на практике из-за невозможности спуска приборов на забой скважины, а количественная оценка критической скорости автором не дается.

Установлением границы применимости закона Дарси занимались многие исследователи. Получены (см. таблицу **Ошибка! Источник ссылки не найден.**) значения критического числа Рейнольдса, рассчитанного по эквивалентному диаметру зерен породы:

$$\text{Re}_d = \frac{d_{\text{э}} \rho V}{\mu}. \quad (257)$$

Неопределенность границы применимости закона Дарси может быть исключена учетом погрешности эксперимента. Будем считать, что коэффициент вихревых сопротивлений составляет некоторую долю от коэффициента общих сопротивлений, равную принятой погрешности  $\Delta$ .

В этом случае верхняя граница применимости закона Дарси определяется из соотношения:

$$Re'_{KP} = \frac{\Delta}{1-\Delta} \cdot \frac{1}{\beta}, \quad (258)$$

а нижняя граница применимости закона Краснопольского – из соотношения

$$Re''_{KP} = \frac{1-\Delta}{\Delta} \cdot \frac{1}{\beta}, \quad (259)$$

где  $Re_{KP}$  – рассчитаны по коэффициенту проницаемости:

$$Re_K = \frac{\sqrt{k} \rho V}{\mu}. \quad (260)$$

В таблице **Ошибка! Источник ссылки не найден.** даны результаты расчета при значении  $\Delta = 0,1$ . Данные таблицы хорошо сопоставляются с градацией В. Н. Щелкачева для грунтов различного состава. В таблице 8 приведены также значения  $Re''_{KP}$ .

Таблица 8

### Критические параметры линейной фильтрации

Фильтрационная среда	Коэффициент пористости $m$	Число Рейнольдса $Re_d$ по Щелкачеву	Критическое число Рейнольдса $Re'_{KP}$		Критическое число Рейнольдса $Re''_{KP}$
			$Re_K$	$Re_d$	$Re_d$
Однородная дробь	0,4	13 – 14	0,156	7,03	12,67
Песок однородный крупнозернистый	0,4	3 – 10	0,156	7,03	12,67
Песчаник нецементированный	0,3	0,24 – 0,34	0,057	4,26	4,61
Песчаник цементированный	0,2 – 0,135	0,05 – 14	0,01 – 0,00073	1,78 – 0,484	0,81 – 0,059

По критическому числу Рейнольдса можно рассчитать критическую скорость, энергосберегающий дебит для любой площади фильтрации, в том числе и на стенке скважины. При этом необходимо иметь информацию о работающей толщине пласта. В гидродинамически несовершенных скважинах по степени вскрытия пласта, особенно в условиях пескопроявления и кольматации забойных фильтров, работающая толщина пласта может меняться в весьма широких пределах. Причем, в большинстве случаев, эта толщина неизвестна. Поэтому, изложенный выше подход к определению энергосберегающего дебита нельзя признать результативным. По критическому числу Рейнольдса можно оценить потенциальные возможности скважины при проектных характеристиках пласта и забоя. Возможно, необходимо рассматривать работу пласта в целом.

Будем считать, что энергосберегающий дебит скважины соответствует условию, когда квадратичный член в уравнении притока составляет некоторую долю от общих сопротивлений, соответствующую принятой погрешности определения режимных точек на индикаторной линии и коэффициентов фильтрационного сопротивления  $A$  и  $B$ . Тогда получаем формулу для расчета оптимального энергосберегающего дебита:

$$Q_{\text{опт}} = \frac{\Delta}{1-\Delta} \cdot \frac{A}{B}, \quad (261)$$

где  $\Delta$  – доля квадратичного члена в уравнении притока.

Значение  $\Delta$  в уравнении (261) можно принять равным коэффициенту вариации при обработке индикаторной линии методом наименьших квадратов в координатах  $\Delta P^2 = f(Q)$ .

Коэффициенты фильтрационного сопротивления рассчитываются по формулам, представленным в виде:

$$A = a \cdot f_1(\delta), \quad (262)$$

$$B = b \cdot f_2(\delta), \quad (263)$$

где  $f_1(\delta)$  и  $f_2(\delta)$  – функции степени вскрытия пласта.

Тогда формула (261) приводится к виду:

$$Q_{\text{опт}} = \frac{\Delta}{1-\Delta} \cdot \frac{a}{b} \cdot f(\delta). \quad (264)$$

#### 4.12.2. Предельные дебиты нефти и газа

Если добывающая скважина вскрыла пласт в месте наличия подошвенной или краевой воды – возможно появление водного конуса. Если разрабатывается нефтегазовая залежь и скважина вскрыла нефтяную оторочку в подгазовой зоне – возможно появление газового конуса. Для предотвращения возможных проблем с преждевременным обводнением или с появлением свободного газа в добываемой продукции, которые надо отделять от нефти, выработаны ограничения на дебит по нефти для предотвращения отрицательных последствий при таких конусах воды или газа.

Безгазовый дебит нефти  $Q_{БГ}$  скважины, вскрывшей нефтяную оторочку толщины  $h$  в подгазовой зоне, в соответствие с [40], равен:

$$Q_{БГ} = \pi k \Delta \gamma_{НГ} \left( h^2 - (h - h_{БГ})^2 \right) / \left( \mu \ln \frac{R_k}{r_c} \right), \quad (265)$$

где  $\Delta \gamma_{НГ}$  – разность удельных весов нефти и газа;  $h_{БГ}$  – длина неперфорированного интервала ствола скважины от газонефтяного контакта в нефтяной части.

Расчеты показывают, что безгазовый дебит нефти при  $h_{БГ} = 2$  м, удельного веса нефти и газа 8000 и 800 Н/м<sup>3</sup> соответственно равен всего 0,2 м<sup>3</sup>/сут. И даже при  $h_{БГ} = 7$  м безгазовый дебит нефти равен только 0,54 м<sup>3</sup>/сут. Именно поэтому и было разработано барьерное заводнение, когда водный агент препятствует прорывам газа.

Такие значения безгазовых дебитов вполне понятны потому, что ограничивающий безгазовый дебит эквивалентный перепад давления  $\Delta P_{БГ}$  на толщину  $h$  определяется (в Па) формулой:

$$\Delta P_{БГ} = \Delta \gamma_{НГ} \left( h^2 - (h - h_{БГ})^2 \right) / 2h = \Delta \gamma_{НГ} h_{БГ} \left( 1 - h_{БГ} / (2h) \right), \quad (266)$$

что при вышеуказанных параметрах и  $h_{БГ} = 7$  м дает  $\Delta P_{БГ} = 0,04$  МПа, т.е. необходимое уменьшение депрессии в 50 раз соответственно уменьшает дебит.

Формула для безводного дебита нефти при возможности водных конусов имеет аналогичный вид:

$$Q_{БВ} = 2\pi k h \Delta P_{БВ} / \left( \mu \ln \frac{R_k}{r_c} \right), \quad (267)$$

где  $\Delta P_{БВ} = \Delta \gamma_{ВН} h_{БВ} \left( 1 - h_{БВ} / (2h) \right)$ ,  $\Delta \gamma_{ВН}$  – разность удельных весов воды и нефти, Н/м<sup>3</sup>;  $h_{БВ}$  – длина неперфорированного интервала ствола скважины от водонефтяного контакта в нефтяной части, м.

Поскольку при нефти удельного веса  $8000 \text{ Н/м}^3$  и воды удельного веса  $11000 \text{ Н/м}^3$  (из-за минерализации),  $h = 20 \text{ м}$  и  $h_{БВ} = 7 \text{ м}$ ,  $\Delta P_{БВ}$  равен  $0,02 \text{ МПа}$ , то  $Q_{БВ}$  равен всего  $0,3 \text{ м}^3/\text{сут}$ .

Однако, стоит отметить, что проницаемость по вертикали в разы (до 10 раз) меньше проницаемости по горизонтали, что кратно увеличивает безгазовый и безводный дебиты скважин.

#### 4.12.3. Основные представления о механизме пескопроявления

Существующие представления о характере разрушения пласта-коллектора позволяют выделить несколько процессов:

1) Вынос мелких фракций (алевролитовых, пелитовых, глинистых) в песках и слабосцементированных песчаниках, без разрушения скелета породы. Механизм выноса таких фракций описывается на основе физической модели псевдооживления. Условие выноса мелких фракций – равенство градиента сил трения градиенту силы тяжести.

При радиальной фильтрации это условие имеет вид:

$$\frac{dP}{dr} = g(\rho_{П} - \rho_{Ж}); \quad (268)$$

где  $\frac{dP}{dr}$  – градиент сил трения;  $\rho_{П}, \rho_{Ж}$  – плотность породы и фильтрующейся жидкости;  $g$  – ускорения земного притяжения.

Размер выносимых фракций соизмерим с размером пор и трещин и на порядок меньше размера зерен породы. Прорыв воды к нефтяной или газовой скважине существенно интенсифицирует вынос мелких фракций, как за счет значительного снижения адгезионных сил сцепления, так и за счет более высокой вязкости воды по сравнению с вязкостью газа.

Перенос мелких фракций может отмечаться и в самом пласте, например, на фронте вытеснения газа водой.

2) Размыв скелета породы (несцементированных песков). В гидрогеологии этот процесс называют суффозией. При критических градиентах давления, согласно уравнению (268), происходит разжижение песка и вынос его из пласта в скважину. Гранулометрический состав выносимого песка соответствует составу самой породы.

3) Разрушение скелета породы (слабосцементированные песчаники). Условие разрушения можно записать в виде:

$$\frac{dP}{dr} = \frac{\sigma_{Ц}}{l_{П}}, \quad (269)$$

где  $\sigma_{II}$  – прочность цемента на разрыв;  $l_{II}$  – линейный размер зерен породы.

4) Разрушение рыхлых пород (песчаники глинистые). Отмечается вынос конгломератов, условие разрушения:

$$\frac{dP}{dr} = \frac{\sigma_K}{l_K}, \quad (270)$$

где  $\sigma_K$  – прочность на разрыв глинистой связки,  $l_K$  – линейный размер конгломератов.

Разрушение скелета породы отмечается при значительных градиентах давления, особенно в условиях форсированного отбора пластовой жидкости (газа) и при освоении скважины компрессорным способом после прорыва газа (воздуха) из затрубья в колонну НКТ (насосно-компрессорных труб), а также при наличии локальных каналов фильтрации. Общепринято считать, что в карбонатных коллекторах (известняки, доломиты и др.) выноса мелких фракций и разрушение скелета породы не происходит.

Однако следует отметить еще один источник выноса механических примесей. Это, в первую очередь, внесенные в пласт, в процессе его вскрытия бурением, продукты разрушения самого пласта, твердая фаза промывочной жидкости, продукты коррозии и абразивного износа наземного и подземного оборудования и инструмента. Эти привнесенные со стороны механические примеси проникают по фильтрационным каналам вглубь пласта на значительное расстояние и в большом количестве, пропорционально размерам фильтрационных каналов. Объем этих механических примесей периодически восполняется при капитальном ремонте скважины, в том числе при проведении ГТМ. Основная масса этих механических примесей может быть удалена из пласта в первые месяцы работы скважины, но их вынос отмечается на протяжении нескольких лет.

#### **4.12.4. Прогнозирование выноса песка из пласта к скважине**

Ранее было установлено, что перенос песка начинается при определенном градиенте давления, равном градиенту силы тяжести. При этом в переносе участвуют фракции, по размеру менее половины размера частиц песка, слагающих скелет породы-коллектора.

Критический градиент давления равен:

- при переносе песка водой

$$gradP = g(\rho_e - \rho_B), \quad (271)$$

- при переносе песка газом

$$\text{grad}P = g(\rho_e - \rho_{\Gamma}). \quad (272)$$

Фактические градиенты давления меняются во времени и в пространстве. Однако особый интерес представляют максимальные значения градиентов давления, а именно, на стенке скважины – для фильтрации газа и на фронте вытеснения – для фильтрации воды.

Рассмотрим модель плоскорадиального фильтрационного потока несжимаемой жидкости по закону Дарси при «поршневом» вытеснения газа пластовой водой.

Расчетные формулы:

- депрессия на пласт

$$\Delta P_{\text{пл}} = \frac{Q}{2\pi kh} \left( \mu_{\Gamma} \ln \frac{r_f}{r_c} + \mu_B \ln \frac{R_K}{r_f} \right); \quad (273)$$

- градиент давления на стенке скважины:

$$\left. \frac{dp}{dr} \right|_{r=r_c} = \frac{\mu_{\Gamma} Q}{2\pi kh r_c}; \quad (274)$$

- градиент давления на фронте вытеснения газа, водой;

$$\left. \frac{dp}{dr} \right|_{r=r_f} = \frac{\mu_B Q}{2\pi kh r_f}, \quad (275)$$

где  $\Delta P_{\text{пл}}$  – депрессия на пласт;  $Q$  – дебит газа при пластовых условиях;  $k$  – коэффициент проницаемости;  $h$  – толщина пласта;  $\mu_{\Gamma}$ ,  $\mu_B$  – коэффициент динамической вязкости газа и воды;  $r_c$  – радиус скважины;  $R_K$  – радиус контура питания;  $r_f$  – радиус фронта вытеснения.

Рассмотрим два основных технологических режима эксплуатации скважин.

1. Режим постоянной депрессии на пласт.

По мере стягивания контура газоносности дебит скважины и, соответственно, градиент давления на стенке скважины уменьшаются, в то время как градиент давления на фронте вытеснения сначала уменьшается до минимального значения, а затем увеличивается.

Градиент давления на фронте вытеснения можно выразить в виде

$$\left. \frac{dp}{dr} \right|_{r=r_f} = \frac{\Delta P}{r_f \left( \ln \frac{R_K}{r_f} + \bar{\mu} \ln \frac{r_f}{r_c} \right)}, \quad (276)$$

где  $\bar{\mu} = \mu_{\Gamma} / \mu_B$ .

Вынос песка газом будет иметь место при перемещении фронта вытеснения от контура питания до порядка 30 м от скважины. Затем вынос песка прекратится. Перенос песка в пласте жидкостью начнется только при подходе фронта вытеснения к скважине на расстояние около 2 м и менее. Следовательно, в этом случае пескопроявление будет отмечаться в начальный период отбора газа и в конце отбора при обводнении скважины.

