



XVII
Всероссийская
научно-
методическая
конференция

Министерство образования и науки Российской Федерации
Российская академия наук
Национальный фонд подготовки кадров

XVII Всероссийская научно-методическая конференция "Телематика'2010"

Санкт-Петербург, 2010
Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий,
механики и оптики
Государственный НИИ информационных технологий и телекоммуникаций
"Информика"
Автономная некоммерческая организация "Информационные технологии в
образовании"

СЕКЦИИ КОНФЕРЕНЦИИ

A. Информационные ресурсы и технологии в образовании.

Сопредседатели: [Иванников А.Д.](#), [Сытник А.А.](#), [Кривошеев А.О.](#)

B. Технологии и инфраструктура телекоммуникаций.

Сопредседатели: [Ижванов Ю.Л.](#), [Куракин Д.В.](#)

C. Виртуальные среды и имитационные технологии в образовании и науке.

Сопредседатели: [Старых В.А.](#), [Тозик В.Т.](#)

D. Технологии распределенных вычислений и компьютерного моделирования в образовании и науке.

Сопредседатели: [Ильин В.А.](#), [Бухановский А.В.](#)

E. Всероссийский конкурс научных работ студентов и аспирантов "Телематика'2010: телекоммуникации, веб-технологии, суперкомпьютинг". (подробнее см. <http://www.ict.edu.ru/tm2010/>)

Сопредседатели: [Гугель Ю.В.](#), [Курмышев Н.В.](#), [Бухановский А.В.](#)

КРУГЛЫЕ СТОЛЫ

КС1. Информационная модель России: электронное правительство, государственная информационная

[Общая информация](#)
[Оргкомитет](#)
[Заявка на участие](#)
[Программа](#)
[Оргвзнос](#)
[Участники](#)
[Тезисы докладов](#)
[Статистика](#)
[Заезд участников](#)
[Проживание в гостиницах](#)

[Статистика прошлых лет](#)

Архив:

[Телематика'2002](#)
[Телематика'2003](#)
[Телематика'2004](#)
[Телематика'2005](#)
[Телематика'2006](#)
[Телематика'2007](#)
[Телематика'2008](#)
[Телематика'2009](#)

политика, информационное взаимодействие общества и власти.

Ведущие: Рузанова Н.С., Столяров Д.Ю., Башарули Н.В., Чугунов А.В.

КС2. Свободное программное обеспечение в высшей школе.

Ведущие: Кулагин В.П., Новодворский А.Е.

КС3. Информационные технологии в управлении качеством высшего образования.

Ведущие: Татаринов Ю.С., Лямин А.В.

МЕСТО И ВРЕМЯ ПРОВЕДЕНИЯ

Конференция будет проводиться **21-24 июня 2010 г.** в Санкт-Петербурге в конференц-залах НОУ ИДПО "АТОМПРОФ" (бывший ФГОУ "ГРОЦ", ул. Аэродромная, 4) (<http://atomprof.spb.ru/>).

Пленарное заседание состоится **22 июня в 10.00.**

Прием материалов на конференцию будет осуществляться с **10 апреля по 10 мая 2010 г.**

КОНТАКТЫ

Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий, механики и оптики.

Оргкомитет конференции "Телематика'2010".
197101, Санкт-Петербург, Кронверкский пр., 49.
Тел.:

(812) 232-84-94 Сергеев Александр Олегович
(812) 232-46-20 Туктарова Гузель Ремовна (вопросы размещения в гостиницах и выписки счетов)