Таким образом, скважины при режиме постоянной депрессии на пласт должны эксплуатироваться до момента обводнения скважин. Вынос песка в начальный период отбора газа не должен служить причиной остановки скважины, если нет признаков разрушения ПЗП. Необходимо лишь обеспечить вынос песка из скважины на поверхность.

Депрессия на пласт, при которой будет отмечаться вынос песка газом на протяжении всего периода откачки равна

$$\Delta P'_{KP} = (gradP_{\Gamma}) \frac{r_C}{\mu} \ln \frac{R_K}{r_C}. \quad (277)$$

Депрессия на пласт, при которой будет отмечаться перенос песка жидкостью на протяжении всего периода откачки, равна

$$\Delta P''_{KP} = (gradP_{\Gamma}) r_{\min} \left( \ln \frac{R_K}{r_{\min}} + \bar{\mu} \ln \frac{r_{\min}}{r_C} \right). \quad (278)$$

Полученные значения критических депрессий на пласт необходимо проверить на условия разрушения пласта.

## 2. Режим постоянного дебита газа.

При режиме постоянного дебита градиент давления на стенке скважины остается постоянным во времени в то время, как градиент давления на фронте вытеснения и депрессия на пласт увеличивается по мере стягивания контура газоносности.

Анализ показывает, что вынос песка газом будет отмечаться на протяжении всего цикла отбора газа. Если нет признаков разрушения ПЗП, скважина может эксплуатироваться до момента обводнения.

Чтобы исключить пескопроявление в течение всего цикла отбора газа, необходимо уменьшить дебит скважины до величины

$$Q_{KP} = \frac{2\pi k h r_C}{\mu_{\Gamma}} (gradP_{\Gamma}), \quad (279)$$

Из выполненного анализа следует, что в условиях пескопроявления более предпочтительным является режим постоянного дебита скважины, не превышающий критический.

Подобные прогнозные расчеты могут быть выполнены по каждой скважине, если имеются данные гидродинамических исследований.

#### 4.12.5. Защита скважины от песка

Наиболее благоприятные условия отбора пластовой жидкости обеспечиваются технологическим методом путем ограничения дебита скважины. Перенос мелких фракций песка определяется условием:

$$(gradP) = g(\rho_{\Pi} - \rho_{ж}). \quad (280)$$

При радиальной фильтрации по линейному закону:

$$(gradP) = \frac{\mu W}{k}. \quad (281)$$

Выражая скорость через дебит скважины, получим критический дебит, обеспечивающий режим отбора газа без песка на любом расстоянии от скважины:

$$Q_{KP} = \frac{2\pi k h g(\rho_{\Pi} - \rho_{Г}) r P_r T_0 \cdot 86,4}{\mu P_0 T_r Z}, \quad (282)$$

где  $Q_{KP}$  – дебит газа, тыс.  $нм^3/сут$ ;  $r$  – радиус дренирования;  $P_r, T_r$  – давление и температура на линии дренирования;  $P_0, T_0$  – давление и температура при нормальных условиях;  $Z$  – коэффициент сжимаемости газа. Все физические величины в формуле (282), кроме дебита газа, даны по международной системе единиц.

Расчеты показывают, что этот критический дебит скважины сравнительно мал, и не обеспечивает требуемых темпов отбора газа. Однако, учитывая некоторую очистку призабойной зоны пласта в процессе освоения скважины, критический дебит газа может быть увеличен в 2-3 раза.

При прорыве воды вынос песка резко увеличивается. Критический дебит воды определяется:

$$Q_{KP}^B = \frac{2\pi k h_B r_C g(\rho_{\Pi} - \rho_B) 86400}{\mu_{ж}}, \text{ м}^3/\text{сут} \quad (283)$$

где  $h_B$  – толщина пласта, по которой идет фильтрация воды.

Малейшее поступление в скважину воды будет интенсифицировать вынос песка из пласта, как малых фракций, так и самого скелета породы (слабосцементированных песчаников).

Технологический метод ограничения пескопроявления может быть использован в слабосцементированных песках и песчаниках за счет создания

искусственной призабойной зоны пласта из прочных высокопроницаемых материалов. Создание такой зоны радиусом 1 м позволит увеличить критический дебит газа на порядок. Однако и в этом случае следует предусмотреть безводную эксплуатацию скважин.

В условиях малейшего поступления пластовой воды необходимо проводить изоляцию водопритоков, крепления ПЗП цементом, цементно-песчаными смесями, смолами, полимерами, клеящими составами. Для обеспечения требуемых отборов пластовой жидкости (газа) необходимо увеличивать депрессию на пласт, что приводит к разрушению закрепленной зоны, образованию локальных каналов фильтрации и интенсификации выноса песка. При повышенных депрессиях также увеличивается вероятность прорыва к скважине пластовой воды.

В последние годы для борьбы с песком начали широко применять забойные фильтры (гравийные, проволочные, порошковые, лавсановые и др.). Основной недостаток фильтров – их склонность к кольтматации мелкими фракциями песка, глинистыми частицами. Проницаемость фильтра со временем уменьшается. Увеличение рабочей депрессии на пласт для обеспечения требуемого дебита газа приводит к разрушению фильтра.

Из вышеизложенного следует, что ни крепление ПЗП, ни установка фильтров не защищают скважину от песка. Технологические методы требуют индивидуального подхода к каждой скважине после пуска ее в эксплуатацию.

#### **4.13. Расчет дебитов горизонтальных скважин при двухфазной фильтрации**

Для расчетов дебита используется аналог формулы Renard, Dupuy

$$q_r^* = 2 \cdot \pi \cdot k \cdot h \left[ \frac{f_b(s)}{\mu_b} + \frac{f_n(s)}{\mu_n} \right] \cdot A; \quad (284)$$

$$q_r^n = 2 \cdot \pi \cdot k \cdot h \cdot \frac{f_n(s)}{\mu_n} \cdot A, \quad (285)$$

где

$$A = \frac{(p_k - p_c) \cdot 86,4}{\ln \frac{a + \sqrt{a^2 - \left(\frac{L}{2}\right)^2}}{\frac{L}{2}} + \frac{h}{L} \cdot \ln \frac{h}{2 \cdot \pi \cdot r_c}},$$

$q^*$  – дебит скважины по жидкости, м<sup>3</sup>/сут,  $q^n$  – дебит скважины по нефти, м<sup>3</sup>/сут,

Для сравнения дебит вертикальной скважины вычисляется по формулам

$$q_B^{\text{ж}} = 2 \cdot \pi \cdot k \cdot h \left[ \frac{f_B}{\mu_B} + \frac{f_H}{\mu_H} \right] \cdot B; \quad (286)$$

$$q_B^{\text{н}} = 2 \cdot \pi \cdot k \cdot h \cdot \frac{f_H}{\mu_H} \cdot B, \quad (287)$$

где

$$B = \frac{p_k - p_c}{R_k} \cdot 86,4, \\ \ln \frac{r_k}{r_c}$$

$f_B(s)$  и  $f_H(s)$  – относительные фазовые проницаемости для воды и нефти.

Обычно используются зависимости вида

$$f_B(s) = \left( \frac{s - s_{\text{CB}}}{1 - s_{\text{CB}}} \right)^a \quad \text{для } s_{\text{CB}} \leq s \leq 1, \\ f_B(s) = 0 \quad \text{для } s \leq s_{\text{CB}}, \\ f_H(s) = \left( \frac{1 - s_{\text{H.O}} - s}{1 - s_{\text{H.O}}} \right)^b \cdot (1 + c \cdot s), \quad 0 \leq s \leq 1 - s_{\text{H.O}}, \quad (288) \\ f_H(s) = 0 \quad \text{для } s \geq 1 - s_{\text{H.O}}.$$

В формуле (289)  $s_{\text{CB}}$  – насыщенность пористой среды связанной водой,  $s_{\text{H.O}}$  – остаточная нефтенасыщенность,  $s$  – текущее значение водонасыщенности. Чарным И. А. по результатам анализа многих лабораторных экспериментов приняты значения

$$a = 3,5; \quad b = 2,8; \quad c = 2,4.$$

Дебит скважины по воде обычно определяют по формуле

$$q_B = F(s) \cdot q_{\text{ж}}, \quad (289)$$

где  $F(s)$  – функция Леверетта, представляющая из себя долю потока воды в суммарном потоке жидкости (смеси)

$$F(s) = \frac{f_B(s)}{f_B(s) + \frac{\mu_B}{\mu_H} \cdot f_H(s)}. \quad (290)$$

Для правильной оценки ожидаемых дебитов горизонтальной скважины необходимо знать состояние насыщения пласта флюидами.

#### 4.13.1. Стационарный дебит скважины в изотропном пласте при зональной неоднородности по насыщенности

Пусть для вертикальной скважины в пределах контура питания радиуса  $R_k$  насыщенность меняется скачком и имеет два значения

$$s = s_\phi \text{ при } r_c \leq r \leq R_\phi,$$

$$s = s_k \text{ при } R_\phi \leq r \leq R_k.$$

Радиус  $R_\phi$  составляет часть от  $R_k$ ,  $R_\phi = \alpha \cdot R_k$  ( $\alpha < 1$ ).

Дебит *вертикальной скважины* будет выражаться формулами

$$q_B^{\text{ж}} = \frac{2 \cdot \pi \cdot k \cdot h \cdot (p_k - p_c) \cdot 86,4}{a_1 \cdot \ln \frac{R_k}{R_\phi} + a_2 \cdot \ln \frac{R_\phi}{r_c}}; \quad (291)$$

$$q_B^{\text{н}} = \frac{2 \cdot \pi \cdot k \cdot h \cdot (p_k - p_c) \cdot 86,4}{b_1 \cdot \ln \frac{R_k}{R_\phi} + b_2 \cdot \ln \frac{R_\phi}{r_c}}; \quad (292)$$

$$a_1 = \left[ \frac{f_B(s_k)}{\mu_B} + \frac{f_H(s_k)}{\mu_H} \right]^{-1}; \quad a_2 = \left[ \frac{f_B(s_\phi)}{\mu_B} + \frac{f_H(s_\phi)}{\mu_H} \right]^{-1};$$

$$b_1 = \left[ \frac{f_H(s_k)}{\mu_H} \right]^{-1}; \quad b_2 = \left[ \frac{f_H(s_\phi)}{\mu_H} \right]^{-1}.$$

Дебиты *горизонтальной скважины* по жидкости и по нефти.

$$q_r^{\text{ж}} = \frac{2 \cdot \pi \cdot k \cdot h \cdot (p_k - p_c) \cdot 86,4}{a_1 \cdot \ln \frac{a + \sqrt{a^2 - \left(\frac{L}{2}\right)^2}}{a_\phi + \sqrt{a_\phi^2 - \left(\frac{L}{2}\right)^2}} + a_2 \cdot \ln \frac{a_\phi + \sqrt{a_\phi^2 - \left(\frac{L}{2}\right)^2}}{\frac{L}{2}} + a_3 \cdot \frac{h}{L} \cdot \ln \frac{h}{2 \cdot \pi \cdot r_c}}; \quad (293)$$

$$q_r^{\text{н}} = \frac{2 \cdot \pi \cdot k \cdot h \cdot (p_k - p_c) \cdot 86,4}{b_1 \cdot \ln \frac{a + \sqrt{a^2 - \left(\frac{L}{2}\right)^2}}{a_\phi + \sqrt{a_\phi^2 - \left(\frac{L}{2}\right)^2}} + b_2 \cdot \ln \frac{a_\phi + \sqrt{a_\phi^2 - \left(\frac{L}{2}\right)^2}}{\frac{L}{2}} + b_3 \cdot \frac{h}{L} \cdot \ln \frac{h}{2 \cdot \pi \cdot r_c}}; \quad (294)$$

$$a_3 = \left[ \frac{f_B(\bar{s}_\phi)}{\mu_B} + \frac{f_H(\bar{s}_\phi)}{\mu_H} \right]^{-1};$$

$$b_3 = \left[ \frac{f_H(\bar{s}_\phi)}{\mu_H} \right]^{-1}; \quad \bar{s}_\phi = s_\phi \text{ при } R_\phi \geq \frac{\sqrt{L \cdot h}}{2};$$

$$\bar{s}_\phi = s_k + [s_\phi - s_k] \cdot \frac{4 \cdot R_\phi^2}{L \cdot h} \text{ при } R_\phi < \frac{\sqrt{L \cdot h}}{2},$$

где  $a$  и  $a_\phi$  – это большие полуоси удалённого эллипса для  $R_k$  и  $R_\phi$ .

В зависимости от характера насыщения пласта флюидами соотношение между дебитами вертикальной и горизонтальной скважин может быть самым разнообразным.

Расчетные формулы могут быть легко обобщены для случая, когда в пласте выделяется произвольное количество зон с различным насыщением флюидами.

#### 4.13.2. Стационарный дебит скважины в анизотропном пласте с постоянной водонасыщенностью ( $s = \text{const.}$ )

Дебит *вертикальной скважины* в анизотропном пласте с учетом двухфазности потока

$$q_B^k = 2 \cdot \pi \cdot h \cdot \sqrt{K_\Gamma \cdot K_B} \cdot \left[ \frac{f_B(s)}{\mu_B} + \frac{f_H(s)}{\mu_H} \right] \cdot \frac{(p_k - p_c) \cdot 86,4}{\ln \frac{R_k}{r_{c.эКВ.}}}; \quad (295)$$

$$q_B^H = 2 \cdot \pi \cdot h \cdot \sqrt{K_\Gamma \cdot K_B} \cdot \frac{f_H(s)}{\mu_H} \cdot \frac{(p_k - p_c) \cdot 86,4}{\ln \frac{R_k}{r_{c.эКВ.}}}, \quad (296)$$

где  $K_\Gamma$  и  $K_B$  – коэффициенты проницаемости в горизонтальном и вертикальном направлениях;

$$r_{c.эКВ.} = \frac{\beta + 1}{2 \cdot \sqrt{\beta}} \cdot r_c; \beta = \sqrt{\frac{K_\Gamma}{K_B}}. \quad (297)$$

Дебиты горизонтальной скважины

$$q_\Gamma^k = 2 \cdot \pi \cdot K_\Gamma \cdot h \cdot \left[ \frac{f_B(s)}{\mu_B} + \frac{f_H(s)}{\mu_H} \right] \cdot Z; \quad (298)$$

$$q_\Gamma^H = 2 \cdot \pi \cdot K_\Gamma \cdot h \cdot \frac{f_H(s)}{\mu_H} \cdot Z; \quad (299)$$

где

$$Z = \frac{(p_k - p_c) \cdot 86,4}{\ln \frac{a + \sqrt{a^2 - \left(\frac{L}{2}\right)^2}}{\frac{L}{2}} + \frac{\beta h}{L} \cdot \ln \frac{\beta h}{(\beta + 1) \cdot \pi \cdot r_c}} \quad (300)$$

***Контрольные вопросы для самостоятельного изучения по теме  
«Установившаяся и неуставившаяся фильтрация одномерных  
пластовых флюидов»***

1. Какие потоки называются одномерными?
2. Прямолинейно-параллельный поток. Примеры. Основные формулы.
3. Плоскорадиальный поток. Примеры. Основные формулы.
4. Радиально-сферический поток. Примеры. Основные формулы.
5. Что входит в исследование фильтрационного течения?
6. Общее дифференциальное уравнение потенциального одномерного потока.
7. Показатель формы потока.
8. Получение выражения для потенциала и дебита плоскорадиального течения.
9. Получение выражения для потенциала и дебита прямолинейно-параллельного и радиально-сферического течений.
10. Потенциал несжимаемой жидкости в недеформируемом (пористом) пласте.
11. Потенциал несжимаемой жидкости в деформируемом (трещинном) пласте.
12. Потенциал упругой жидкости в недеформируемом пласте.
13. Потенциал сжимаемой жидкости (газа) в недеформируемом (пористом) пласте.
14. Уравнение Дюпюи.
15. Коэффициент продуктивности. Размерность.
16. Депрессия и воронка депрессии.
17. Методика получения закона движения частиц жидкости.
18. Методика вывода средневзвешенного давления.
19. Индикаторная зависимость и индикаторная диаграмма.
20. Нарисовать и объяснить графики давления, скорости фильтрации для несжимаемой жидкости в пористом и трещинном пластах.
21. Нарисовать и объяснить графики давления, скорости фильтрации для несжимаемой жидкости и газа в пористом пласте.
22. Нарисовать и объяснить индикаторные диаграммы для несжимаемой жидкости в пористом и трещинном пластах. В каких координатах надо строить диаграммы, чтобы получить прямолинейные зависимости?
23. Нарисовать и объяснить индикаторные диаграммы для несжимаемой жидкости и газа в пористом пласте. В каких координатах надо строить диаграммы, чтобы получить прямолинейные зависимости?

24. Отличие уравнений притока и дебита для несжимаемой жидкости, текущей по закону Дарси и по двухчленному закону.
25. Зависимость величины проницаемости от метода обработки индикаторной диаграммы.
26. Слоистая неоднородность. Зональная неоднородность.
27. Эффективная проницаемость квазиоднородного пласта при слоистой неоднородности.
28. Эффективная проницаемость прямолинейно-параллельного течения квазиоднородного пласта при зональной неоднородности.
29. Эффективная проницаемость плоскорадиального течения квазиоднородного пласта при зональной неоднородности.
30. Характер изменения дебита и давления в случаях слоистой и зональной неоднородностях.
31. Виды несовершенств скважины. Совершенная скважина.
32. Приведенный радиус. Относительное вскрытие.
33. Радиус зоны влияния несовершенств по степени и характеру вскрытия.
34. Влияние радиуса скважины на её производительность при линейной и нелинейной фильтрации и различных типов одномерного течения.
35. Интерференция скважин.
36. Принцип суперпозиции фильтрационных полей.
37. Основные формулы для расчета дебитов жидкости из залежей методом ЭГДА (метод Ю.П.Борисова).
38. Вывод уравнения притока жидкости к несовершенным скважинам.
39. Методы учета несовершенства скважин при расчете их дебита.
40. Понятие о скин-факторе. Чем скин-фактор отличается от скин-эффекта?

#### **Литература для самостоятельного изучения**

1. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика: учеб. для вузов / К. С. Басниев, И. Н. Кочина, В. М. Максимов. – М.: Недра, 1993. – 413 с.
2. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика: [учеб. пособие] / К. С. Басниев, Н. М. Дмитриев, Р. Д. Каневская [и др.]. – 2-е изд., испр. – Москва; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2006. – 488 с.
3. Каневская, Р. Д. Математическое моделирование гидродинамических процессов разработки месторождений углеводородов: Учеб. пособие для вузов / Р. Д. Каневская. – М.; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2002. – 139с.
4. Щелкачев, В. Н. Подземная гидравлика: учеб. пособие для вузов / В. Н. Щелкачев, Б. Б. Лапук. – М.: Ижевск: РХД, 2001. – 735 с.

## **5. ОСНОВЫ ТЕОРИИ ФИЛЬТРАЦИИ МНОГОФАЗНЫХ СИСТЕМ**

### **5.1. Основы теории вытеснения нефти водой**

Существуют различные представления о механизме совместного течения пластовых флюидов в пористой (трещиноватой) среде [9].

Модель Бакли – Леверетта (1942 г.) описывает процесс двухфазной фильтрации в пористой среде в предположении, что каждая из фильтрующихся фаз движется по своей системе поровых каналов.

Согласно М. Маскету (1946 г.), при течении двух несмешивающихся жидкостей часть наиболее тонких поровых каналов и углы крупных пор заняты смачивающей фазой (пластовой водой), а по остальным каналам, содержащим смачивающую жидкость на поверхности пор, может происходить струйное движение несмачивающего и смачивающего флюидов. Количество движущихся флюидов в каждый момент определяется величинами насыщенности и проницаемости среды для этих флюидов. С ростом насыщенности породы одной фазой увеличивается доля каналов, обеспечивающих движение этой фазы, и уменьшается доля каналов для другой фазы.

Бабаян Г. А. (1956 г.), Курбанов А. К. (1968 г.) рассматривают течение несмешивающихся жидкостей по поровым каналам в форме четок несмачивающей жидкости (нефти) в смачивающей (воде). Такое представление предполагает образование в порах нефтяной эмульсии, создающей высокие фильтрационные сопротивления в зоне смеси, обуславливающие снижение фазовых проницаемостей. Прочность эмульсии, время ее существования зависят от свойств межфазных пленок, а дисперсность определяется структурными свойствами пористой среды и скоростью фильтрации.

Подобную модель использовали Михайлов Д. И. и Николаевский В. Н. при описании вытеснения газом воды и газированной жидкости.

М. Б. Панфилов (1979 г.) анализировал различие между двумя возможными типами распределения фаз: I – каждая фаза течет по собственным каналам; II – в каждом канале присутствуют обе фазы. Среда моделировалась пучком капилляров разного диаметра. Показано, что при двухфазной фильтрации газ – вода по мере увеличения водонасыщенности движение переходит от типа I к смешанному типу с преобладанием II.

Г. И. Баренблатт и др. (1984), В. М. Ентов и др. (1989) моделируют многофазную фильтрацию как движение каждой из фаз по своей системе поровых каналов, ограниченных твердым скелетом и другой фазой.

А. А. Хейн (1984) предлагает использовать «артериальную» модель (фильтрация двухфазного потока). Геометрической ее компонентой служит геометрия вмещающей флюиды среды. Эту среду можно изобразить в виде

некоторой беспорядочной совокупности поровых пустот разной величины и формы. Такая цепочка пор выполняет роль русла, по которому может направленно перемещаться флюид.

## 5.2. Основы теории поршневого вытеснения нефти водой

Поршневое вытеснение нефти – это идеальный случай вытеснения нефти, когда в пласте между нефтью и водой образуется четкая граница раздела, впереди которой движется только нефть, а позади – только вода, т. е. текущий ВНК (водонефтяной контакт) совпадает с фронтом вытеснения.

Рассмотрим процесс поршневого вытеснения нефти водой из прямолинейного однородного пласта проницаемостью  $k$ , пористостью  $m$ , толщиной  $h$ , шириной  $B$  и длиной  $L_K$  [7]. Начальное положение ВНК определяется координатой  $L_0$ , а текущее в момент времени  $t$  — координатой  $x(t)$ , где соответствующие давления составляют  $p_0$  и  $p$ . На пласт создан постоянный перепад давления  $\Delta p = p_K - p_2$ , где  $p_K, p_2$  – постоянные давления соответственно на контуре пласта и на галерее (остальные поверхности непроницаемые). Жидкости считаем несжимаемыми, взаимно нерастворимыми и химически не реагирующими одна с другой и с пористой средой. Полагаем, что плоскость контакта нефти и воды вертикальная. Это справедливо для случая либо предельно анизотропного пласта (проницаемость в вертикальном направлении равна нулю), либо равной плотности нефти и воды. Различны только вязкости нефти  $\mu_n$  и воды  $\mu_в$ . В пласте выделяются водяная, заводненная и нефтяная зоны. В первых двух движется вода, а в третьей – нефть. До начала вытеснения насыщенность неподвижной связанной водой в нефтяной зоне составляла  $s_{св}$ . В заводненной зоне остаточная нефтенасыщенность остается постоянной и равной  $s_{он}$ , а связанная вода неподвижна и смешивается с закачиваемой водой. Тогда в силу несжимаемости и неразрывности потока скорости фильтрации во всех трех зонах будут одинаковыми, т. е.

$$w = \frac{k(p_K - p_0)}{\mu_в L_0} = \frac{k k_в (p_0 - p)}{\mu_в (x - L_0)} = \frac{k k_n (p - p_2)}{\mu_n (L_K - x)}, \quad (301)$$

где  $k_в, k_n$  – относительные проницаемости для воды и нефти.

Применяя правило производных пропорций, исключаем неизвестные давления  $p_0, p$  и окончательно имеем выражение скорости фильтрации:

$$w = \frac{k(p_K - p_2)}{\mu_в L_0 + \frac{\mu_в}{k_в}(x - L_0) + \frac{\mu_n}{k_n}(L_K - x)}, \quad (302)$$

а также расхода жидкости:

$$Q = wBh = \frac{k(p_{\kappa} - p_{\varepsilon})Bh}{\left(\mu_{\varepsilon} - \frac{\mu_{\varepsilon}}{k_{\varepsilon}}\right)L_0 + \frac{\mu_{\kappa}}{k_{\kappa}}L_{\kappa} - \left(\frac{\mu_{\kappa}}{k_{\kappa}} - \frac{\mu_{\varepsilon}}{k_{\varepsilon}}\right)x}. \quad (303)$$

Отсюда следует, что скорость фильтрации и расход изменяются с перемещением ВНК, т. е. во времени. Следовательно, несмотря на постоянство перепада давления  $\Delta p$ , движение жидкости неустановившееся. При  $\mu_{\kappa} > \mu_{\varepsilon}$ , точнее  $\mu_{\kappa}/k_{\kappa} > \mu_{\varepsilon}/k_{\varepsilon}$ , скорость  $w$  и расход  $Q$  увеличиваются во времени. Это объясняется уменьшением знаменателя (в общем фильтрационного сопротивления).

Допустим, что положение ВНК не параллельно галерее (искривлено). Из формул (302) и (303) следует, что чем больше  $L_0$ , тем больше  $w$  и  $Q$ . Значит, в тех сечениях, где  $L_0$  больше или граница раздела ближе к галерее, будет происходить опережающее перемещение ВНК и дальнейшее искривление линии раздела. Отсюда приходим к выводу, что если на границе раздела образовался «язык обводнения», то в дальнейшем он не только не исчезает, но еще больше вытягивается, продвигаясь с большей скоростью. Искривленное, вернее горизонтальное положение ВНК по отношению к галерее, отмечается в наклонных пластах, что приводит к более быстрому обводнению галереи по подошве пласта. В реальных условиях неизбежны возмущения на границе раздела (например, изменение проницаемости) и образование «языков обводнения», т. е. проявляется *вязкостная неустойчивость вытеснения*. Если движение образовавшихся «языков обводнения» замедляется, то такое перемещение границы раздела называют устойчивым. Как известно из подземной гидромеханики, оно возможно в первом приближении при условии, что скорость фильтрации нефти на границе раздела:

$$w_{\kappa}^* \leq \frac{kk_{\kappa}}{\mu_{\kappa} - \mu_{\varepsilon}} (\rho_{\varepsilon} - \rho_{\kappa}) g \sin \alpha_{\kappa}, \quad (304)$$

где  $\rho_{\kappa}$ ,  $\rho_{\varepsilon}$  – плотность соответственно нефти и воды;  $g$  – ускорение свободного падения;  $\alpha_{\kappa}$  – угол наклона пласта к горизонту.

Закон движения границы раздела  $x = x(t)$  для поршневого режима вытеснения нефти водой выглядит следующим образом:

$$x = \frac{\mu_{\kappa} L_{\kappa}}{k_{\kappa} \left( \frac{\mu_{\kappa}}{k_{\kappa}} - \frac{\mu_{\varepsilon}}{k_{\varepsilon}} \right)} \left[ 1 - \sqrt{1 - akt} \right], \quad (305)$$

где

$$a = \frac{2k_n^2 \left( \frac{\mu_n}{k_n} - \frac{\mu_g}{k_g} \right) (p_k - p_2)}{\mu_n^2 L_k^2 m (1 - s_{св} - s_{он})}. \quad (306)$$

Перед квадратным корнем принят знак минус из физических соображений, что легко установить при  $t = 0$ , когда  $x = 0$ . Из уравнения (305) при  $x = L_k$  получаем формулу для определения времени полного обводнения пласта (мгновенного обводнения продукции пласта):

$$t_{обв} = \frac{m(1 - s_{св} - s_{он}) L_k^2}{2k(p_k - p_2)} \left( \frac{\mu_n}{k_n} + \frac{\mu_g}{k_g} \right). \quad (307)$$

### 5.3. Основы теории непоршневого вытеснения нефти водой

Непоршневое вытеснение нефти – это вытеснение, при котором за его фронтом движутся вытесняющий и вытесняемый флюиды, т.е. за фронтом вытеснения происходит многофазная фильтрация.