Информация о конференции размещается на сайте <http://tm.ifmo.ru/>

E-mail Оргкомитета: tm@mail.ifmo.ru



**Национальный
исследовательский
университет**

К ВОПРОСУ О ЛИНЕЙНОЙ ДИСКРЕТНОЙ МОДЕЛИ МИНИМАЛЬНОЙ РАЗМЕРНОСТИ

Г.Г. Исламов, А.Г. Исламов

Удмуртский государственный университет, г. Ижевск

Тел.: (3412) 91-60-90, e-mail: ggislamov@udm.net

1. Актуальность и постановка проблемы. Пусть H – сепарабельное гильбертово пространство со скалярным произведением (\cdot, \cdot) , G есть линейный компактный оператор, действующий в этом пространстве. Рассмотрим экстремальную задачу $\text{rank } K \rightarrow \min, \|G - K\| \leq \varepsilon$, которая состоит в минимизации ранга конечномерного оператора $K : H \rightarrow H$, аппроксимирующего G с точностью ε по норме пространства ограниченных операторов. Минимальное значение функционала в этой задаче равно минимальному значению натурального n , при котором аппроксимативное число $s_{n+1}(G) = \inf_{\text{rank } K \leq n} \|G - K\|$ превосходит погрешности аппроксимации ε . Причём, если $n^* = n(\varepsilon)$ есть решение последней задачи, то решение K исходной экстремальной задачи даётся отрезком длины n^* разложения Шмидта $G = \sum_{j=1}^{\infty} s_j(G) \varphi_j(\cdot, \psi_j)$ оператора G [1]. Здесь $\{\varphi_j\}_{j=1}^{\infty}$ и $\{\psi_j\}_{j=1}^{\infty}$ – две системы ортонормированных векторов гильбертова пространства H . Заметим, что при замене компактного оператора G конечномерным оператором $K = \sum_{j=1}^{n(\varepsilon)} s_j(G) \varphi_j(\cdot, \psi_j)$ мы получим дискретную модель процесса минимальной размерности при выбранной погрешности модели ε . Далее, при фиксированном j величины s_j, φ_j, ψ_j образуют тройку (s, φ, ψ) , которая может быть найдена из спектральной задачи $s^2 \psi = G \varphi, \varphi = G^* \psi$, где G^* – сопряженный оператор.

2. Основные результаты и научная новизна. Необходимые для численного решения полученной выше спектральной задачи математические и алгоритмические конструкции вытекают из следующего утверждения об эквивалентности этой задачи бесконечномерной системе уравнений.

Теорема. Пусть $\{e_i\}_{i=1}^{\infty}$ – произвольный ортонормированный базис гильбертова пространства H и R – вещественная прямая. Тогда исходная спектральная задача эквивалентна нахождению тройки $(s, \varphi, \psi) \in R \times H \times H$ с ненулевыми компонентами следующей системы уравнений

$$s^2(\varphi, e_i) = (G\varphi, Ge_i), \quad s^2(\psi, e_i) = (G^*\psi, G^*e_i), \quad i = 1, 2, \dots$$

Замечание. Относительно коэффициентов Фурье $\alpha_j = (\varphi, e_j)$ и $\beta_j = (\psi, e_j)$ можно получить две системы с симметричными матрицами бесконечной размерности. Эти матрицы положительно определены для инъективного оператора G . После усечения этих матриц до конечной длины l применяется алгоритм приближённого построения общего спектра усечённых матриц и соответствующих собственных векторов $(\alpha_1, \dots, \alpha_l)$ и $(\beta_1, \dots, \beta_l)$. Эффективность предложенного подхода иллюстрируется на примере оператора

m -кратного интегрирования $(Gx)(t) = \int_a^t \frac{(t-s)^{(m-1)}}{(m-1)!} x(s) ds$, рассматриваемого в пространстве $L_2[a, b]$

квадратично суммируемых на отрезке $[a, b]$ скалярных функций. В тестовой программе, использующей универсальную операцию над матричными структурами [2] и технологию многопоточного программирования CUDA[3], рассмотрены случаи $m = 1, 2$, для которых известны аналитические результаты.

Литература

1. Пич А. Операторные идеалы. М.: Мир, 1982. – 536 с.
2. Исламов Г.Г. Универсальная операция над матричными структурами // Современные проблемы вычислительной математики и математической физики: Межд. конф., МГУ имени М.В. Ломоносова, 16-18 июня 2009 г. Тез. докл. – М.: Изд. отдел ф-та ВМК МГУ имени М.В. Ломоносова; Макс Пресс, 2009. – 396 с.
3. NVIDIA CUDA Programming Guide 3.0 // <http://www.nvidia.com>.