Вопросы вытеснения нефти водой изучались многими исследователями. По М. Л. Сургучеву [38] механизм вытеснения нефти водой из микронеоднородных гидрофильных пористых сред можно представить следующим образом. В чисто нефтяной зоне пористой среды перед фронтом внедрения воды движение нефти происходит непрерывной фазой под действием гидродинамических сил. По крупным поровым каналам нефть движется быстрее, чем по мелким. На фронте внедрения воды в нефтяную зону, в масштабе отдельных пор, движение воды и нефти полностью определяется капиллярными силами, так как они превосходят гидродинамические силы на малых отрезках пути. Вода под действием капиллярных сил устремляется с опережением преимущественно в мелкие поры, вытесняя из них нефть в смежные крупные поры до тех пор, пока разобщенные крупные поры не окажутся со всех сторон заблокированными водой. Если крупные поры образуют непрерывные каналы, то вода по ним будет двигаться с опережением. Тем не менее отставшая нефть из мелких пор под действием капиллярных сил также переместится в уже обводненные крупные поры и останется в них в виде отдельных глобул.

Таким образом, мелкие поры оказываются заводненными, а крупные остаются в разной степени нефтенасыщенными. В масштабе большой зоны пористой среды, между передним фронтом внедряющейся воды и задним фронтом подвижной нефти, водонасыщенность пласта вдоль потока уменьшается от предельной водонасыщенности при неподвижной нефти до

некоторой фронтальной водонасыщенности. В этой зоне идет совместная фильтрация воды и нефти. Вода движется по непрерывным заводненным каналам, обтекая уже блокированную нефть в крупных порах, а нефть перемещается в заводненной части среды. Соотношение скоростей движения воды и нефти определяется распределением пор по размерам, водонасыщенностью и объемом нефти, блокированной в крупных порах заводненной части среды, а также распределением пор, объемом нефти и связанной воды в нефтенасыщенной части среды. В интегральном виде эти условия фильтрации воды и нефти выражаются кривыми фазовых (или относительных) проницаемостей.

За задним фронтом подвижной нефти нефтенасыщенность обусловлена наличием нефти в разрозненных, крупных, блокированных водой порах. Непрерывных, нефтенасыщенных каналов, вплоть до добывающих скважин, в этой зоне нет, нефть является остаточной, неподвижной. Но нефть в глобулах не теряет способности двигаться при устранении капиллярных сил.

Если пористая среда обладает частичной гидрофобностью, что характерно практически для всех нефтеносных пластов, то остаточная нефть может оставаться в порах также в виде пленки.

Многофазная фильтрация с учетом всех влияющих факторов представляет собой весьма сложную задачу. Согласно наиболее простой модели Баклея – Леверетта [29, 35], непоршневое вытеснение описывается уравнением доли вытесняющей жидкости (воды) в потоке и уравнением скорости перемещения плоскости с постоянной насыщенностью. Рассмотрим процесс вытеснения, происходящий в прямолинейном тонком горизонтальном образце (рис. 34), представленном однородной и изотропной пористой средой, т. е. его пористость  $m$  и проницаемость  $k$  постоянны. Координата  $x$  отсчитывается вдоль образца, направление течения – горизонтальное. Поперечное сечение образца (площадь сечения обозначим  $F$ ) предположим достаточно малым, так что давление и насыщенность можно считать постоянными по сечениям. Давление  $p$  в водяной и нефтяной фазах считаем одинаковым в силу пренебрежения капиллярным давлением, обе фазы несжимаемы, температура постоянна.

В рассматриваемый образец, первоначально заполненный нефтью, через сечение  $x = 0$  закачивается вода. В процессе вытеснения образуется зона совместного движения воды и нефти. При совместном течении двух фаз в пористой среде по крайней мере одна из них образует связную систему, граничащую со скелетом породы и частично с другой жидкостью.

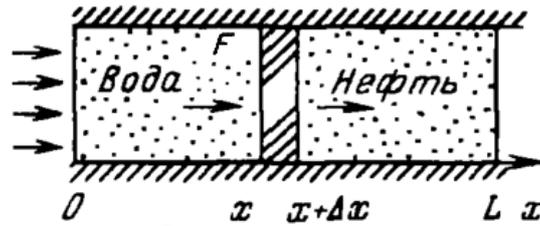


Рис. 34. Схема прямолинейно-параллельного вытеснения нефти водой

Из-за избирательного смачивания твердой породы водой площадь контакта каждой из фаз со скелетом пористой среды значительно превышает площадь контакта фаз между собой. Это позволяет считать, что основной вклад в сопротивление движению дает взаимодействие каждого флюида с твердым скелетом пласта, и в первом приближении пренебречь эффектом увлечения одной жидкостью другой. При этом, естественно, сопротивление, испытываемое каждой фазой при совместной фильтрации, отлично от того, которое было бы при течении только одной из них. опыты показывают, что расход каждой фазы растет с увеличением насыщенности и градиента давления.

Тогда закон фильтрации каждой фазы можно представить в виде обобщенного закона Дарси в дифференциальной форме:

$$w_{\text{в}} = \frac{Q_{\text{в}}}{F} = -k \frac{k_{\text{в}}(s) \partial p}{\mu_{\text{в}} \partial x}; w_{\text{н}} = \frac{Q_{\text{н}}}{F} = -k \frac{k_{\text{н}}(s) \partial p}{\mu_{\text{н}} \partial x}. \quad (308)$$

Здесь  $w_{\text{в}}$ ,  $Q_{\text{в}}$ ,  $w_{\text{н}}$ ,  $Q_{\text{н}}$  – скорости фильтрации и объемные расходы соответственно воды и нефти;  $\mu_{\text{в}}$ ,  $\mu_{\text{н}}$  – коэффициенты динамической вязкости фаз;  $k_{\text{в}}(s)$ ,  $k_{\text{н}}(s)$  – относительные фазовые проницаемости;  $s \equiv s_{\text{в}}$  – водонасыщенность.

Для рассматриваемого двухфазного течения водо- и нефтенасыщенность  $s_{\text{в}}$  и  $s_{\text{н}}$  связаны очевидным соотношением

$$s_{\text{в}} + s_{\text{н}} = 1. \quad (309)$$

Уравнения сохранения массы для водной и нефтяной фазы (уравнения неразрывности) можно представить в виде:

$$m \frac{\partial s}{\partial t} + \frac{\partial w_{\text{в}}}{\partial x} = 0; m \frac{\partial s}{\partial t} - \frac{\partial w_{\text{н}}}{\partial x} = 0. \quad (310)$$

Сложив уравнения неразрывности обеих фаз и найдя первый интеграл от суммы, получим:

$$w_{\text{в}} + w_{\text{н}} = w(t) \text{ или } Q_{\text{в}} + Q_{\text{н}} = Q(t). \quad (311)$$

Равенство (311) показывает, что суммарная скорость  $v$  двухфазного потока (а значит, и суммарный расход фаз  $Q$ ) не зависит от координаты  $x$ , т.е. является либо постоянной величиной, либо известной функцией времени. Это – следствие предположения о несжимаемости фаз.

Исключив градиент давления  $\frac{\partial p}{\partial x}$ , перепишем (311) в следующем виде:

$$\frac{w_g}{w(t)} = \frac{Q_g}{Q(t)} = \frac{k_g(s)}{k_g(s) + \mu_0 k_n(s)}, \quad (312)$$

где  $\mu_0 = \mu_g / \mu_n$ .

Обозначив

$$f(s) = \frac{k_g(s)}{k_g(s) + \mu_0 k_n(s)} \quad (313)$$

из предыдущего равенства найдем:

$$w_g = f(s)w(t) \text{ и } w_n = [1 - f(s)]w(t). \quad (314)$$

Введенная здесь функция насыщенности  $f(s)$ , называемая функцией распределения потоков фаз или функцией Бакли – Леверетта, имеет простой физический смысл. Из (314) следует, что  $f(s)$  является отношением скорости фильтрации (или расхода) вытесняющей фазы (воды) к суммарной скорости потока  $w$  (или расхода  $Q$ ), то есть она равна объемной доле потока воды в суммарном потоке двух фаз. Функция  $f(s)$ , как мы убедимся в дальнейшем, играет важную роль при гидродинамических расчетах двухфазных потоков, определяет полноту вытеснения и характер распределения насыщенности по пласту. Задача повышения нефте- и газоконденсатоотдачи в значительной степени сводится к применению таких воздействий на пласт, которые в конечном счете изменяют вид  $f(s)$  в направлении увеличения полноты вытеснения.

Типичные графики  $f(s)$  и ее производной  $f'(s)$  приведены на рис. 35.

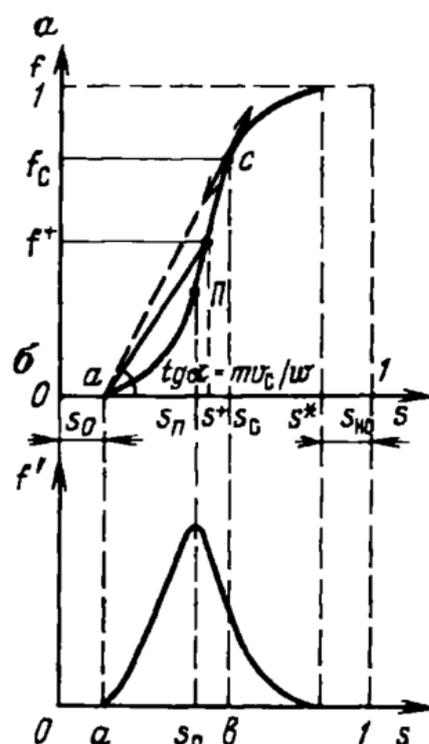


Рис. 35. Зависимость функции Бакли-Левретта (а) и ее производной (б) от насыщенности воды.

С ростом водо-насыщенности  $f(s)$  монотонно возрастает от 0 до 1. Характерная особенность графика  $f(s)$  – наличие точки перегиба  $P$  с насыщенностью  $s_p$ , участков вогнутости и выпуклости, где вторая производная  $f''(s)$  соответственно больше и меньше нуля.

Переписав уравнение неразрывности для водной фазы (310) с учетом равенства (314) и продифференцировав получившуюся сложную функцию двух переменных ( $s = s(x, t)$ ), в итоге получим уравнение, известное в литературе как уравнение Бакли – Леверетта по имени авторов, впервые его получивших:

$$m \frac{\partial s}{\partial t} + w(t) f'(s) \frac{\partial s}{\partial x} = 0. \quad (315)$$

Это уравнение является дифференциальным уравнением только относительно насыщенности, изменение насыщенности во времени по пласту можно получить в результате решения этого уравнения независимо от распределения давления  $p(x, t)$ . Характер распределения водонасыщенности изображен на рис. 36.

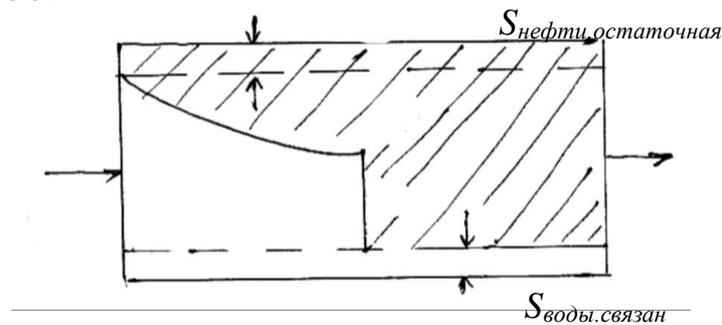


Рис. 36. Характер распределения водонасыщенности при непоршневом вытеснении нефти водой, подчиняющемся уравнению Бакли–Леверетта

Изображенный на фронте вытеснения скачок водонасыщенности  $S_c$  обусловлен тем, что в процессе вывода математической зависимости насыщенности от координаты точки изначально предполагают, что функция  $s = f(x, t)$  гладкая и непрерывная, что в свою очередь приводит к математической неопределенности: получается, что одному значению  $x$  может соответствовать два значения  $s$ . Чтобы избежать этой неопределенности, принимают, что зависимость  $s = f(x)$  справедлива только до значения  $x = x_c$ , а на фронте вытеснения  $x = x_c$  насыщенность скачком падает от  $S_c$  до  $S_{св}$ . Заметим, что в действительности введенный математический скачок насыщенности не имеет места, а возникает вследствие пренебрежения капиллярными силами.

Значение фронтальной насыщенности можно получить из зависимости:

$$f'(s_c) = \frac{f(s_c) - f(s_0)}{s_c - s_0}, \quad (316)$$

где  $s_0$  – начальная водонасыщенность. Это уравнение имеет простую геометрическую интерпретацию (см. рис. 35, а): оно представляет собой уравнение касательной, проведенной из точки  $(s_0, f(s_0))$  к кривой  $f(s)$ , где  $s_c$  – абсцисса точки касания. Это дает простой графический способ определения фронтальной насыщенности по известной функции Бакли – Леверетта  $f(s)$ .

#### 5.4. Примеры практического применения решения Бакли-Леверетта

##### 1) Определение фронтальной насыщенности:

$$s_c = \sqrt{\frac{\mu_0}{1 + \mu_0}} = \sqrt{\frac{\mu_e}{\mu_e + \mu_n}}. \quad (317)$$

**Фронтальная насыщенность ( $s_c$ ) в модели Бакли–Леверетта** – это насыщенность за фронтом вытеснения. Она определяется как **абсцисса точки касания касательной, проведенной из точки  $(s_0, f(s_0))$  к кривой  $f(s)$ , где  $s_0$  – начальная водонасыщенность.**

Формула (317) указывает на возрастание фронтальной насыщенности  $s_c$  с ростом отношения коэффициентов вязкости  $\mu_0$ . Формула (317) справедлива только для аналитических зависимостей коэффициентов относительных фазовых проницаемостей от насыщенности ( $k_B(s) = s^2$  и  $k_H(s) = (1 - s)^2$ ) при условии отсутствия связанной воды ( $s_0 = s_{CB} = 0$  и  $f(s_0) = 0$ ). Для всех других случаев при определении  $s_c$  необходимо пользоваться формулой (317) или определять её графически.

Таким образом, эффективность вытеснения возрастает с ростом вязкости  $\mu_e$  вытесняющей жидкости и уменьшением вязкости  $\mu_n$  вытесняемой нефти. Например, применение пен и загустителей, повышающих вязкость воды, нагнетаемой в нефтяной пласт, может значительно повысить полноту вытеснения и увеличить нефтеотдачу.

##### 2) Определение средней насыщенности в безводный период добычи.

Важный показатель разработки месторождений – средняя водонасыщенность  $\bar{s}$  в зоне смеси, определяемая как отношение объема воды, содержащейся в пласте к моменту времени  $t$ , к объему порового пространства в зоне смеси. Её значение можно определить по формуле:

$$\bar{s} = s_0 + \frac{1}{f'(s_c)}. \quad (318)$$

Равенство (318) имеет простой геометрический смысл: средняя насыщенность  $\bar{s}$  есть абсцисса точки пересечения  $C_I$  касательной к кривой  $f(s)$ ,



$$f'(s_L) = \frac{mFL}{V(t)}, t > t^0 \quad (320)$$

В свою очередь значение средней насыщенности после прорыва воды можно найти по формуле:

$$\bar{s}^- = s_L + \frac{1 - f(s_L)}{f'(s_L)}, t > t^0 \quad (321)$$

Равенство (321) допускает простое графическое толкование на плоскости  $(s, f)$ , если вспомнить уравнение касательной к кривой в точке с заданными координатами. Действительно, представив (321) в виде

$$1 - f(s_L) = f'(s_L)(\bar{s}^- - s_L), \quad (322)$$

можно видеть (см. рис. 37), что последнее равенство представляет собой уравнение прямой, касательной к кривой Бакли – Леверетта в точке  $L$  с координатами  $(s_L, f_L)$  и имеющей известный угловой коэффициент  $\operatorname{tg} \alpha = f'(s_L)$ . А средняя насыщенность  $\bar{s}^-$  после прорыва воды есть абсцисса точки пересечения  $L_I$  этой касательной с прямой  $f(s) = 1$  (см. рис. 37).

#### 4) Расчет коэффициента нефтеотдачи.

Другая важная характеристика вытеснения – коэффициент газо- или нефтеотдачи, связанный со средней насыщенностью. На первой стадии вытеснения *коэффициент безводной нефтеотдачи*  $E_n$  определяется как отношение вытесненного водой объема нефти от нагнетательной галереи до фронта к общему объему пор, занятых нефтью до начала вытеснения. В силу предположения о несжимаемости фаз, объем закачанной воды равен объему вытесненной нефти.

$$E_n = \frac{1}{(1 - s_0)f'(s_c)} \quad \text{или} \quad E_n = \frac{\bar{s} - s_0}{1 - s_0}. \quad (323)$$

В целом, коэффициент безводной нефтеотдачи увеличивается при увеличении вязкости вытесняющей фазы  $\mu_v$  или при уменьшении вязкости вытесняемой фазы  $\mu_n$ .

После прорыва воды через добывающую галерею вводят понятие *коэффициента конечной нефтеотдачи*  $E_k^0$  при заданной обводненности на выходе из пласта или после прокачки известного количества поровых объемов воды. Если процесс добычи прекращается, когда обводненность продукции на добывающей галерее равна  $f_L$  (например,  $f_L = 0,95$ ), то соответствующая насыщенность  $s_L$  на выходе из пласта определится как абсцисса точки

пересечения прямой  $f = f_L$  с кривой  $f(s)$  (см. рис. 37). А сама величина находится по формуле:

$$E_{\kappa}^0 = \frac{s_L - s_0}{1 - s_0} + \frac{1 - f(s_L)}{(1 - s_0)f'(s_L)} \text{ или } E_{\kappa}^0 = \frac{s^0 - s_0}{1 - s_0}. \quad (324)$$

Графический способ определения коэффициента конечной нефтеотдачи понятен из рис. 37:

$$L_1 L_2 = \frac{LL_2}{tg\alpha} = \frac{1 - f(s_L)}{f'(s_L)},$$

$$AL_2 = s_L - s_0, \quad AB = 1 - s_0,$$

$$E_{\kappa}^0 = \frac{AL_1}{AB}.$$

Если начальная водонасыщенность  $s_0 = 0$ , то  $AB = 1$ , и коэффициент конечной нефтеотдачи изображается отрезком  $AL_1$  на рис. 37.

Полученные здесь простые формулы, вытекающие из точного решения задачи о вытеснении нефти (или газа) водой, применяются при оценочных инженерных расчетах основных технологических параметров разработки нефтегазовых месторождений с использованием процесса заводнения. Кроме того, они могут служить тестами при оценке точности численных методов решения более сложных задач двухфазной фильтрации с использованием ЭВМ.

### ***5.5. Модель двухфазной фильтрации при линейном законе фильтрации***

Рассмотрим процесс двухфазной фильтрации нефти и воды. Примем следующие предпосылки и допущения, многие из которых определены в [2]:

1 – давления в водяной и нефтяной фазах одинаковы;

2 – обе фазы несжимаемы;

3 – обе фазы движутся в одном канале фильтрации, каждая фаза образует связную систему, граничащую со скелетом породы и частично с другой жидкостью;

4 – площадь контакта каждой из фаз со скелетом пористой среды значительно превышает площадь контакта фаз между собой, основной вклад в сопротивление движению дает взаимодействие каждого флюида с твердым скелетом породы, можно пренебречь эффектом увлечения одной жидкости другой;

5 – часть фильтрационного канала занята остаточной водой, не участвующей в фильтрации.

Для решения задачи используем модель гидравлического диаметра. Уравнение одномерного движения жидкости при ламинарном режиме имеет вид:

$$-\frac{dP}{dx} = \frac{2\mu v}{d_r^2}, \quad (325)$$

где  $v$  – истинная скорость движения жидкости;  $d_r$  – гидравлический диаметр,  $d_r = F / \Pi$ ;  $F$  – площадь сечения потока;  $\Pi$  – смоченный периметр.

Принимая во внимание допущения п.п. 3 и 4, представим фильтрационный канал в виде квадратной трубки единичного размера, пропорционального геометрическому размеру трубки (рис. 38).

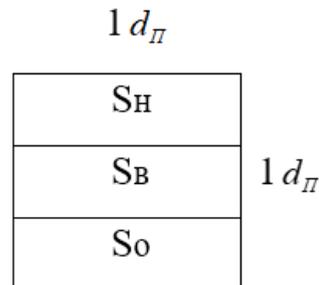


Рис. 38. Модель фильтрационного канала

Принимая во внимание п.п. 3, 4, 5, введем обозначения:  $S_H$  – насыщенность потока нефтью (коэффициент нефтинасыщенности);  $S_B$  – насыщенность потока подвижной водой (коэффициент водонасыщенности);  $S_0$  – насыщенность потока неподвижной водой (коэффициент остаточной водонасыщенности), при этом  $S_H + S_B + S_0 = 1$ ;  $S$  – коэффициент общей водонасыщенности,  $S = S_B + S_0$ .

Согласно [10], относительный коэффициент фазовой проницаемости рассчитывается по отношению к коэффициенту проницаемости  $k_0$ . Относительный коэффициент фазовой проницаемости для нефти:

$$\overline{k_H} = \frac{S_H^3}{(1 + S_H)^2} \cdot \frac{(2 - S_0)^2}{(1 - S_0)^3}. \quad (326)$$

Аналогично для воды имеем:

$$\overline{k_B} = \frac{S_B^3}{(1 + S_B)^2} \cdot \frac{(2 - S_0)^2}{(1 - S_0)^3}. \quad (327)$$

На практике пользуются коэффициентом общей водонасыщенности  $S$ .

Учитывая, что  $S_H = 1 - S$ ;  $S_B = S - S_0$ , коэффициенты фазовой проницаемости будут:

$$k_H = k \frac{4(1 - S)^3}{(2 - S)^2}; \quad (328)$$

$$k_B = k \frac{4(S - S_0)^3}{(1 + S - S_0)^2}, \quad (329)$$

а относительные коэффициенты фазовой проницаемости:

$$\bar{k}_H = \left( \frac{1 - S}{1 - S_0} \right)^3 \cdot \left( \frac{2 - S_0}{2 - S} \right)^2; \quad (330)$$

$$\bar{k}_B = \left( \frac{S - S_0}{1 - S_0} \right)^3 \cdot \left( \frac{2 - S_0}{1 + S - S_0} \right)^2; \quad (331)$$

На рис. 39 показаны стандартные кривые относительных коэффициентов фазовой проницаемости в зависимости от водонасыщенности пористой среды, вычисленные по формулам (330) и (331).

Видно, что с увеличением коэффициента остаточной водонасыщенности относительный коэффициент проницаемости для нефти увеличивается, а для воды уменьшается. При этом сохраняется симметричность кривых в области изменения насыщенности пористой среды подвижной водой.

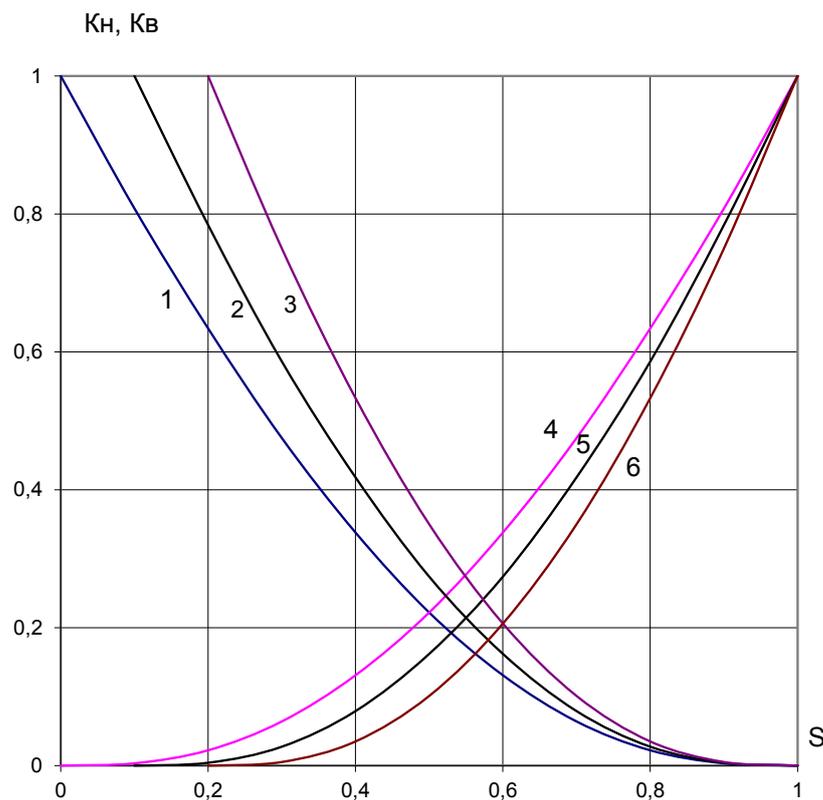


Рис. 39. Относительные коэффициенты фазовой проницаемости:  
1, 2, 3. –  $\bar{k}_H$  при  $S_0 = 0; 0,1; 0,2$  соотв.; 4, 5, 6. –  $\bar{k}_B$  при  $S_0 = 0; 0,1; 0,2$  соотв.

В заключение рассмотрим практическую задачу расчета коэффициента вытеснения нефти водой:

$$K_{\text{ВЫТ}} = \frac{S_{\text{КОН}} - S}{1 - S_0}, \quad (332)$$

где  $S_{\text{КОН}}$  – коэффициент водонасыщенности на конец разработки залежи, зависящий от обводненности добываемой скважинной продукции. Доля воды в объеме фильтрующейся жидкости (функция Бакли – Леверетта), в соответствии с предлагаемой моделью, равна:

$$n_B = \frac{1}{1 + \left( \frac{1 - S}{S - S_0} \right)^n \frac{\mu_B}{\mu_H}}. \quad (333)$$

При  $S = S_{\text{КОН}}$  получаем формулу для расчета коэффициента вытеснения нефти водой:

$$K_{\text{ВЫТ}} = \frac{1}{1 + n \sqrt{\frac{1 - n_B}{n_B} \cdot \frac{\mu_H}{\mu_B}}}. \quad (334)$$

Как видно, коэффициент вытеснения зависит лишь от отношения вязкостей фильтрующихся жидкостей и принятого уровня обводненности добываемой продукции. Для трещинных коллекторов ( $n = 3$ ) коэффициент вытеснения несколько меньше, чем для поровых коллекторов ( $n = 2,5$ ).

### **5.6. Модель двухфазной фильтрации при нелинейном законе фильтрации**

В предыдущем разделе была рассмотрена модель двухфазной фильтрации при линейном законе фильтрации. Продолжим рассмотрение этой модели при нелинейном законе фильтрации.

Двухчленный закон фильтрации, в принятых сейчас обозначениях, имеет два вида записи [7, 27]:

$$-\frac{dP}{dx} = \frac{\mu}{k} w + \beta \frac{\rho}{\sqrt{k}} w^2; \quad (335)$$

$$-\frac{dP}{dx} = \frac{\mu}{k} w + \frac{\rho w^2}{l}, \quad (336)$$

где  $\beta$  – дополнительная константа пористой среды, определяемая экспериментально, назовем ее коэффициентом вихревых сопротивлений;

$l$  – коэффициент макрошероховатости, характеризующий структуру порового пространства;  $\rho$  – плотность нефти (жидкости).

Между этими параметрами имеется связь

$$\frac{\beta}{\sqrt{k}} = \frac{1}{l}. \quad (337)$$

Основной вклад в сопротивления при нелинейной фильтрации вносят вихревые сопротивления, аналог турбулентных сопротивлений в трубной гидравлике.

Согласно [11], выражение для фазового коэффициента вихревых сопротивлений в пористой среде для нефти и для воды:

$$\beta_H = \frac{\beta}{S_H^{1,5}} = \frac{\beta}{(1-S)^{1,5}}; \quad (338)$$

$$\beta_B = \frac{\beta}{S_B^{1,5}} = \frac{\beta}{(S-S_0)^{1,5}}, \quad (339)$$

где  $\beta$  – абсолютный коэффициент вихревых сопротивлений,

$$\beta = \frac{\lambda}{2\sqrt{32} \cdot m^{1,5}}, \quad (340)$$

где  $\lambda$  – коэффициент сопротивления (при малом пути движения вихря от одного сужения порового пространства к другому, можно считать фильтрационный поток псевдотурбулентным).

При однофазной фильтрации любой жидкости (нефти, воды, газа) в присутствии остаточной воды:

$$\beta_0 = \frac{\beta}{(1-S_0)^{1,5}}. \quad (341)$$

Можно оперировать также относительными коэффициентами вихревых сопротивлений (по отношению к  $\beta_0$ ):

$$\overline{\beta}_H = \left( \frac{1-S_0}{1-S} \right)^{1,5}; \quad (342)$$

$$\overline{\beta}_B = \left( \frac{1-S_0}{S-S_0} \right)^{1,5}. \quad (343)$$

Графически эти зависимости имеют вид (рис. 40). Отмечается симметрия графиков коэффициента вихревых сопротивлений  $\bar{\beta}$ , как и для относительных коэффициентов фазовой проницаемости.

Следовательно, абсолютные коэффициенты вихревых сопротивлений в пористой и в трещиноватой средах одинаковы. То же относится и к фазовым коэффициентам вихревых сопротивлений. Решения остаются в силе и при вытеснении газа водой.

Экспериментальные данные по коэффициенту вихревых сопротивлений  $\beta$  весьма незначительные. Можно привести данные Фенчера, Льюиса и Бернса [32], полученные экстраполяцией графика фактора трения, и данные из работы Д. Л. Катца и др. [25] по коэффициенту  $\beta^* = 1/l$ , пересчитанные на коэффициент  $\beta$ . По Линдквисту [32] для области развитого вихреобразования ( $Re = 4-180$ ) при  $m = 0,346$  и  $Sl = 3 \cdot 10^{-4}$  имеем  $\beta = 1,16$ .

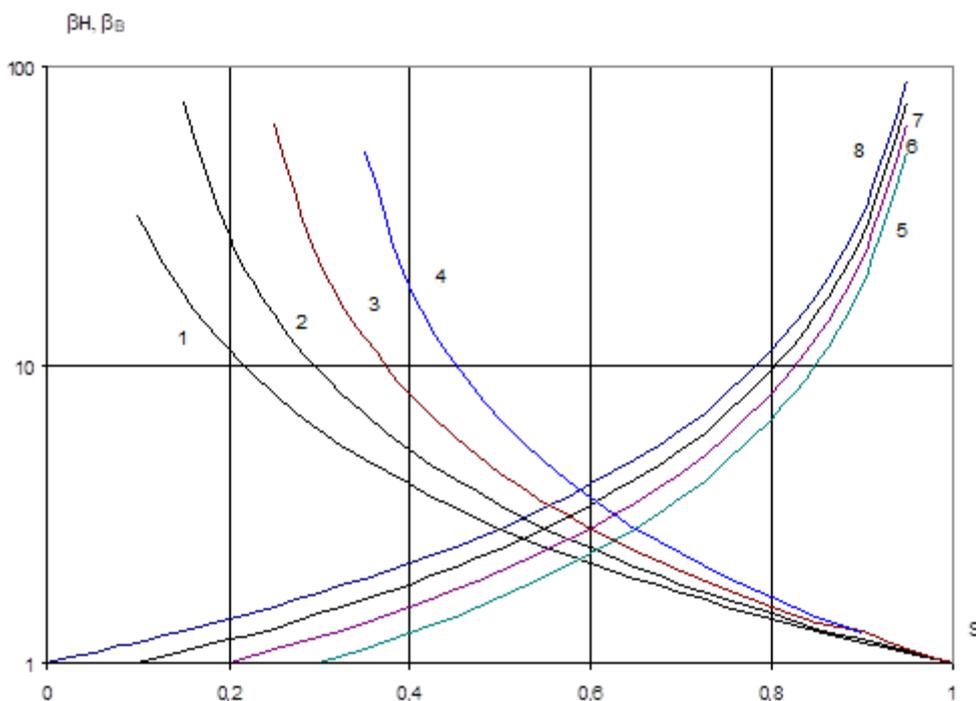


Рис. 40. Относительные коэффициенты вихревых сопротивлений:

1, 2, 3, 4 –  $\bar{\beta}_B$  при  $S_0 = 0; 0,1; 0,2; 0,3$ , соответственно;

5, 6, 7, 8 –  $\bar{\beta}_H$  при  $S_0 = 0; 0,1; 0,2; 0,3$ , соответственно

В работе [16] приведена зависимость коэффициента макрошероховатости  $l$  от коэффициента проницаемости, с использованием данных Д. Л. Катца и др. и Г. Ф. Требина. Отмечается отсутствие влияния коэффициента пористости.

Для насыпных материалов с малой дисперсностью коэффициент  $\beta$  имеет значение порядка  $(0,7...1,16)$ , что соответствует коэффициенту трения по

Ньютону при обтекании жидкости тела с коэффициентом несферичности  $\Phi = 0,8$ .

### ***Контрольные вопросы для самостоятельного изучения по теме***

#### ***«Основы теории фильтрации многофазных систем»***

1. Зависимость относительных проницаемостей от насыщенности.
2. От каких параметров зависит относительная проницаемость?
3. Почему сумма относительных проницаемостей меньше 1?
4. Допущения теории одномерного движения двухфазной жидкости в пористой среде.
5. Поршневое вытеснение нефти водой. Закон движения границы раздела фаз для поршневого режима вытеснения.
6. Непоршневое вытеснение нефти водой. Физическая сущность явления.
7. Модель Баклея – Леверетта.
8. Как влияет на безводную нефтеотдачу вязкость вытесняющей фазы?
9. Зависимость фронтальной насыщенности от вязкостей фаз.
10. Вид функции Баклея – Леверетта и её производной.
11. Физический смысл функции Баклея – Леверетта.
12. Характер изменения функции Баклея – Леверетта в зависимости от изменения относительной вязкости.
13. Стабилизированная зона насыщенности.
14. Практическое применение модели Баклея-Леверетта.

#### **Литература для самостоятельного изучения**

1. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика: учеб. для вузов / К. С. Басниев, И. Н. Кочина, В. М. Максимов. – М.: Недра, 1993. – 413 с.
2. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика: [учеб. пособие] / К. С. Басниев, Н. М. Дмитриев, Р. Д. Каневская [и др.]. – 2-е изд., испр. – Москва; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2006. – 488 с.
3. Каневская, Р. Д. Математическое моделирование гидродинамических процессов разработки месторождений углеводородов: Учеб. пособие для вузов / Р. Д. Каневская. – М.; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2002. – 139с.

## II. ЗАДАНИЯ ДЛЯ КУРСОВЫХ РАБОТ ПО ПОДЗЕМНОЙ ГИДРОМЕХАНИКЕ

### Задание № 1.

Определить условия переноса песка в пласте при плоскорадиальной фильтрации нефти и воды.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика расчета параметров фильтрации при поршневом вытеснении нефти водой.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать градиенты давления на линии вытеснения и на стенке скважины при перемещении ВНК для режима постоянной депрессии на пласт и постоянного дебита скважины при линейном и нелинейном законе фильтрации.

2.2. Рассчитать критический градиент давления переноса песка водой и нефтью.

2.3. Определить условия переноса песка при каждом режиме фильтрации.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 209-213 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 2.

Определить условия переноса песка в пласте при плоскорадиальной фильтрации газа и воды.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика расчета параметров фильтрации при поршневом вытеснении газа водой.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать градиенты давления на линии вытеснения и на стенке скважины при перемещении ГВК для режима постоянной депрессии на пласт и постоянного дебита скважины при линейном и нелинейном законе фильтрации.

2.2. Рассчитать критический градиент давления переноса песка водой и газом.

2.3. Определить условия переноса песка при каждом режиме фильтрации.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 203- 209 с., 85-88 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### **Задание № 3.**

Определить коэффициенты водонасыщенности и нефтеотдачи и их динамику с использованием функции Бакли-Левретта.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика определения коэффициентов водонасыщенности и нефтеотдачи с использованием функции Бакли- Левретта.

2. Расчетная часть.

2.1. Задаться функциями для фазовой проницаемости в системе «нефть-вода».

2.2. Построить функцию Бакли- Левретта, ее первую производную.

2.3. Определить искомые коэффициенты на конец безводной эксплуатации и на конец разработки залежи.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 26-29 с., 228-233 с., 241-246 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### **Задание № 4.**

Определить коэффициенты водонасыщенности и газоотдачи и их динамику с использованием функции Бакли-Левретта.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика определения коэффициентов водонасыщенности и газоотдачи с использованием функции Бакли-Левретта.

2. Расчетная часть.

2.1. Задаться функциями для фазовой проницаемости в системе «газ-вода».

2.2. Построить функцию Бакли-Левретта, ее первую производную.

2.3. Определить искомые коэффициенты на конец безводной эксплуатации и на конец разработки залежи.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. К.С. Басниев и др. Подземная гидромеханика.: Недра, 1993 г., 26-29 с, 228-233 с., 241-246 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 5.

Рассчитать показатели разработки нефтяной залежи как укрупненной скважины.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика расчета показателей разработки залежи как укрупненной скважины.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать изменение во времени объема внедрившейся воды и требуемого количества скважин при принятом законе изменения депрессии на пласт.

2.2. Рассчитать изменение во времени забойного давления и депрессии на пласт, а также требуемого числа скважин при принятом законе изменения объема внедрившейся воды.

Выводы

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 172-179 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 6.

Рассчитать показатели разработки газовой залежи как укрупненной скважины.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика расчета показателей разработки залежи как укрупненной скважины.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать изменение во времени объема внедрившейся воды и требуемого количества скважин при принятом законе изменения депрессии на пласт.

2.2. Рассчитать изменение во времени забойного давления и депрессии на пласт, а также требуемого числа скважин при принятом законе изменения объема внедрившейся воды.

Выводы

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 172-179 с. 2. Басниев К. С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 172-179 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 7.

Рассчитать показатели разработки нефтяной залежи при упругом режиме разработки.

1. Теоретическая часть.

1.1. Теория упругого режима.

2. Расчетная часть.

2.1. Подсчитать упругий запас нефти в пласте.

2.2. Рассчитать падение пластового давления во времени при режиме постоянного отбора жидкости.

2.3. Рассчитать динамику отбора жидкости и пластового давления при режиме постоянной депрессии на пласт.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 172-179 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 131-151 с., 159-171 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг

Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 8.

Рассчитать показатели разработки газовой залежи при упругом режиме разработки.

1. Теоретическая часть.

1.1. Теория упругого режима.

2. Расчетная часть.

2.1. Подсчитать упругий запас газа в пласте.

2.2. Рассчитать падение пластового давления во времени при режиме постоянного отбора газа.

2.3. Рассчитать динамику отбора газа и пластового давления при режиме постоянной депрессии на пласт.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 172-179 с. 2. К.С. Басниев и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 181-188 с., 199-201 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 9.

Оценить влияние частоты пульсации забойного давления на коэффициент продуктивности нефтяной скважины.

1. Теоретическая часть.

1.1. Основная формула теории упругого режима (уравнение Лейбензона).

1.2. Интерференция скважин в условиях упругого режима.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать забойное давление при пуске и остановке скважины

с интервалом времени  $t = T_{MAX} / n$ , где  $n = 1, 2, 3, 70, 100$ ;  $T_{MAX} = \frac{R_K^2}{\chi}$ .

2.2. Определить среднее значение забойного давления.

2.3. Рассчитать коэффициенты продуктивности.

2.4. Оценить зависимость коэффициента продуктивности от частоты пульсации забойного давления.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 172-179 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### **Задание № 10.**

Оценить влияние частоты пульсации забойного давления на коэффициент продуктивности газовой скважины.

1. Теоретическая часть.

1.1. Основная формула теории упругого режима (уравнение Л.С. Лейбензона)

1.2. Интерференция скважин в условиях упругого режима.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать забойное давление при пуске и остановке скважины с интервалом времени  $t = T_{MAX} / n$ , где  $n = 1, 2, 3, 50, 70, 100$ ;  $T_{MAX} = \frac{R_K^2}{\chi}$ .

2.2. Определить среднее значение забойного давления.

2.3. Рассчитать коэффициенты продуктивности.

2.4. Оценить зависимость коэффициента продуктивности от частоты пульсации забойного давления.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 181-199 с.

### **Задание № 11.**

Оценить влияние совместной работы куста скважин на индикаторную линию центральной скважины в нефтяном пласте с удаленным контуром питания при плоскорадиальной фильтрации нефти.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика расчета депрессии на пласт при работе группы нефтяных скважин.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать депрессию на пласт при исследовании центральной скважины при работе скважин в кусте (для  $n = 3,7,21$ ).

2.2. Построить индикаторные линии.

2.3. Рассчитать коэффициенты продуктивности для центральной скважины.

2.4. Оценить зависимость коэффициента продуктивности от числа скважин в кусте.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 103-109 с., 58-80 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 12.

Оценить влияние совместной работы куста скважин на индикаторную линию центральной скважины в газовом пласте с удаленным контуром питания при плоскорадиальной фильтрации газа.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика расчета депрессии на пласт при работе группы газовых скважин.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать депрессию на пласт при исследовании центральной скважины при работе скважин в кусте (для  $n= 3,7,21$ ).

2.2. Построить индикаторные линии.

2.3. Рассчитать коэффициенты продуктивности для центральной скважины.

2.4. Оценить зависимость коэффициента продуктивности от числа скважин в кусте.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 103-109 с., 58-90 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М.,

Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 13.

Выполнить диагностику нефтяной скважины по результатам гидродинамических исследований при установившейся фильтрации.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика обработки данных гидродинамических исследований при плоскорадиальной фильтрации.

1.2. Приток жидкости к несовершенным скважинам.

2. Расчетная часть.

2.1. По данным исследования определить коэффициенты фильтрационного сопротивления.

2.2. Рассчитать теоретические значения коэффициентов фильтрационного сопротивления для гидродинамически совершенной скважины.

2.3. Оценить гидродинамическое несовершенство скважины.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 58-88 с., 117-126 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 14.

Выполнить диагностику газовой скважины по результатам гидродинамических исследований при установившейся фильтрации.

1. Теоретическая часть.

1.1. Методика обработки данных гидродинамических исследований при плоскорадиальной фильтрации.

1.2. Приток газа к несовершенным скважинам.

2. Расчетная часть.

2.1. По данным исследования определить коэффициенты фильтрационного сопротивления.

2.2. Рассчитать теоретические значения коэффициентов фильтрационного сопротивления для гидродинамически совершенной скважины.

2.3. Оценить гидродинамическое несовершенство скважины.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 58-88 с., 117-126 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### **Задание № 15.**

Оценить влияние давления на индикаторную линию при плоскорадиальной фильтрации нефти в пористой среде.

1. Теоретическая часть.

1.1. Зависимость параметров флюидов и пористой среды от давления.

1.2. Плоскорадиальный фильтрационный поток сжимаемой жидкости и породы.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать депрессию на пласт при установившейся фильтрации нефти для различных пластовых давлений.

2.2. Определить коэффициенты продуктивности, построить индикаторные линии

2.3. Оценить влияние давления на форму индикаторной линии.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 48-54 с., 72-78 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### **Задание № 16.**

Оценить влияние давления на индикаторную линию при плоскорадиальной фильтрации газа в пористой среде.

1. Теоретическая часть.

1.1. Зависимость параметров флюидов и пористой среды от давления.

1.2. Плоскорадиальный фильтрационный поток идеального и реального газа.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать депрессию на пласт при установившейся фильтрации газа для различных пластовых давлений.

2.2. Определить коэффициенты продуктивности, построить индикаторные линии.

2.3. Оценить влияние давления на форму индикаторной линии.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 48-54 с., 72-81 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 17.

Выполнить анализ расчетных формул для определения коэффициента продуктивности горизонтальных скважин для нефтяной залежи.

1. Теоретическая часть.

1.1. Приток несжимаемой жидкости к горизонтальной скважине.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать безразмерный коэффициент продуктивности горизонтальной скважины длиной “ $l$ ”, радиусом  $r_c$  в пласте толщиной  $h$  при радиусе контура питания  $R_k$ .

2.2. Построить графики зависимости приведенного коэффициента продуктивности и проанализировать полученные результаты.

2.3. Сравнить коэффициенты продуктивности вертикальной и горизонтальной скважины.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 126-129 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 18.

Выполнить анализ расчетных формул для определения коэффициента продуктивности горизонтальных скважин для газовой залежи.

1. Теоретическая часть.

1.1. Приток газа к горизонтальной скважине.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать безразмерный коэффициент продуктивности горизонтальной скважины длиной “ $l$ ”, радиусом  $r_c$  в пласте толщиной  $h$  при радиусе контура питания  $R_k$ .

2.2. Построить графики зависимости приведенного коэффициента продуктивности и проанализировать полученные результаты.

2.3. Сравнить коэффициенты продуктивности вертикальной и горизонтальной скважины.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 126-129 с.

### Задание № 19

Дать сравнительную оценку приближенных методов решения задач теории упругого режима фильтрации нефти.

1. Теоретическая часть.

1.1. Точное решение осесимметричного притока нефти к скважине.

1.2. Приближенные методы решения задач упругого режима фильтрации нефти.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать депрессию на пласт по точной формуле и по приближенным формулам.

2.2. Найти относительную погрешность расчетов.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 181-196 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д.

Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### **Задание № 20.**

Дать сравнительную оценку приближенных методов решения задач теории упругого режима фильтрации газа.

1. Теоретическая часть.

1.1. Точное решение осесимметричного притока газа к скважине.

1.2. Приближенные методы решения задач упругого режима фильтрации газа.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать депрессию на пласт по точной формуле и по приближенным формулам.

2.2. Найти относительную погрешность расчетов.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 181-196 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### **Задание № 21.**

Оценить условия нарушения устойчивого движения границы раздела нефти и воды.

1. Теоретическая часть.

1.1. Устойчивость движения границы раздела жидкостей.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать критическую скорость фильтрации нефти при нарушении устойчивого движения границы раздела с водой.

2.2. Рассчитать критический градиент давления.

2.3. Рассчитать положение ВНК при нарушении устойчивости раздела жидкостей при дебитах скважины  $Q$ .

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.:

Недра, 1993 г., 213-215 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 22.

Оценить условия нарушения устойчивого движения границы раздела газа и воды.

1. Теоретическая часть.

1.1. Устойчивость движения границы раздела газа и жидкостей.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать критическую скорость фильтрации газа при нарушении устойчивого движения границы раздела газа с водой.

2.2. Рассчитать критический градиент давления.

2.3. Рассчитать положение ГВК при нарушении устойчивости раздела газа и воды при дебитах скважины  $Q$ .

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 213-215 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 23.

Оценить динамику обводненности продукции скважины при поршневом вытеснении нефти водой из неоднородного по проницаемости пласта.

1. Теоретическая часть.

1.1. Теоретическая модель плоскорадиального потока в неоднородных пластах.

1.2. Плоскорадиальное вытеснение нефти водой.

2. Расчетная часть.

2.1. Задаться функциями фазовой проницаемости при фильтрации нефти и воды.

2.2. Задаться законом распределения неоднородных по проницаемости пропластков.

2.3. Рассчитать время обводнения пропластков и динамику обводненности продукции скважины.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 94-98 с., 209-213 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

#### **Задание № 24.**

Оценить динамику обводненности продукции скважины при поршневом вытеснении газа водой из неоднородного по проницаемости пласта.

1. Теоретическая часть.

1.1. Теоретическая модель плоскорадиального потока в неоднородных пластах.

1.2. Плоскорадиальное вытеснение газа водой.

2. Расчетная часть.

2.1. Задаться функциями фазовой проницаемости при фильтрации газа и воды.

2.2. Задаться законом распределения неоднородных по проницаемости пропластков.

2.3. Рассчитать время обводнения пропластков и динамику обводненности продукции скважины.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 94-98 с., 209-213 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

#### **Задание № 25.**

Оценить влияние давления на индикаторную линию при плоскорадиальной фильтрации нефти в трещиновато- пористой среде.

1. Теоретическая часть.

1.1. Зависимость параметров флюидов и трещиновато-пористой среды от давления.

1.2. Плоскорадиальный фильтрационный поток сжимаемой жидкости и породы.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать дебит скважины при установившейся фильтрации нефти для различных депрессий на пласт и пластовых давлений.

2.2. Определить коэффициент продуктивности, построить индикаторные линии.

2.3. Оценить влияние давления на форму индикаторной линии.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 350-362 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

**Задание № 26.**

Оценить влияние давления на индикаторную линию при плоскорадиальной фильтрации газа в трещиновато- пористой среде.

1. Теоретическая часть.

1.1. Зависимость параметров флюидов и трещиновато-пористой среды от давления.

1.2. Плоскорадиальная фильтрация потока сжимаемой жидкости (газа) и породы.

2. Расчетная часть.

2.1. Рассчитать дебит скважины при установившейся фильтрации газа для различных депрессий на пласт и пластовых давлений.

2.2. Определить коэффициент продуктивности, построить индикаторные линии.

2.3. Оценить влияние давления на форму индикаторной линии.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 350-362 с. 3. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 27.

Определить условия эксплуатации нефтяной скважины при наличии подошвенной воды и газовой шапки.

1. Теоретическая часть.
  - 1.1. Теория образования конуса подошвенной воды и газа.
2. Расчетная часть.
  - 2.1. Рассчитать безводный дебит скважины.
  - 2.2. Рассчитать безгазовый дебит скважины.
  - 2.3. Обосновать интервал перфорации.

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К. С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 221-226 с. 3. Справочное руководство по проектированию разработки и эксплуатации нефтяных месторождений. Проектирование разработки. Гиматудинов Ш.К. и др. М.: Недра, 1983 г., 221- 235 с. 4. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### Задание № 28.

Определить условия эксплуатации газовой скважины при наличии подошвенной воды.

1. Теоретическая часть.
  - 1.1. Теория образования конуса подошвенной воды.
2. Расчетная часть.
  - 2.1. Рассчитать безводный дебит скважины.
  - 2.2. Обосновать интервал вскрытия пласта (первичное вскрытие).
  - 2.3. Обосновать интервал перфорации (вторичное вскрытие).

Выводы.

Литература:

1. Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. - 480 с. 2. Басниев К.С. и др. Подземная гидромеханика. М.: Недра, 1993 г., 221-226 с. 3. Справочное руководство по проектированию разработки и эксплуатации нефтяных месторождений. Проектирование разработки. Гиматудинов Ш.К. и др. М.: Недра, 1983 г., 221- 235 с. 4.

Басниев К.С., Дмитриев Н.М., Розенберг Г.Д. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов. – М. – Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005, 544 с.

### **III. СОДЕРЖАНИЕ И ОФОРМЛЕНИЕ КУРСОВЫХ РАБОТ (КР)**

#### ***Содержание КР***

1. Титульный лист (Приложение 1).
2. Задание по выполнению КР студент получает у руководителя КР
3. Оглавление – перечень названий всех разделов, подпунктов, приложения, которые указываются в строгой последовательности с обозначением страниц начала каждой части.
4. Введение – раскрывает актуальность работы исследования, цель, задачи и т.д.
5. Теоретическая часть, как правило, состоит из подразделов, содержание которых определено заданием на КР.
6. Заключение: содержит краткую трактовку полученных результатов.
7. Список использованных источников.

Названия разделов печатаются прописными (заглавными) буквами по центру строки, без подчеркивания. Точка в конце названия не ставится. Переносы слов в заголовках разделов и подразделов не допускаются.

#### ***Оформление КР***

Формат страницы: А4 (210x297 мм). Ориентация – книжная (кроме приложений, таблиц и иллюстраций). Параметры страницы – поля (мм): левое – 30, верхнее – 20, нижнее – 20, правое – 10. Односторонняя печать текста на компьютере, междустрочный интервал – 1,5, шрифт Times New Roman (размер основного текста – 14 пт, размер шрифта сносок, таблиц, приложений – 12 пт). Выравнивание текста – по ширине, без отступов. Абзац – 1,25 см. Автоматическая расстановка переносов.

#### **Оформление табличного материала**

Цифровой материал, результаты расчетов и анализа, как правило, оформляются в виде таблиц, включаемых как в основную часть КР (выравнивание по центру), так и в приложения. На каждую таблицу в тексте должна быть сделана ссылка (например: Данные таблицы 1 показывают..., Результаты расчетов представлены в таблице 2). Заголовки граф и строк таблицы пишутся с прописной буквы в форме единственного числа, а подзаголовки граф – со строчной буквы, если они составляют одно предложение с заголовком, или с прописной буквы, если они имеют самостоятельное значение. В конце заголовков и подзаголовков таблиц точки не ставятся. Над таблицей слева помещается надпись «Таблица...» с указанием ее номера (знак № и точка не ставятся), после знака (–) пишется тематический заголовок с прописной буквы, который не подчеркивается, и точка в конце которого не ставится. Нумерация

таблиц может быть сквозной (например: Таблица 1, Таблица 2) В таблице не должно быть незаполненных граф и/или строк. Строка с нумерацией граф таблицы арабскими цифрами необходима в том случае, если в тексте имеются ссылки на ее графы. В случае переноса таблицы на другой лист заголовки таблицы не дублируются, а в левом верхнем углу указывается: «Продолжение таблицы...», строка с нумерацией граф дублируется при ее наличии.

#### Оформление формульного материала

Формулы размещаются отдельными строками и нумеруются в пределах раздела (первая цифра обозначает номер раздела, вторая – номер формулы). Номер проставляется арабскими цифрами с правой стороны листа на уровне 3 формулы в круглых скобках. После формулы ставится запятая и с новой строки после слова «где» идет расшифровка каждого обозначения, например:  $S = a^2$ , (2.1) где  $S$  – площадь квадрата,  $m^2$ ,  $a$  – сторона квадрата, м. Формулы, следующие одна за другой и не разделенные текстом, отделяются запятой. Размеры прописных букв и цифр формул – 6-8 мм, строчных – 3-4 мм, индексы и показатели в 1,5-2 раза меньше буквенных обозначений.

#### Оформление иллюстративного материала

К иллюстративному материалу относятся: диаграммы, графики, схемы. На рисунки, расположенные в основной части КР, делается обязательная ссылка: – в круглых скобках (Рисунок 1, Рисунок 2 и т.д.). Нумерация рисунков может быть сквозной (например: Рисунок 1, Рисунок 2 и т.д.) или в пределах раздела (например: Рисунок 1.1, Рисунок 1.2, где первая цифра обозначает номер раздела, вторая – порядковый номер рисунка). Рисунок имеет подрисуночный текст – название, раскрывающее его содержание.

#### Обозначение в тексте физических величин.

Единицы физической величины одного и того же параметра в пределах одного документа должны быть постоянными. Результаты расчетов должны быть в системе СИ.

## IV. ДАННЫЕ ДЛЯ РАСЧЕТА И СПРАВОЧНЫЕ ДАННЫЕ

Таблица 9

### Основные исходные данные для курсовой работы

№ п/п	Показатели	Единица измерения	Символическое обозначение	Величина
1	Площадь нефтеносности	тыс.м <sup>2</sup>	$F$	13456,00
2	Средняя эффективная нефтенасыщенная толщина	м	$h$	18
3	Коэффициент открытой пористости	доли ед.	$m$	0,22

4	Коэффициент проницаемости	мкм <sup>2</sup>	$k$	0,5
5	Коэффициент динамической вязкости для воды для нефти для газа	мПа·с	$\mu$	1 25 0,012
6	Радиус контура питания	м	$R_K$	250
7	Среднесуточный дебит скважины по нефти по газу	м <sup>3</sup> /сут. тыс.м <sup>3</sup> /сут	$Q_H$ $Q_G$	17 490
8	Радиус скважины	м	$r$	0,12
9	Плотность нефти	кг/м <sup>3</sup>	$\rho_H$	890
10	Плотность газа	кг/м <sup>3</sup>	$\rho_G$	0,076
11	Давление на контуре	МПа	$P_K$	24,8
12	Давление на забое	МПа	$P_C$	20,5
13	Коэффициент пьезопроводности	м <sup>2</sup> /с	$\chi$	0,01
14	Длина горизонтальной части ствола	м	$l$	от 50 до 600

Дополнительные данные для задания №13

	Вариант 1				Вариант 2					Вариант 3				
$Q_{T/CYT}$	24	6	6	4	3	8	9	6	7	2	2	6	6	2
$P_{ЗАБ}$	,50	,60	,60	,66	2	,33	,30	,28	,20	,15	,42	,57	,81	,93

Дополнительные данные для задания №14

	Вариант 1				Вариант 2					Вариант 3					
$Q_{T/CYT}$	53	67	50	82	18	84	10	45	2	84	04	34	32	04	13
$P_{ЗАБ}$	,66	,73	,80	,87	,94	,44	,70	,88	,02	,43	,41	,50	,55	,62	,64

Справочные данные

Показатели	Нефтепромысловая единица измерения	В системе СИ
Проницаемость	1 Д (Дарси) = $1,02 \cdot 10^{-12} \text{ м}^2 \sim 1 \text{ мкм}^2$	1 м <sup>2</sup>
Давление		Па
Динамическая вязкость	1 сП (сантипуаз) = 0,01 П (пуаз) = 0,001 Па·с	Па·с
Кинематическая вязкость	1 Ст (Стокс) = $10^{-4} \text{ м}^2/\text{с}$ 1 сСт (сантистокс) = $10^{-6} \text{ м}^2/\text{с}$	м <sup>2</sup> /с

## **V. СПИСОК РЕКОМЕНДУЕМОЙ К САМОСТОЯТЕЛЬНОМУ ИЗУЧЕНИЮ ЛИТЕРАТУРЫ**

### *Основная литература*

1. Басниев, К.С. Подземная гидромеханика: учеб. для вузов / К.С. Басниев, И.Н. Кочина, В.М. Максимов. – Москва : Недра, 1993. – 413 с.
2. Басниев, К.С. Подземная гидромеханика / К.С. Басниев, Н.М. Дмитриев, Р. Д. Каневская [и др.]. – Москва – Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2005. – 495 с.

### *Дополнительная литература*

1. Басниев, К. С. Подземная гидромеханика / К.С. Басниев, Н.М. Дмитриев, Р.Д. Каневская [и др.]. – 2-е изд., испр. – Москва : Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2006. – 488 с.
2. Щелкачев, В. Н. Подземная гидравлика: учеб. пособие для вузов / В.Н. Щелкачев, Б.Б. Лапук. – Москва – Ижевск: РХД, 2001. – 735с.
3. Чарный, И. А. Подземная гидрогазодинамика / И.А. Чарный. – Москва : РХД ; Ижевск: Ин-т компьютер. исслед., 2006. – 414 с.
4. Кадет, В.В. Методы математической физики в решении задач нефтегазового производства: Курс лекций: Учеб.пособие для подготовки бакалавров и магистров доп. УМО вузов РФ по нефтегазовому образованию / В.В. Кадет. – Москва – Ижевск : Ин-т компьютер. исслед., 2004. – 147с.
5. Бернулли, Д. Гидродинамика или записки о силах и движениях жидкости / Д. Бернулли. Ленинград : Изд-во Акад. наук СССР. 1959. – 551 с.
6. Биркгоф, Г. Гидродинамика: Методы. Факты. Подобие / Г. Биркгоф. – Москва : РХД, 2002. – 244 с.

## **VI. ИСПОЛЬЗОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА**

1. Азиз, Х. Математическое моделирование пластовых систем/ Х. Азиз, Э. Сеттари. – Москва : Недра, 1982. – 407 с.
2. Алишаев, М.Г. Сравнительный анализ относительных фазовых проницаемостей для порового и трещинного коллекторов при слабой гидрофобности внутренней поверхности породы / М.Г. Алишаев // Нефтяное хозяйство – 2000. – №12. – С. 32-35.
3. Багов, Р.А. Об основных понятиях теории фильтрации и основных этапах ее развития / Р.А. Багов, Р. Цей // Вестник Адыгейского государственного университета. Серия: естественно-математические и технические науки. – 2007. – № 4. – С. 72-74.

4. Баренблатт, Г.И. Движение жидкостей и газов в пластах / Г.И. Баренблатт. – Москва : Недра, 1984. – 270 с.
5. Басниев, К.С. Нефтегазовая гидромеханика: Учебник для вузов / К.С. Басниев, Н.М. Дмитриев, Г.Д. Розенберг. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2003. – 480 с.
6. Басниев, К.С. Нефтегазовая гидромеханика: Учебное пособие для вузов / К.С. Басниев, Н.М. Дмитриев, Г.Д. Розенберг. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2005. – 544 с.
7. Басниев, К.С. Подземная гидромеханика / К.С. Басниев, И.Н. Кочина, В.М. Максимов. – Москва : Недра, 1993. – 416 с.
8. Бойко, В.С. Разработка и эксплуатация нефтяных месторождений: учеб. для вузов / В.С. Бойко. – Москва : Недра, 1990. – 427 с.
9. Борхович, С.Ю. Разработка гидродинамических методов диагностики состояния призабойной зоны пласта по данным устьевой информации для оптимизации работы скважин : автореферат диссертации кандидата технических наук: 25.00.17 / С. Ю. Борхович. – УдГУ. – Ижевск, 2002. – 23 с.
10. Васильев, В. А., Борхович, С. Ю. Фазовая проницаемость при линейном законе фильтрации несмешивающихся жидкостей / В.А. Васильев, С.Ю. Борхович. // Нефтепромысловое дело. – 2001. - № 6. - С.16-19.
11. Васильев, В. А., Борхович, С. Ю. Фазовая проницаемость при нелинейном законе фильтрации несмешивающихся жидкостей // В. А. Васильев, С. Ю. Борхович. // Нефтепромысловое дело. – 2001. – № 8. – С.9-12.
12. Великанова, Ю.В. Гидромеханика многофазных сред: сборник задач / Ю.В. Великанова. – Самара : Самар. гос. техн. ун-т, 2012. – 122 с.
13. Викторин, В.Д. Влияние особенностей карбонатных коллекторов на эффективность разработки нефтяных залежей / В.Д. Викторин. – Москва : Недра, 1988. – 150 с.
14. Викторин, В.Д. Разработка нефтяных месторождений, приуроченных к карбонатным коллекторам / В.Д. Викторин, Н.А. Лыков. – Москва : Недра, 1980. – 202 с.
15. Винников, В.А. Гидромеханика: учебник для вузов / В.А. Винников, Г.Г. Каркашадзе. – Москва : Издательство Московского государственного горного университета, 2003. – 302 с.
16. Евдокимова, В. А., Кочина, И. Н. Сборник задач по подземной гидравлике: Учебное пособие для вузов. / В. А. Евдокимова, И. Н. Кочина. Москва : ООО ИД «Альянс», 2007. – 168 с.
17. Зотов, Г.А. Газодинамические методы исследований газовых скважин / Г.А. Зотов, С.М. Тверковкин – Москва : Недра, 1970.

18. Дмитриев, Н.М. Лекции по подземной гидромеханике – Выпуск 1 / Н.М. Дмитриев, В.В. Кадет. – М.: РГУ нефти и газа им. И.М. Губкина. – 2002. – 135 с.
19. Дмитриев, Н.М. Подземная гидромеханика. Пособие для семинарских занятий/ Н.М. Дмитриев, В.В. Кадет. – Москва : РГУ нефти и газа им. И.М. Губкина, 2008.
20. Дмитриев, Н.М. Методические указания к выполнению курсовых работ по дисциплине подземная гидромеханика/ Н.М. Дмитриев, В.В. Кадет, Е.Г. Разбегина. – Москва : Нефть и газ, 1998. – 61 с.
21. Иванников, В.Г. Лабораторные работы по общей и подземной гидромеханике / В.Г. Иванников, В.И. Исаев, А.В. Иванников, Р.В. Исаев – Москва: Издательский центр РГУ нефти и газа им. И.М. Губкина, 2013. – 162 с.
22. Кадет, В.В. Перколяционный анализ гидродинамических и электрокинетических процессов в пористых средах: монография / В.В. Кадет. – Москва: ИНФРА-М, 2013. – 256 с.
23. Кадет, В.В. Перколяционный анализ границ применимости линейного закона фильтрации / В.В. Кадет, П.С. Чагиров // Труды нефти и газа имени И.М. Губкина. – 2011. – № 3 (264). – С. 28-37.
24. Кадет, В.В. Эффективная вязкость минерализованной воды при течении в пористой среде. Теория и эксперимент / В.В. Кадет, А.С. Корюзлов // Теоретические основы химической технологии. – 2008. – Т. 42. – № 6. – С. 703-708.
25. Катц, Д.Л. Руководство по добыче, транспорту и переработке природного газа / Д. Л. Катц, Д. Корнелл, Р. Кобаяши, Ф. Х. Поэттман [и др.]. – Москва : Недра, 1965. – 676 с.
26. Коллинз, Р. Течение жидкости через пористые материалы/ Р.Коллинз. – Москва : Мир, 1964. – 207 с.
27. Коротаев Ю.П. Избранные труды: в 3-х т. / под ред. Вяхирева. – Москва: Недра, 1996. – Т.1. – 606 с.
28. Кудинов, В.И. Основы нефтегазопромыслового дела / В.И. Кудинов. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований; Удмуртский госуниверситет, 2004. – 720 с.
29. Куштанова, Г.Г. Подземная гидромеханика. Краткий курс лекций / Г.Г. Куштанова. – Казань: Казань, 2014. – 59 с.
30. Лысенко, В.Д. Инновационная разработка нефтяных месторождений/ В.Д. Лысенко. – Москва : Недра-Бизнесцентр, 2000. – 516 с.
31. Лысенко, В.Д. Разработка малопродуктивных нефтяных место-рождений/ В.Д. Лысенко, В.И. Грайфер. – Москва : Недра-Бизнесцентр, 2001. – 562 с.

32. Маскет, М. Течение однородных жидкостей в пористой среде / М. Маскет. – Москва–Ленинград : Гостоптехиздат, 1949. – 628 с.
33. Мордвинов, В.А. Управление продуктивностью скважин: учеб. пособие / В.А. Мордвинов, В.В. Поплыгин. – Пермь: Изд-во Перм. нац. иссл. политехн. ун-та, 2011. – 137 с.
34. Острая, О.В. Из истории механики: формирование подземной гидромеханики как научного направления // Всероссийская научно-методическая конференция «Университетский комплекс как региональный центр образования, науки и культуры» (Оренбург, 29–31 января 2014 года) – Оренбург, 2014. – С. 1602-1605.
35. Пономарева, И.Н. Подземная гидромеханика: учебное пособие/ И.Н. Пономарева, В.А. Мордвинов. – Пермь : Перм. гос. ун-т, 2009. – 103 с.
36. Пыхачев, Г.Б. Подземная гидравлика/ Г.Б. Пыхачев, Р.Г. Исаев. – Москва: Недра, 1973. – 360 с.
37. Пятибрат, В.П. Основы подземной гидромеханики: учеб. пособие / В.П. Пятибрат. – Ухта: УГТУ, 2012. – 123 с.
38. Сургучев, М.Л. Вторичные и третичные методы увеличения нефтеотдачи пластов/ М.Л. Сургучев. – Москва: Недра, 1985. – 308 с.
39. Справочник инженера-нефтяника. Том 1. Введение в нефтяной инжиниринг. – Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2014. – 1136 с.
40. Хавкин, А.Я. Основы нефтегазодобычи : учебное пособие / А.Я. Хавкин. – Москва : ИИКИ, 2012. – 399 с.
41. Чарный, И.А. Подземная гидрогазодинамика/ И.А. Чарный. – Москва: Гостоптехиздат, 1963. – 396 с.
42. Щелкачев, В.Н. Подземная гидравлика/ В.Н. Щелкачев, Б.Б. Лапук. – Москва: Гостоптехиздат, 1949. – 358 с.

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ  
ФГБОУ ВО «УДМУРТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
ИНСТИТУТ НЕФТИ И ГАЗА им. М.С. ГУЦЕРИЕВА**

**Кафедра разработки и эксплуатации нефтяных и газовых месторождений  
направление подготовки 21.03.01 Нефтегазовое дело, направленность  
21.03.01.01 «Эксплуатация и обслуживание объектов добычи нефти»**

**КУРСОВАЯ РАБОТА  
ПО ДИСЦИПЛИНЕ  
«ПОДЗЕМНАЯ ГИДРОМЕХАНИКА»**

**на тему**

«.....»

Выполнил(а) студент(ка):

\_\_\_\_\_

*ФИО студента(ки)*

направления подготовки

\_\_\_\_\_

*наименование направления подготовки*

группы \_\_\_\_\_

*наименование группы*

Научный руководитель:

\_\_\_\_\_

*ФИО, должность, ученое звание*

Итоговая оценка по курсовой работе \_\_\_\_\_

*оценка, подпись*

*руководителя*

**Ижевск**

**20... г.**

*Учебное издание*

## **ПОДЗЕМНАЯ ГИДРОМЕХАНИКА**

Учебно-методическое пособие

Составители

Борхович Сергей Юрьевич, Чекмышев Константин Эдуардович,  
Полозов Михаил Брониславович, Трубицына Наталья Геннадьевна

*Авторская редакция*

Издательский центр «Удмуртский университет»  
426034, г. Ижевск, ул. Ломоносова, 4Б, каб. 021  
Тел.: + 7 (3412) 916-364, E-mail: editorial@udsu.ru